

1. 복소수  $z$ 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 결례복소수이다.)

보기

- Ⓐ  $z \cdot \bar{z}$ 는 실수이다.  
Ⓑ  $z + \bar{z}$ 는 실수이다.  
Ⓒ  $z - \bar{z}$ 는 허수이다.  
Ⓓ  $(z + 1)(\bar{z} + 1)$ 은 실수이다.

- ① Ⓐ, Ⓑ      ② Ⓐ, Ⓒ      ③ Ⓑ, Ⓓ

- ④ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ      ⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

해설

$z = a + bi$  ( $a, b$ 는 실수)로 놓으면  $\bar{z} = a - bi$  이므로

$$\textcircled{A} z \cdot \bar{z} = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

$$\textcircled{B} z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a \text{ (실수)}$$

$$\textcircled{C} z - \bar{z} = (a + bi) - (a - bi) = 2bi$$

$b = 0$  이면 실수,  $b \neq 0$  이면 허수이다.

$$\textcircled{D} (z + 1)(\bar{z} + 1) = (a + bi + 1)(a - bi + 1) \\ = (a + 1 + bi)(a + 1 - bi) \\ = (a + 1)^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

2. 실수  $x$ 에 대하여,  $\frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x-2}} = -\sqrt{\frac{x+1}{x-2}}$ 이 성립할 때,  $|x+1| + |x-2|$ 의 값을 구하면? (단,  $(x+1)(x-2) \neq 0$ )

- ①  $2x - 1$       ②  $-2x + 1$       ③ 3  
④  $-3$       ⑤  $x + 1$

해설

$$\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}}$$
 을 만족하려면,

$a < 0, b \geq 0$  이다.

따라서  $x+1 \geq 0, x-2 < 0, -1 \leq x < 2, x \neq -1, x \neq 2$

$\therefore -1 < x < 2$

$$\therefore |x+1| + |x-2| = x+1 - x+2 = 3$$

3. 복소수  $z = x + yi$ 를 좌표평면 위에 점  $p(x, y)$ 에 대응시킬 때,  $(3 - 4i)z$  가 실수가 되게 하는 점  $p$ 의 자취가 나타내는 도형은?

- ① 기울기가 양인 직선      ② 기울기가 음인 직선  
③ 위로 볼록한 포물선      ④ 아래로 볼록한 포물선  
⑤ 원

해설

$$\begin{aligned}(3 - 4i)z &= (3 - 4i)(x + yi) \\&= (3x + 4y) + (-4x + 3y)i\end{aligned}$$

실수가 되려면 허수부  $-4x + 3y = 0$  이다.

$$\therefore y = \frac{4}{3}x \quad (\Rightarrow \text{기울기가 양인 직선})$$

4.  $a - b < 0$  이고  $\sqrt{a} \sqrt{b} = -\sqrt{ab}$  일 때,  $\sqrt{(a-b)^2} - |a+b|$  를 간단히 하면?

- ①  $b$       ②  $2b$       ③  $a - 2b$   
④  $2a + b$       ⑤  $0$

해설

$a - b < 0$ ,  $\sqrt{a} \sqrt{b} = -\sqrt{ab}$  이므로  $a < 0$ ,  $b < 0$

따라서  $a - b < 0$ ,  $a + b < 0$  이므로

$$\begin{aligned}\sqrt{(a-b)^2} - |a+b| &= |a-b| - |a+b| \\ &= -(a-b) + (a+b) \\ &= -a + b + a + b = 2b\end{aligned}$$

5. 복소수  $z$ 에 대해  $z = i^m + i^n, m, n$ 은 양의 정수인  $z$ 의 개수를 구하면 몇 개나 될 것인지 구하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① 6 개      ② 7 개      ③ 8 개      ④ 9 개      ⑤ 10 개

해설

$$m = 1, n = 1, z = i + i = 2i$$

$$m = 1, n = 2, z = i - 1$$

$$m = 1, n = 3, z = i - i = 0$$

$$m = 1, n = 4, z = i + 1$$

$$m = 1, n = 5, z = i + i = 2i$$

	1	2	3	4
1	$2i$	$i - 1$	0	$i + 1$
2	$-1 + i$	-2	$-1 - i$	0
3	0	$-i - 1$	$-2i$	$-i + 1$
4	$1 + i$	0	$1 - i$	2

$$z = 0, 2, -2, 2i, -2i, 1 + i, -1 + i, -1 - i, 1 - i$$

$$\therefore 9 \text{ 개}$$