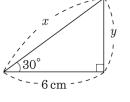
1. 다음 그림과 같은 삼각형에서 x, y를 각각 구하여라.

 $\underline{\mathrm{cm}}$

 $\underline{\mathrm{cm}}$



▶ 답:

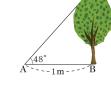
ightharpoonup 정답: $x = 4\sqrt{3}$ $\underline{\text{cm}}$

,

▶ 답:

 $x = \frac{6}{\cos 30^{\circ}} = 4\sqrt{3}$ $y = 6 \times \tan 30^{\circ} = 2\sqrt{3}$

2. 다음 그림과 같이 나무에서 1m 떨어진 A 지점에서 나무의 꼭대기 를 올려다본 각의 크기가 48° 였다. 나무의 높이를 구하여라. (단, $\sin 48^\circ = 0.74$, $\cos 48^\circ = 0.67$, $\tan 48^\circ = 1.11$ 로 계산한다.)



 $\underline{\mathbf{m}}$

▷ 정답: 1.11m

▶ 답:

해설

 $an 48^\circ = rac{(나무의 높이)}{\overline{AB}}$ (나무의 높이) = $\overline{AB} imes an 48^\circ = 1.11(m)$

- **3.** 다음 그림에서 ∠B = 30°일 때, △ABC의 넓이를 구하여라.
- B 30°

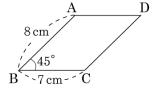
답:

ightharpoonup 정답: $\frac{21}{2}$

해설

 $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 7 \times 6 \sin 30^{\circ}$ $= \frac{1}{2} \times 7 \times 6 \times \frac{1}{2}$ $= \frac{21}{2}$

4. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



ightharpoons 정답: $28\sqrt{2}$ cm^2

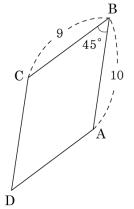
▶ 답:

 $8 \times 7 \times \sin 45^{\circ} = 8 \times 7 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$ $= 28\sqrt{2} \text{ (cm}^2\text{)}$

 $\underline{\mathrm{cm}^{2}}$

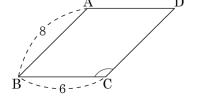
5. 다음과 같은 평행사변형의 넓이를 구하

- ② $42\sqrt{2}$ ① $41\sqrt{2}$
 - ③ $43\sqrt{2}$
- $\bigcirc 345\sqrt{2}$ ④ $44\sqrt{2}$



 $9 \times 10 \times \sin 45^{\circ} = 9 \times 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$ $= 45\sqrt{2}$

6. 다음 그림의 평행사변형 ABCD의 넓이가 24 √2 cm² 일 때, ∠C의 크 기를 구하여라. (단. ∠C > 90°)

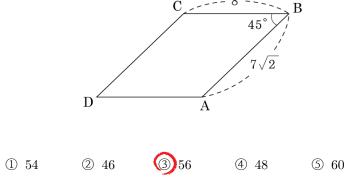


▶ 답: ▷ 정답: 135_°

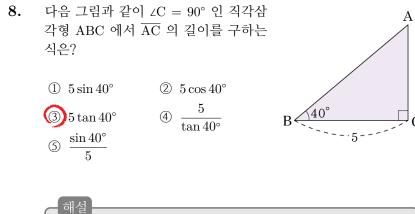
해설

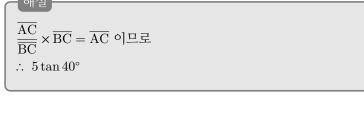
 $24\sqrt{2} = 6 \times 8 \times \sin B$ 에서 $\sin B = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $\angle B < 90$ °이므로 ∠B = 45°이다. 따라서 ∠C = 180° - 45° = 135°

7. 다음과 같은 평행사변형의 넓이는?



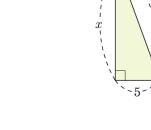
(넓이) = $7\sqrt{2} \times 8 \times \sin 45^{\circ}$ = $7\sqrt{2} \times 8 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 56$





- 다음 직각삼각형에서 x , y 의 값을 주어진 각과 변을 9. 이용하여 삼각비로 나타낸 것은?

 - ① $x = 5 \sin 20^{\circ}$, $y = \frac{5}{\sin 20^{\circ}}$ ② $x = \frac{5}{\tan 20^{\circ}}$, $y = 5 \sin 20^{\circ}$ ③ $x = \frac{5}{\tan 20^{\circ}}$, $y = \frac{5}{\cos 20^{\circ}}$ ④ $x = \frac{5}{\cos 20^{\circ}}$, $y = \frac{5}{\sin 20^{\circ}}$ ⑤ $x = \frac{5}{\tan 20^{\circ}}$, $y = \frac{5}{\sin 20^{\circ}}$

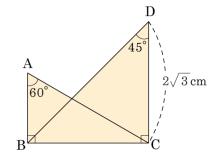


 $\tan 20^\circ = \frac{5}{x}$, $\sin 20^\circ = \frac{5}{y}$, $\cos 20^\circ = \frac{x}{y}$ 이므로 $x = \frac{5}{\tan 20^\circ}$,

$$y = \frac{5}{\sin 20^{\circ}}$$

- 10. 다음 그림과 같이 두 개의 서로 다른 직각삼각형이 겹쳐져 있 다. 이 때, \overline{AB} 의 길이를 구하 여라. ① $\sqrt{3}$ cm 22 cm

 - $3 2\sqrt{3} \text{ cm}$ ④ 3 cm
 - $\bigcirc 3\sqrt{3}\,\mathrm{cm}$

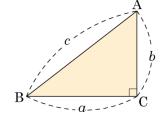


△BCD 는 직각이등변삼각형이므로

 $\overline{BC} = \overline{CD} = 2\sqrt{3}$ (cm) $\triangle ABC$ 는 직각삼각형이므로 $\angle ACB = 30^{\circ}$

 $\therefore \overline{AB} = 2\sqrt{3}\tan 30^{\circ} = 2\sqrt{3} \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 2 \text{ (cm)}$

11. 다음은 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에 대한 설명이다. 옳은 것은 모두 몇 개인가?



 답:
 개

 ▷ 정답:
 3개

__

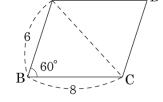
- 12. 다음 그림과 같이 바다를 항해하는 배와 등대 사이의 거리가 21 m 이고, 배에서 등대의 꼭대기를 바라 본 각의 크기가 15° 이었다면, 등대의 높이는?

 - ① $\tan 15\,^{\circ}\,\mathrm{m}$ $4 21 \sin 15$ ° m
- ② 21 tan 15 ° m ③ sin 15 ° m $\odot \cos 15$ ° m

 $\tan 15$ ° = $\frac{x}{21}$ 이므로 $x = 21 \tan 15$ ° m 이다.

- 13. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 대각선AC 의 길이는?
 - ① $3\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{7}$
- ④ $3\sqrt{13}$
- $\boxed{3} 2\sqrt{13}$

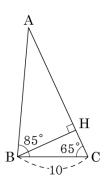
해설



점 A 에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 E 라고 하면 $\overline{AE}=6\times\sin60^\circ=3\,\sqrt{3}$, $\overline{BE}=6\times\cos60^\circ=3,$ $\overline{CE}=8-3=5$

이다. 따라서 $\triangle AEC$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 \overline{AC} = $\sqrt{\left(3\sqrt{3}\right)^2 + 5^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ 이다.

14. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B=85\,^\circ$, $\angle C=65\,^\circ$, $\overline{BC}=10$ 일 때, \overline{AB} 의 길이를 소수점 아래 셋째 자리까지 구하여라. (단, $\sin 65\,^\circ=0.9063$)



▷ 정답: 18.126

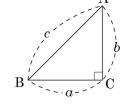
▶ 답:

 $\angle A = 180^{\circ} - (85^{\circ} + 65^{\circ}) = 30^{\circ}$

 $\overline{BH} = 10 \sin 65^{\circ} = 9.063$ $\therefore \overline{AB} = \frac{\overline{BH}}{\sin 30^{\circ}} = 9.063 \times 2 = 18.126$

15. 다음은 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에 대한 설명이다. 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① $c = \frac{b}{\sin B}$ ② $a = \frac{b}{\tan B}$
- $\Im a = c \cos B$



① $\sin B = \frac{b}{c}$ $\therefore c = \frac{b}{\sin B}$ ② $\tan B = \frac{b}{a}$ $\therefore a = \frac{b}{\tan B}$ ③ $\cos B = \frac{a}{c}$ $\therefore a = c \cos B$

$$\frac{\overline{BH}}{a}$$
 : $\overline{BH} = a \cos B$

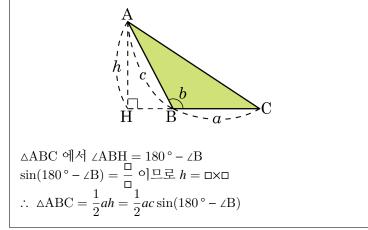
⑤ 점 C 에서 $\overline{\mathrm{AB}}$ 에 내린 수선의 발을 H 라 하면 $\cos B$ =

$$a \qquad \therefore \overline{AH} = a \cos b$$

$$\cos(90 - B) = \frac{\overline{AH}}{b} \qquad \therefore \overline{AH} = b \sin B$$

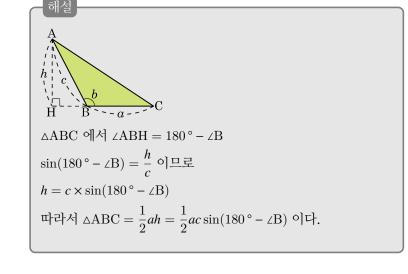
$$\therefore c = \overline{AH} + \overline{BH} = b\sin B + a\cos B$$

16. 다음은 둔각삼각형에서 두 변의 길이와 그 끼인 각의 크기가 주어질 때, 그 삼각형의 넓이를 구하는 과정이다. □ 안에 알맞은 것은?

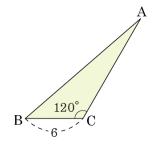


$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2}ah = \frac{1}{2}ac\sin(180^\circ - 2a)$$

- ① $\frac{h}{a}$, a, $\tan(180^\circ \angle B)$ ② $\frac{c}{a}$, a, $\sin(180^\circ \angle B)$ ③ $\frac{h}{c}$, c, $\cos(180^\circ \angle B)$ ④ $\frac{c}{h}$, c, $\sin(180^\circ \angle B)$ ⑤ $\frac{h}{c}$, c, $\sin(180^\circ \angle B)$



17. 다음 그림에서 $\overline{BC}=6$, $\angle C=120$ ° 이고 $\Delta {
m ABC}$ 의 넓이가 $18\sqrt{3}$ 일 때, $\overline{
m AC}$ 의 길 이를 구하여라.



▶ 답: ▷ 정답: 12

두 변의 길이가 a, b 이고 그 끼인 각 x 가 둔각이면,

삼각형의 넓이 $S = \frac{1}{2}ab\sin(180\,^{\circ} - x)$

 $\frac{1}{2} \times \overline{AC} \times 6 \times \sin(180^{\circ} - 120^{\circ}) = 18\sqrt{3}$ $\frac{1}{2} \times \overline{AC} \times 6 \times \sin 60^{\circ} = 18\sqrt{3}$

 $3\overline{\mathrm{AC}} imesrac{\sqrt{3}}{2}=18\,\sqrt{3}$ 따라서 $\overline{\mathrm{AC}}=12$ 이다.

18. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AC}=18$, $\overline{\mathrm{BC}}=12$ 이고, 넓이가 54 일 때, $\angle{\mathrm{C}}$ 의 크기는? (단, 90° < ∠C ≤ 180°)

① 95°

② 100°

⑤150° ④ 135°

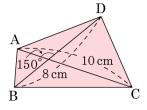
두 변의 길이가 a, b 이고 그 끼인 각 x 가 둔각이면, 삼각형의 넓이 $S = \frac{1}{2}ab\sin(180° - x)$

③ 120°

 $\frac{1}{2} \times 12 \times 18 \times \sin(180\,^{\circ} - \angle C) = 54 ,$ $\sin(180\,^{\circ} - \angle C) = \frac{1}{2} = \sin 30\,^{\circ}$

따라서 ∠C = 150°이다.

19. 다음 그림에서 □ABCD 의 넓이를 구하여 빈 칸을 채워 넣어라.

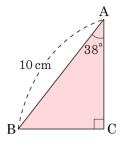


(사각형 ABCD의 넓이) = () cm^2

▶ 답: ▷ 정답: 20

(사각형의 넓이) = 대각선×대각선× $\frac{1}{2}$ × $\sin\theta$ 따라서 $8 \times 10 \times \frac{1}{2}$ × $\sin 30$ ° = 20(\cos^2) 이다.

20. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라. (단, $\sin 38^{\circ} = 0.62$, $\cos 38^{\circ} = 0.79$)



▷ 정답: 24.49 cm²

답:

해설

 $\sin 38^\circ = \frac{\overline{BC}}{10}, \ \cos 38^\circ = \frac{\overline{AC}}{10}$ 이므로 $\overline{BC} = 6.2, \ \overline{AC} = 7.9$ 따라서 구하고자 하는 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 6.2 \times 7.9 =$ 24.49(cm²) 이다.

 $\underline{\mathrm{cm}^2}$

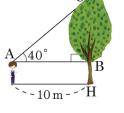
21. 다음 그림과 같은 삼각기둥에서 □ABCD 의 넓이를 구하여라.

ABCD 의 넓이를 구하였다.

a' | 30 - 3 \

답:▷ 정답: 72

 $\cos 30\,^\circ=rac{3\,\sqrt{3}}{a}$ 이므로 a=6따라서 $\Box {
m ABCD}$ 의 넓이는 $2a^2=72$ 이다. 22. 영훈이는 나무의 높이를 알아보려고 다음 그 림과 같이 10m 떨어진 지점에서 나무를 올려 다 본 각의 크기를 재었다. 영훈이의 눈높이가 1.7m 일 때, 나무의 높이는? (단, tan 40° = 0.84)



④ 18.4 m

 \bigcirc 8.4 m

② 10.1 m ⑤ 20.5 m

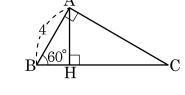
③ 11.7 m

 $\overline{BC} = 10 an 40\,^{\circ} = 8.4 ext{(m) 이므로}$

해설

나무의 높이는 8.4 + 1.7 = 10.1(m) 이다.

23. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}=4$ 이고, $\angle B=60^\circ$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?



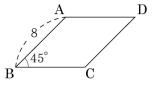
- ① $2(1 + \sqrt{3})$ ② 8 ④ $3(1 + 2\sqrt{3})$ ⑤ $3(2\sqrt{3} 1)$
- $34\sqrt{5}$

 $\overline{BC} = \overline{BH} + \overline{HC}$

 $\overline{BH} = 4\cos 60^{\circ} = 4 \times \frac{1}{2} = 2$ $\overline{AH} = 4\sin 60^\circ = 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$

 $\overline{HC} = 2\sqrt{3}\tan 60^{\circ} = 2\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 6$ $\therefore \overline{BC} = \overline{BH} + \overline{HC} = 2 + 6 = 8$

 ${f 24}$. 다음 그림의 평행사변형 ${
m ABCD}$ 의 넓이 가 24√2 일 때, 평행사변형 ABCD 의 둘레의 길이는?



① 24

228

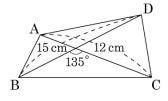
③ 32 ④ 40

⑤ 42

 $\overline{\mathrm{BC}}=x$ 라 하면 $8 imes x imes \sin 45\,^{\circ}=24\,\sqrt{2}$

x=6 이므로 평행사변형 ABCD 의 둘레의 길이는 $2 \times (8+6) = 28$ 이다.

25. 다음 그림과 같은 □ABCD 의 넓이를 구하여라.



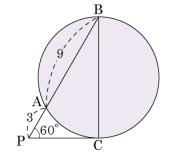
▶ 답: $\underline{\mathrm{cm}^2}$ ightharpoonup 정답: $45\sqrt{2}$ $ext{cm}^2$

(□ABCD의 넓이)

 $= \frac{1}{2} \times 15 \times 12 \times \sin(180^{\circ} - 135^{\circ})$ $= \frac{1}{2} \times 15 \times 12 \times \sin 45^{\circ}$

 $= \frac{1}{2} \times 15 \times 12 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$ $= 45\sqrt{2} \text{ cm}^2)$

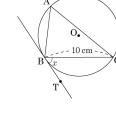
 ${f 26}$. 다음 그림에서 $\overline{
m PC}$ 가 원의 접선일 때, ΔPBC 의 넓이는?



① $9\sqrt{3}$ ② $18\sqrt{3}$ ③ $27\sqrt{3}$ ④ $45\sqrt{3}$ ⑤ $54\sqrt{3}$

 $\overline{PC}^2 = 3(3+9) = 36$ 이므로 $\overline{PC} = 6$ 이다. (넓이) = $\frac{1}{2} \times 12 \times 6 \times \sin 60^\circ = 18\sqrt{3}$

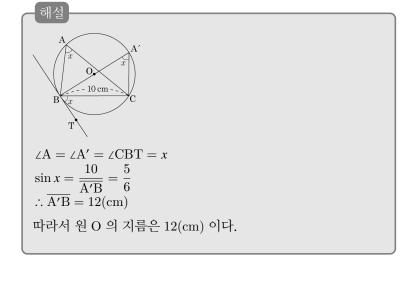
27. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 원 O 에 내접하고 \overrightarrow{BT} 는 원 O 의 접선이다. $\angle CBT = x$ 라 하면 $\sin x = \frac{5}{6}$, $\overrightarrow{BC} = 10 \mathrm{cm}$ 일 때, 원 O 의 지름의 길이를 구하여라.



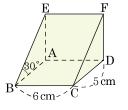
 $\underline{\mathrm{cm}}$

 ▶ 정답:
 12 cm

답:



28. 다음 그림과 같이 $\overline{BC}=6\,\mathrm{cm},\ \overline{CD}=$ 5 cm, ∠ABE = 30 인 삼각기둥이 있다. 이 삼각기둥의 모든 모서리의 합은?



① $30\left(2+\sqrt{3}\right)$ cm

 $(28 + 10\sqrt{3}) \text{ cm}$ $4 \ 2\left(13+5\sqrt{3}\right) \text{ cm}$

 $3 \ 2 \left(13 - 5\sqrt{3}\right) \text{ cm}$ $30 (\sqrt{3} - 1) \text{ cm}$

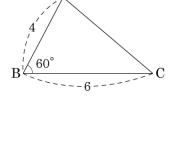
 $\overline{AE} = \tan 30^{\circ} \times \overline{AB} = \frac{\sqrt{3}}{3} \times 5 = \frac{5\sqrt{3}}{3} \text{ (cm)}$ $\overline{BE} = \frac{\overline{AB}}{\cos 30^{\circ}} = \frac{5}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{10}{\sqrt{3}} = \frac{10\sqrt{3}}{3} \text{ (cm)}$

 $\overline{BC} = \overline{AD} = \overline{EF} = 6\,\mathrm{cm}$ $\overline{AB} = \overline{CD} = 5$ cm, $\overline{AE} = \overline{DF} = \frac{5\sqrt{3}}{3}$ cm

 $\overline{\mathrm{BE}}=\overline{\mathrm{CF}}=rac{10\,\sqrt{3}}{3}\,\mathrm{cm}$ 따라서 모든 모서리의 합은 18+10+

 $\frac{10\sqrt{3}}{3} + \frac{20\sqrt{3}}{3} = 28 + 10\sqrt{3}$ (cm) 이다.

29. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B=60^\circ$, $\overline{BC} = 6$, $\overline{AB} = 4$ 일 때, \overline{AC} 의 길이 를 구하는 과정이다. 만의 값이 옳지 않은 것은? 점 A 에서 $\overline{\mathrm{BC}}$ 에 내린 수선의 발을 H 라 하면 $\overline{\text{AH}} = 4 \times \boxed{(가)} = 4 \times \boxed{(나)}$ $=2\sqrt{3}$ $\overline{BH} = 4 \times \boxed{(\ddagger)} = 4 \times \boxed{(\ddagger)}$ = 2, $\overline{CH} = 6 - 2 = 4$



④ (라) $\frac{1}{2}$

① $(7)\sin 60^{\circ}$ ② $(4)\frac{\sqrt{3}}{2}$ ⑤ $(\Box) 2 \sqrt{3}$

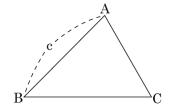
 $\therefore \overline{AC} = \sqrt{\boxed{(\Box \uparrow)}^2 + 4^2} = 2\sqrt{7}$

③(다)tan 60°

(다)에 $\cos 60^\circ$ 가 들어가야 한다.

점 A 에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H 라 하면 $\overline{AH} = 4 \times \sin 60^\circ = 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$ $\overline{BH} = 4 \times \cos 60^\circ = 4 \times \frac{1}{2} = 2$, $\overline{CH} = 6 - 2 = 4$ $\therefore \overline{AC} = \sqrt{(2\sqrt{3})^2 + 4^2} = 2\sqrt{7}$

30. 다음 그림 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}=c$ 라 할 때, 다음 중 \overline{AC} 의 길이를 나타낸 것을 골라라.

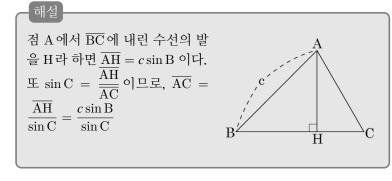




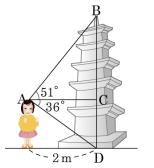
 $\bigcirc \frac{c \sin B}{\sin A}$

답:

▷ 정답: ②



31. 정은이가 석탑에서 2m 떨어진 곳에서 석 탑을 올려다 본 각의 크기가 51°, 내려다 본 각의 크기가 36° 였다. 이 석탑 전체 의 높이를 구하여라. (단, tan 51° = 1.2, tan 36° = 0.7)



정답: 3.8 m

 $\underline{\mathbf{m}}$

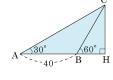
 $\overline{\overline{BC}} = 2 \tan 51^{\circ} = 2 \times 1.2 = 2.4 \text{ (m)}$

해설

▶ 답:

 $\overline{\text{CD}} = 2 \tan 36^{\circ} = 2 \times 0.7 = 1.4 \,(\text{m})$ $\therefore \overline{\text{BD}} = \overline{\text{BC}} + \overline{\text{CD}} = 2.4 + 1.4 = 3.8 \,(\text{m})$

32. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A=30^\circ$, $\angle CBH=60^\circ$, $\overline{AB}=40$ 일 때, △ABC 의 넓이는?



- ① $20\sqrt{3}$ ② $200\sqrt{3}$
- $\boxed{3}400\sqrt{3}$
- (4) $600\sqrt{3}$ (5) $800\sqrt{3}$

$$\overline{AH} = \frac{h}{\tan 30^{\circ}}, \overline{BH} = \frac{h}{\tan 60^{\circ}}$$

$$\overline{AB} = \overline{AH} - \overline{BH} = \frac{h}{\tan 30^{\circ}} - \frac{h}{\tan 30^{\circ}}$$

$$\overline{AH} = \frac{h}{\tan 30^{\circ}}, \overline{BH} = \frac{h}{\tan 60^{\circ}}$$

$$\overline{AB} = \overline{AH} - \overline{BH} = \frac{h}{\tan 30^{\circ}} - \frac{h}{\tan 60^{\circ}}$$

$$h\left(\frac{1}{\tan 30^{\circ}} - \frac{1}{\tan 60^{\circ}}\right) = 40, h\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right) = 40$$

$$\therefore h = 40 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 20\sqrt{3}$$

$$\triangle$$
ABC 의 넓이는 $40 \times 20 \sqrt{3} \times \frac{1}{2} = 400 \sqrt{3}$

 ${f 33.}$ 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 12 인 원에 내접하는 정십이각형의 넓이 $S_2 + S_3 - S_1$ 은?



① 36 ② 48 ③ 60

⑤ 108

정십이각형은 그림처럼 두 변이 12 이고 그 끼인 각이 30° 인이등변삼각형 12 개로 이루어져 있다. $S = \frac{1}{2} \times 12 \times 12 \times \sin 30^{\circ} = 36$

 $S_1 = S \times 5 = 180$

 $S_2 = S \times 3 = 108$

 $S_3 = S \times 4 = 144$

따라서 $S_2 + S_3 - S_1 = 108 + 144 - 180 = 72$ 이다.