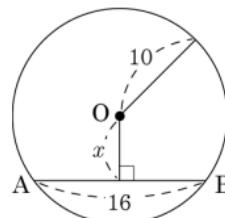


1. 다음과 같이 반지름이 10 인 원의 중심 O에서 현 AB에 수선을 내렸을 때, x의 값은?



- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

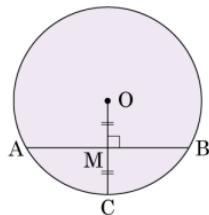
반지름의 길이가 10 이므로 $\overline{OB} = 10$ 이다.

원의 중심 O에서 내린 수선의 발을 P라 하면,

원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분하므로 $\overline{BP} = 8$ 이다.

$\triangle OBP$ 는 직각삼각형이므로 $x = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6$ 이다.

2. 반지름의 길이가 $2\sqrt{13}$ cm인 원 O에서 $\overline{OM} \perp \overline{AB}$, $\overline{OM} = \overline{MC}$ 일 때,
 \overline{AB} 의 길이는?



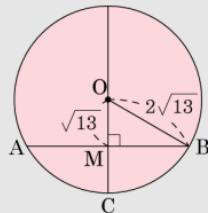
- ① $3\sqrt{13}$ cm ② $\sqrt{39}$ cm ③ $2\sqrt{39}$ cm
 ④ $2\sqrt{13}$ cm ⑤ $2\sqrt{93}$ cm

해설

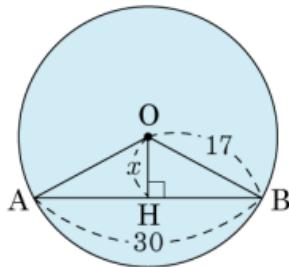
$$\overline{OM} = \frac{1}{2}\overline{OC} = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{13} = \sqrt{13}(\text{cm})$$

$$\overline{AM} = \overline{BM} = \sqrt{(2\sqrt{13})^2 - (\sqrt{13})^2} = \sqrt{39}(\text{cm})$$

$$\overline{AB} = 2\overline{BM} = 2\sqrt{39}(\text{cm})$$



3. 다음 그림의 원 O에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 8

해설

$$\overline{BH} = \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2} \times 30 = 15, \therefore x = \sqrt{17^2 - 15^2} = \sqrt{64} = 8$$

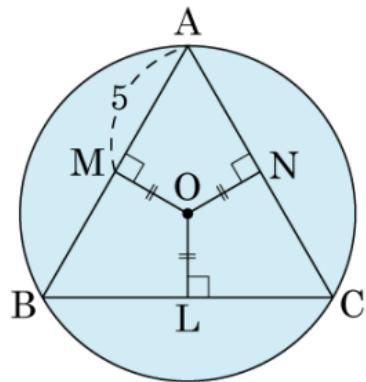
4. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 합동인 두 원에서 중심각과 호의 길이는 정비례한다.
- ② 합동인 두 원에서 중심각과 현의 길이는 정비례한다
- ③ 원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.
- ④ 한 원에서 중심에서 같은 거리에 있는 두 현의 길이는 같다.
- ⑤ 현의 수직이등분선은 원의 중심을 지난다.

해설

중심각과 현의 길이는 정비례하지 않는다.

5. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 외접원의 중심 O에서 세 변에 내린 수선의 길이가 모두 같을 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

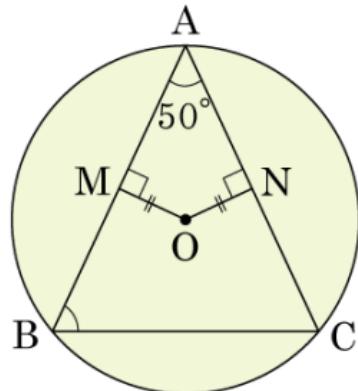
▷ 정답 : 10

해설

원의 중심에서 현에 내린 수선의 길이가 같으면 그 현의 길이도 같으므로 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

따라서 세 변의 길이가 같으므로 $\overline{AB} = 2\overline{AM} = 10 = \overline{BC}$ 이다.

6. 다음 그림에서 $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle A = 50^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는?



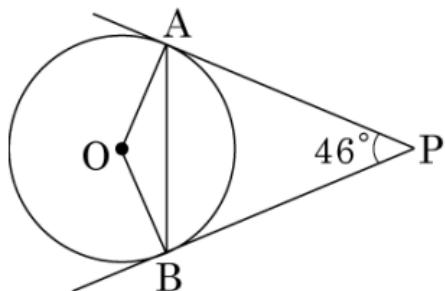
- ① 55° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 85°

해설

중심에서 현에 이르는 거리가 같으므로 $\overline{AB} = \overline{AC}$
 $\triangle ABC$ 가 이등변삼각형

$$\therefore \angle B = (180^\circ - 50^\circ) \times \frac{1}{2} = 65^\circ$$

7. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선이고 $\angle APB = 46^\circ$ 일 때, $\angle PAB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\frac{46}{2}^\circ$

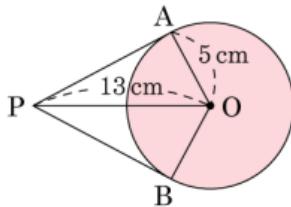
▷ 정답 : 67°

해설

접선의 성질의 의해 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이므로
 $\triangle APB$ 는 이등변삼각형

$$\therefore \angle PAB = 134^\circ \times \frac{1}{2} = 67^\circ$$

8. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선이다. $\overline{PO} = 13\text{cm}$, $\overline{OA} = 5\text{cm}$ 일 때, $\square APBO$ 의 둘레의 길이를 구하여라.

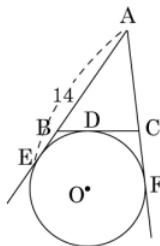


- ① 12cm ② 17cm ③ 18cm ④ 28cm ⑤ 34cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{AP} &= \sqrt{13^2 - 5^2} = 12, \quad \overline{AP} = \overline{BP}, \quad \overline{OA} = \overline{OB} \text{ 이므로} \\ (\text{사각형 } APBO \text{의 둘레의 길이}) &= \overline{AP} + \overline{BP} + \overline{OA} + \overline{OB} = 2 \times 12 + 2 \times 5 = 34 \text{ (cm)}\end{aligned}$$

9. 다음 그림에서 점 D, E, F는 각각 원 O 와 $\triangle ABC$ 의 \overline{BC} , 그리고 \overline{AB} , \overline{AC} 의 연장선과의 교점이다. $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



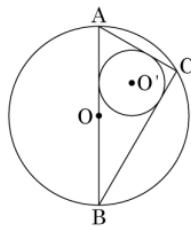
▶ 답 :

▷ 정답 : 28

해설

$$\begin{aligned}(\triangle ABC \text{의 둘레}) &= \overline{AB} + \overline{AC} + \overline{BC} \\&= \overline{AB} + \overline{AC} + \overline{BD} + \overline{DC} \\&= \overline{AB} + \overline{AC} + \overline{BE} + \overline{CF} \\&= \overline{AE} + \overline{AF} \\&= 14 + 14 = 28\end{aligned}$$

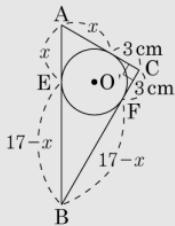
10. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 외접원의 지름의 길이는 17cm 이고 내접원의 지름의 길이는 6cm이다. \overline{AB} 가 외접원의 지름일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라. (단, $\angle C$ 는 직각이다.)



▶ 답 : cm²

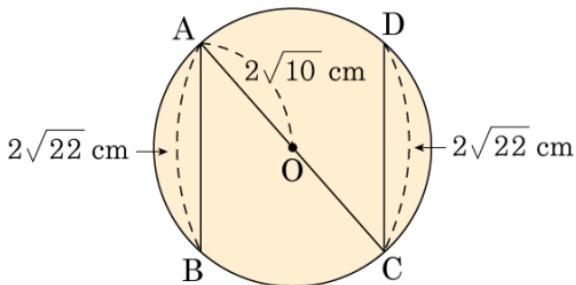
▷ 정답 : 60cm²

해설



$$\begin{aligned}\triangle ABC &= \frac{1}{2} \times 3 \times (\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA}) \\&= \frac{1}{2} \times 3 \times (17 \times 2 + 3 \times 2) \\&= \frac{1}{2} \times 3 \times 40 \\&= 60(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

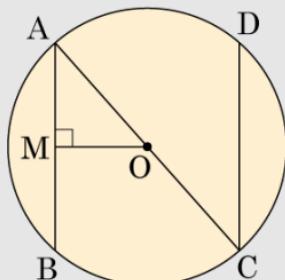
11. 반지름의 길이가 $2\sqrt{10}$ cm인 원 O에서 평행인 두 현 AB와 CD의 길이가 모두 $2\sqrt{22}$ cm이다. 이 때, 두 현 사이의 거리는?



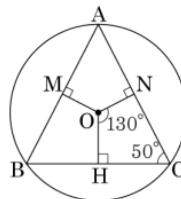
- ① $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ cm ② $3\sqrt{2}$ cm ③ $6\sqrt{2}$ cm
 ④ 6cm ⑤ $2\sqrt{11}$ cm

해설

$\overline{AM} = \sqrt{22}$ cm, $\overline{MO} = x$ cm 이면 두 현 사이의 거리는 $2x$ cm이다. $\triangle AMO$ 에서 $x = \sqrt{(2\sqrt{10})^2 - (\sqrt{22})^2} = \sqrt{40 - 22} = 3\sqrt{2}$ (cm)
 \therefore (두 현 사이의 거리) = $2 \times 3\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$ (cm)



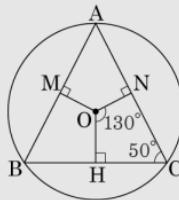
12. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 외접원이고, $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle NOH = 130^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 80°

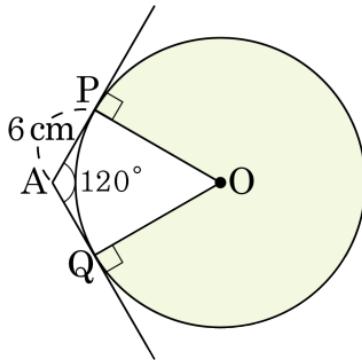
해설



$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle B = \angle C = 50^\circ$ $\therefore \angle A = 180^\circ - 50^\circ \times 2 = 80^\circ$

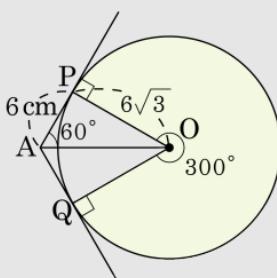
13. 다음 그림에서 \overrightarrow{AP} , \overrightarrow{AQ} 는 원 O의 접선이고, 점 P, Q는 원 O의 접점이다.

$\overline{AP} = 6\text{cm}$, $\angle PAQ = 120^\circ$ 일 때, 색칠된 부분의 넓이를 구하면?



- ① $60\pi\text{cm}^2$ ② $70\pi\text{cm}^2$ ③ $80\pi\text{cm}^2$
 ④ $90\pi\text{cm}^2$ ⑤ $100\pi\text{cm}^2$

해설

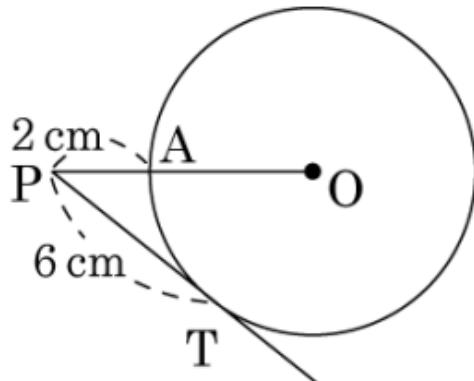


$$\overline{OP} = \sqrt{3} \times \overline{AP} = 6\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$(\text{부채꼴의 넓이}) = \pi \times (6\sqrt{3})^2 \times \frac{300^\circ}{360^\circ} = 90\pi(\text{cm}^2)$$

14. 다음 그림에서 \overrightarrow{PA} 는 원 O의 접선이고 점 T는 접점이다. $\overline{PT} = 6\text{ cm}$, $\overline{PA} = 2\text{ cm}$ 일 때, 원 O의 반지름의 길이는?

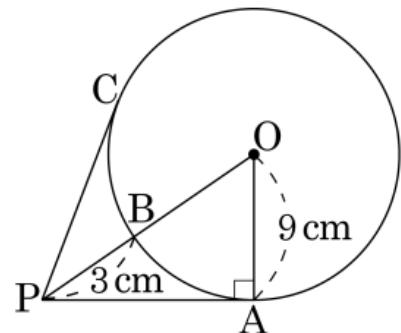
- ① 4 cm ② 6 cm ③ 7 cm
④ 8 cm ⑤ 12 cm



해설

$$\begin{aligned}\overline{AO} = \overline{TO} &= r \text{ 이라 하면,} \\ \overline{OP^2} &= \overline{PT^2} + \overline{OT^2} \text{ 에 의하여} \\ (r+2)^2 &= 36 + r^2 \therefore r = 8\end{aligned}$$

15. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PC} 는 원 O 의 접선이고, $\overline{OA} = 9\text{cm}$, $\overline{PB} = 3\text{cm}$ 일 때, \overline{PC} 의 값을 구하여라.

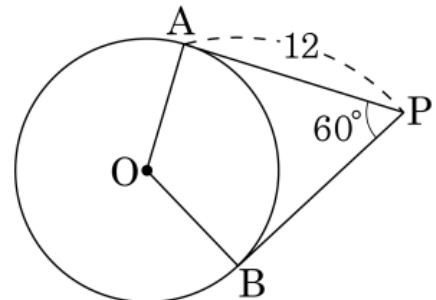


- ▶ 답 : cm
- ▶ 정답 : $3\sqrt{7}\text{cm}$

해설

$\triangle OPA$ 는 직각삼각형이고 $\overline{OP} = 12$ 이므로 $\overline{PA} = \sqrt{12^2 - 9^2} = \sqrt{144 - 81} = \sqrt{63} = 3\sqrt{7}$ 이다.
따라서 $\overline{PC} = \overline{PA} = 3\sqrt{7}$ 이다.

16. 다음 그림에서 두 점 A, B는 원 O의 접점이고 $\angle APB = 60^\circ$ 일 때, \overline{OP} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $8\sqrt{3}$

해설

$\triangle AOP$ 에서 $\angle OAP = 90^\circ$, $\angle APO = \frac{1}{2}\angle APB = 30^\circ$ 이다.

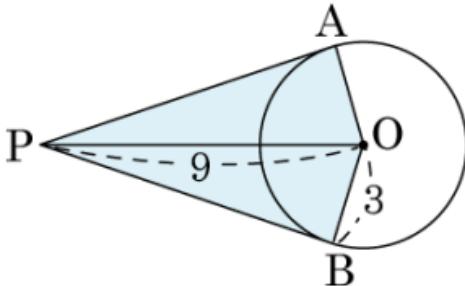
$\angle AOP = 60^\circ$ 이므로 $\overline{AP} : \overline{OP} = \sqrt{3} : 2$ 이다.

따라서 $\overline{OP} = 8\sqrt{3}$ 이다.

17. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?
(단, \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선)

① $6\sqrt{3}$ ② $9\sqrt{3}$ ③ $12\sqrt{3}$

④ $18\sqrt{2}$ ⑤ $20\sqrt{2}$



해설

$$\triangle PAO \cong \triangle PBO \text{ 이므로 } \overline{PA} = \overline{PB}$$

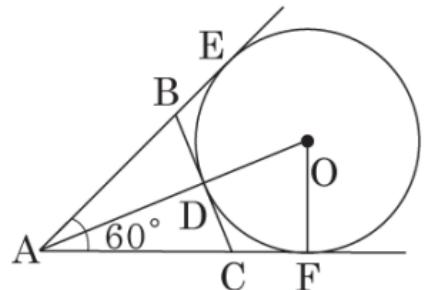
$$\angle A = 90^\circ \text{ 이므로}$$

$$\overline{PA} = \sqrt{9^2 - 3^2} = 6\sqrt{2}$$

$$\triangle PAO = 6\sqrt{2} \times 3 \times \frac{1}{2} = 9\sqrt{2}$$

$$\therefore \square PBOA = 9\sqrt{2} \times 2 = 18\sqrt{2}$$

18. 다음 그림에서 점 D, E, F 는 각각 원 O 와 $\triangle ABC$ 의 \overline{BC} , 그리고 \overline{AB} , \overline{AC} 의 연장선과의 교점이고, 원의 반지름이 $2\sqrt{3}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는?



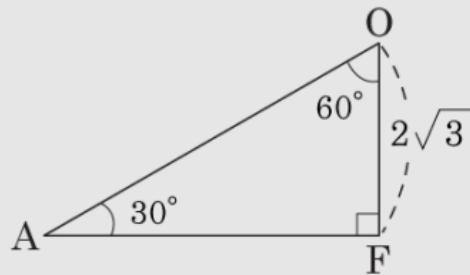
- ① $2\sqrt{3}$ ② $4\sqrt{2}$ ③ 10 ④ $10\sqrt{2}$ ⑤ 12

해설

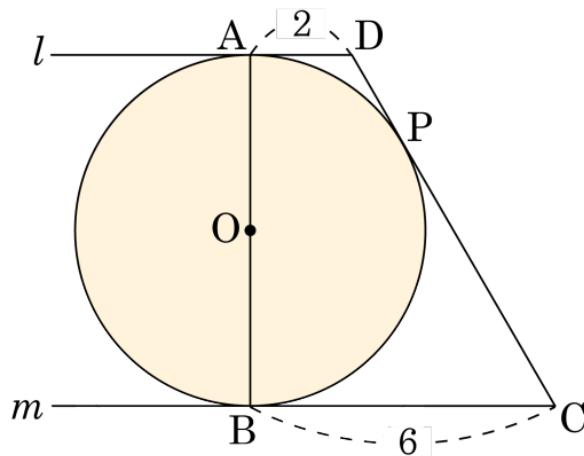
$$\overline{AF} : 2\sqrt{3} = \sqrt{3} : 1, \quad \overline{AF} = 6$$

$(\triangle ABC \text{의 둘레}) = \overline{AF} + \overline{AE} =$

$$2\overline{AF} = 12$$



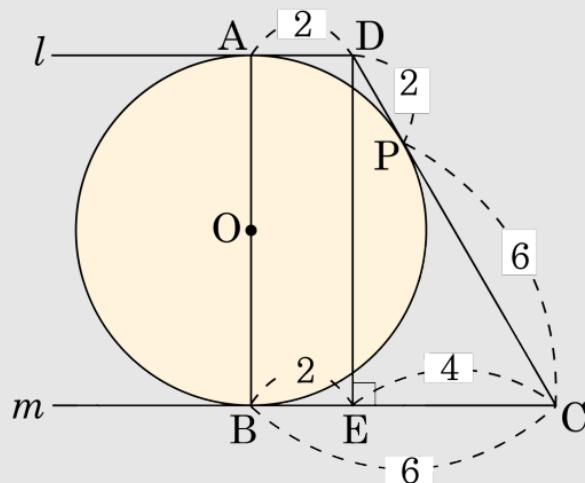
19. 다음 그림에서 원 O의 지름의 양 끝점 A, B에서 그은 두 접선 ℓ , m 과 원 O 위의 한 점 P에서 그은 접선과의 교점을 각각 D, C라고 한다. $\overline{AD} = 2$, $\overline{BC} = 6$ 일 때, 원의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 12π

해설



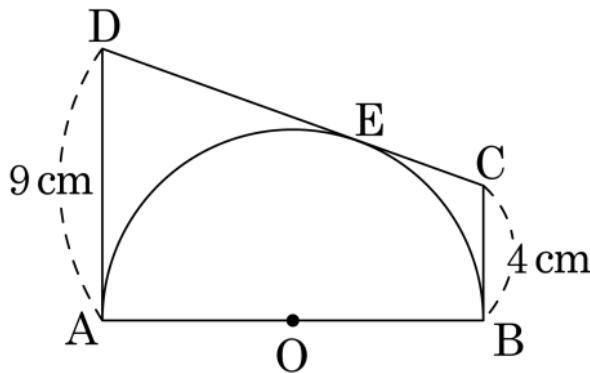
점 D에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 E라 하자.

$\triangle DCE$ 에서 $\overline{CD} = 8$, $\overline{CE} = 4$ 이므로

$$\overline{DE} = \sqrt{8^2 - 4^2} = 4\sqrt{3}$$

따라서 원의 넓이는 $\pi(2\sqrt{3})^2 = 12\pi$

20. 다음 그림에서 \overline{AD} , \overline{CD} , \overline{BC} 는 반원 O의 접선이다. $\overline{AD} = 9\text{ cm}$ 이고 $\overline{BC} = 4\text{ cm}$ 일 때, \overline{CD} 의 길이를 구하여라.



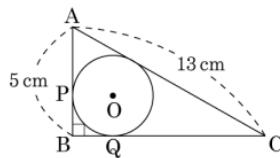
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 13cm

해설

$$\overline{CD} = \overline{CE} + \overline{DE} = 4 + 9 = 13(\text{ cm})$$

21. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 내접원 O가 세 점 P, Q, R에서 접한다. $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 13\text{cm}$ 일 때, 원 O의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $4\pi \text{ } \underline{\text{cm}^2}$

해설

$$\overline{BC} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12(\text{cm}) \text{ 이므로}$$

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 12 \times 5 = 30(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

$\triangle ABC$ 의 내접원 O의 반지름의 길이를 $r\text{ cm}$ 이라 하면 $\triangle ABC =$

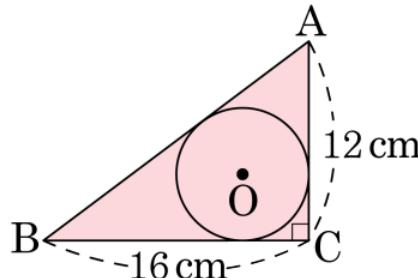
$$\triangle BOC + \triangle AOC + \triangle AOB \text{ 이므로 } 30 = \frac{1}{2} \times 5 \times r + \frac{1}{2} \times 12 \times r +$$

$$\frac{1}{2} \times 13 \times r$$

$$30 = 15r \quad \therefore r = 2(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

따라서 원 O의 넓이는 $\pi \times 2^2 = 4\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

22. 다음 그림에서 원 O는 직각삼각형 ABC의 내접원이다. 원 O의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 4cm

해설

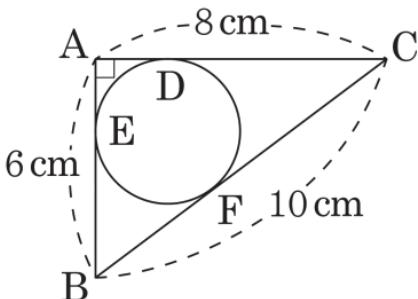
$$\overline{AB} = \sqrt{16^2 + 12^2} = \sqrt{400} = 20(\text{cm}),$$

반지름의 길이를 $r\text{cm}$ 라 하면 $16 - r + 12 - r = 20$,

$$-2r = -8$$

$$\therefore r = 4(\text{cm})$$

23. 다음 직각삼각형 ABC 의 내접원의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 2 cm

해설

$\overline{AD} = \overline{AE} = x$ 라고 하면

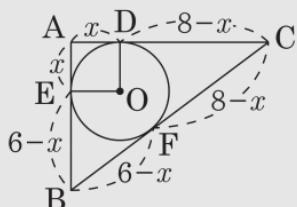
$\overline{BC} = 10(\text{ cm})$ 이므로

$$(6 - x) + (8 - x) = 10$$

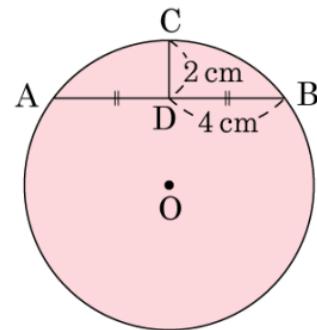
$$14 - 2x = 10$$

$$-2x = -4$$

$$\therefore x = 2(\text{ cm})$$



24. 다음 그림과 같이 호 \overarc{AB} 는 원 O의 일부분이고, $\overline{AD} = \overline{BD}$, $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ 일 때, 이 원의 반지름의 길이는?



- ① 4 cm ② 5 cm ③ 6 cm ④ 7 cm ⑤ 8 cm

해설

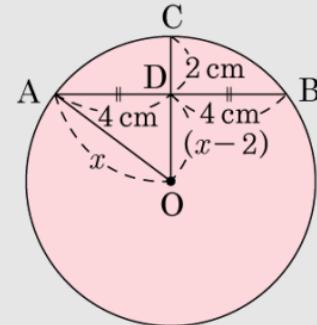
원 O의 반지름의 길이를 x cm라 하면

$$x^2 = 4^2 + (x - 2)^2$$

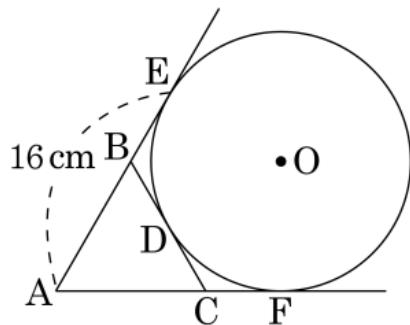
$$x^2 = 16 + x^2 - 4x + 4$$

$$4x = 20$$

$$\therefore x = 5(\text{cm})$$



25. 다음 그림에서 점 D, E, F는 원 O의 접점이고 $\overline{AE} = 16\text{ cm}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

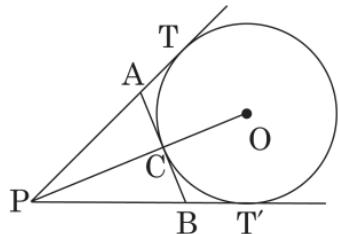
▷ 정답 : 32 cm

해설

$\overline{AE}, \overline{AF}$ 는 원 O의 접선이므로 $\overline{AE} = \overline{AF}$ 이고 $\overline{BE}, \overline{BD}$ 는 원 O의 접선이므로 $\overline{BE} = \overline{BD}$ 이다.

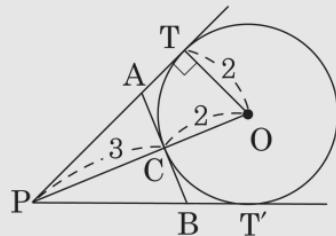
$\overline{CD}, \overline{CF}$ 는 원 O의 접선이므로 $\overline{CD} = \overline{CF}$ 이다. 따라서 $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는 $2 \times 16 = 32(\text{cm})$ 이다.

26. 다음 그림에서 원 O는 \overline{AB} 와 점 C에
서 접하고, \overline{PA} 와 \overline{PB} 의 연장선과 두 점
 T, T' 에서 각각 접한다. $\overline{PC} = 3\text{cm}$,
 $\overline{CO} = 2\text{cm}$ 일 때, $\overline{PT} + \overline{PT'}$ 의 값은?



- ① $\frac{\sqrt{21}}{2}\text{cm}$
 ② $\sqrt{21}\text{cm}$
 ③ $2\sqrt{21}\text{cm}$
 ④ $\sqrt{29}\text{cm}$
 ⑤ $2\sqrt{29}\text{cm}$

해설

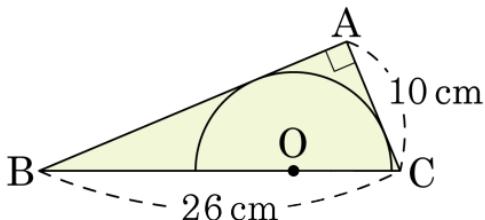


$\triangle POT$ 에서 $\overline{OP} = 5\text{cm}$, $\overline{OT} = 2\text{cm}$ 이므로

$$\overline{PT} = \sqrt{5^2 - 2^2} = \sqrt{21}\text{cm}$$

$$\overline{PT} = \overline{PT'} \quad \therefore \overline{PT} + \overline{PT'} = \sqrt{21} \times 2 = 2\sqrt{21}\text{cm}$$

27. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{BC} = 26\text{cm}$, $\overline{CA} = 10\text{cm}$ 이다. 이 삼각형에서 빗변 BC 위에 지름이 있는 반원 O의 반지름의 길이를 구하여라.(단, \overline{AB} , \overline{CA} 는 반원 O의 접선이다.)



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\frac{120}{17}$ cm

해설

반원 O의 반지름의 길이를 $r\text{cm}$ 이라 하면

$$\overline{AB} = \sqrt{26^2 - 10^2} = 24(\text{cm}) \text{이므로}$$

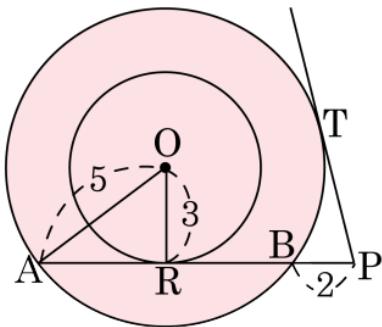
$$\triangle ABC \text{의 넓이} = 10 \times 24 \times \frac{1}{2} = 120(\text{cm}^2)$$

$$\begin{aligned}\triangle AOB + \triangle AOC &= 24 \times r \times \frac{1}{2} + 10 \times r \times \frac{1}{2} \\ &= 10 \times 24 \times \frac{1}{2}\end{aligned}$$

$$17r = 120$$

$$\therefore r = \frac{120}{17}(\text{cm})$$

28. 다음 그림과 같이 중심이 점 O이고 반지름의 길이가 각각 3, 5인 두 동심원이 있다. 큰 원 밖의 한 점 P에서 큰 원과 작은 원에 접선 PT, PR을 그었을 때, \overline{PT} 의 길이는?



- ① $\sqrt{5}$ ② 3 ③ 4 ④ $2\sqrt{5}$ ⑤ 5

해설

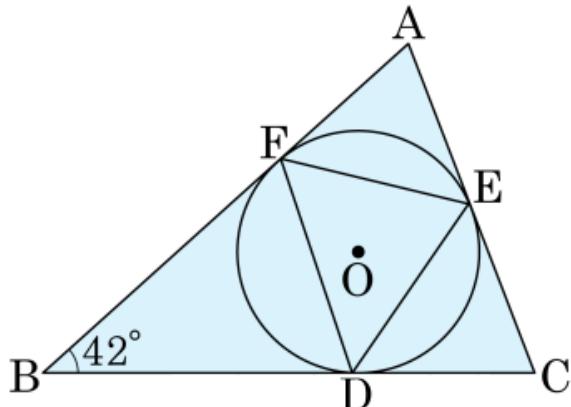
$$\angle ARO = 90^\circ \text{ 이므로}$$

$$\overline{AR} = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4, \overline{AB} = 2 \times \overline{AR} = 8$$

$$\overline{PT}^2 = 2 \times (2 + 8) = 20 \quad \therefore \overline{PT} = 2\sqrt{5}$$

29. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원이고, $\triangle DEF$ 의 외접원이다.
 $\angle B = 42^\circ$ 일 때, $\angle FED$ 의 크기를 구하면?

- ① 63°
- ② 65°
- ③ 69°
- ④ 72°
- ⑤ 75°



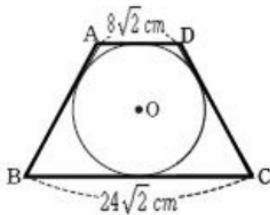
해설

선분 \overline{OF} , \overline{OD} 를 그으면

$$\angle FOD = 360^\circ - 90^\circ - 90^\circ - 42^\circ = 138^\circ$$

$$\therefore \angle FED = 138^\circ \times \frac{1}{2} = 69^\circ$$

30. 다음 그림과 같이 원 O에 외접하는 등변사다리꼴 ABCD가 있다.
 $\overline{AD} = 8\sqrt{2}\text{cm}$, $\overline{BC} = 24\sqrt{2}\text{cm}$ 일 때, 내접원 O의 넓이는?



- ① $69\pi\text{cm}^2$ ② $69\sqrt{2}\pi\text{cm}^2$ ③ $96\pi\text{cm}^2$
 ④ $96\sqrt{2}\pi\text{cm}^2$ ⑤ $8\sqrt{6}\pi\text{cm}^2$

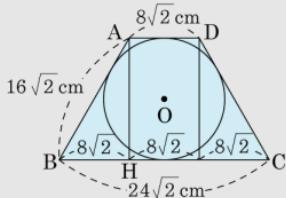
해설

$$\overline{AD} + \overline{BC} = \overline{AB} + \overline{CD} = 2\overline{AB} \therefore \overline{AB} = 16\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$\overline{AH} = \sqrt{(16\sqrt{2})^2 - (8\sqrt{2})^2} = 8\sqrt{6}(\text{cm})$$

\therefore 원의 반지름은 $4\sqrt{6}$ (cm)

$$(\text{원의 넓이}) = \pi \times (4\sqrt{6})^2 = 96\pi(\text{cm}^2)$$



31. 원 O의 외부의 한 점 P에서 그 원에 그은 접선과 할선이 원과 만나는 점을 각각 T, A, B라 할 때, 선분 BT는 원의 지름이고 $\overline{PA} = 1$, $\overline{PT} = 3$ 일 때, 삼각형 PTB의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $9\sqrt{2}$

해설

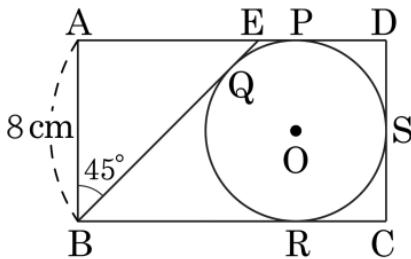
$$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \cdot \overline{PB}, 9 = 1 \times \overline{PB} \quad \therefore \overline{PB} = 9$$

피타고拉斯 정리에 의하여 원의 지름은

$$\overline{BT} = \sqrt{\overline{PB}^2 - \overline{PT}^2} = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$$

따라서 삼각형 PTB의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 6\sqrt{2} \times 3 = 9\sqrt{2}$

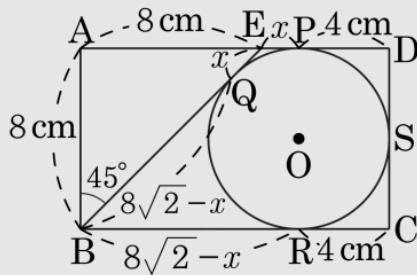
32. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 8\text{cm}$ 인 직사각형 ABCD 의 세 변과 \overline{BE} 에 접하는 원 O 에 대하여 $\angle ABE = 45^\circ$ 일 때, 직사각형의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $32 + 8\sqrt{2}$ cm

해설



그림과 같이 $\overline{EP} = x$ 라고 하면 $\overline{EQ} = \overline{EP} = x$ 이고, 직각이등변삼각형 ABE에서 $\angle ABE = 45^\circ$ 이므로 $\overline{BE} = 8\sqrt{2}$,

$$\overline{BQ} = \overline{BR} = 8\sqrt{2} - x$$

$$\overline{AD} = x + 12,$$

$$\overline{BC} = 8\sqrt{2} + 4 - x \text{ 이므로 } \overline{AD} = \overline{BC} \text{ 에서}$$

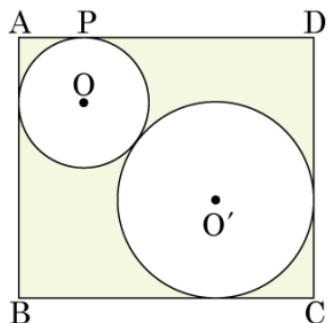
$$x + 12 = 8\sqrt{2} + 4 - x \quad \therefore x = (4\sqrt{2} - 4)$$

$$\therefore \overline{AD} = 12 + 4\sqrt{2} - 4 = 8 + 4\sqrt{2}$$

따라서 직사각형의 둘레의 길이는

$$(8 + 8 + 4\sqrt{2}) \times 2 = (32 + 8\sqrt{2})\text{cm} \text{ 이다.}$$

33. 다음 그림과 같이 가로 9, 세로 8 인 직사각형 ABCD 에 두 원 O, O' 이 내접하고 있고, 두 원은 서로 외접해 있다. $\overline{AP} = 3$ 일 때, 원 O' 의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$\overline{AP} = 3$ 이므로 원 O 의 반지름의 길이는 3 이다.

원 O' 의 반지름의 길이를 r 이라 하면

$$\overline{OO'} = 3+r, \overline{OH} = 8-(3+r) = 5-r, \overline{O'H} = 9 - (3 + r) = 6 - r \text{ 이므로}$$

$$(3+r)^2 = (5-r)^2 + (6-r)^2$$

$$r^2 - 28r + 52 = 0$$

$$(r-2)(r-26) = 0$$

$$\therefore r = 2 \text{ 또는 } r = 26$$

그런데 $5-r > 0, 6-r > 0$ 에서 $r < 5$ 이므로

$$\therefore r = 2$$

