

1. 다음은 평행사변형이 직사각형이 되는 것에 대한 이야기이다. 바르게 말한 학생은?

- ① 관식: 평행사변형에서 각 대각선이 서로 다른 대각선을 이등분하면 직사각형이야.
- ② 관희: 평행사변형에서 두 대각선이 직교하면 직사각형이야.
- ③ 민희: 평행사변형의 두 내각의 크기의 합은  $180^\circ$  일 때 직사각형이야.
- ④ 진수: 평행사변형에서 두 대각선의 길이가 같거나, 한 내각의 크기가  $90^\circ$  이면 직사각형이야.
- ⑤ 정민: 평행사변형의 이웃하는 두 변의 길이가 같으면 직사각형이야.

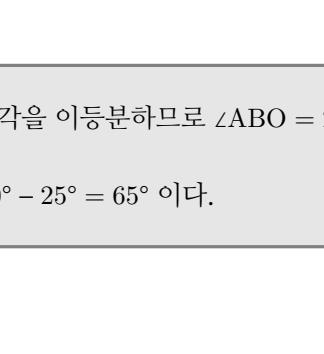
해설

평행사변형이 직사각형이 되기 위한 조건은 두 대각선의 길이가 서로 같다.

한 내각이 직각이다.

따라서 진수가 바르게 말했다.

2. 다음 그림과 같은 마름모 ABCD에서  $\angle x$ 의 크기를 구하면?

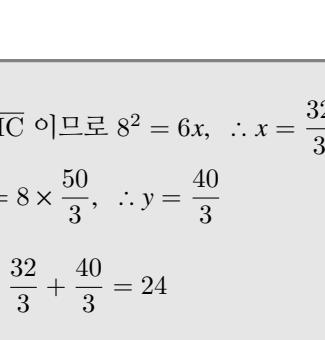


- ①  $25^\circ$       ②  $45^\circ$       ③  $50^\circ$       ④  $65^\circ$       ⑤  $75^\circ$

해설

대각선이 한 내각을 이등분하므로  $\angle ABO = 25^\circ$ 이고,  $\angle AOB = 90^\circ$   
따라서  $\angle x = 90^\circ - 25^\circ = 65^\circ$ 이다.

3. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서  $x + y$ 의 값을 구하면?



- ①  $\frac{68}{3}$       ②  $\frac{70}{3}$       ③ 24      ④  $\frac{74}{3}$       ⑤ 25

해설

$$\overline{AH}^2 = \overline{BH} \times \overline{HC} \text{ 이므로 } 8^2 = 6x, \therefore x = \frac{32}{3}$$

$$\text{그리고 } y \times 10 = 8 \times \frac{50}{3}, \therefore y = \frac{40}{3}$$

$$\text{따라서 } x + y = \frac{32}{3} + \frac{40}{3} = 24$$

4. 다음 중 평행사변형의 정의를 바르게 나타낸 것은?

- ① 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ② 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ③ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
- ④ 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형이다.
- ⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

해설

평행사변형은 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형이다.

5. 다음 그림에서  $\square ABCD \sim \square EFGH$  일 때,  $\square ABCD$  와  $\square EFGH$  의  
넓음비를 구하면?

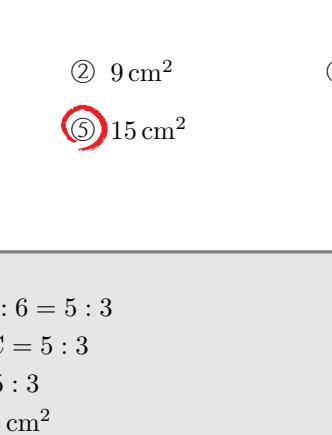


- ① 1 : 1      ② 1 : 2      ③ 2 : 3      ④ 2 : 1      ⑤ 4 : 3

해설

$$\overline{DC} : \overline{HG} = 6 : 3 = 2 : 1$$

6. 다음 그림의 삼각형 ABC에서 삼각형 ABD의 넓이가  $25\text{cm}^2$  일 때, 삼각형 ADC의 넓이는?



- ①  $8\text{cm}^2$       ②  $9\text{cm}^2$       ③  $10\text{cm}^2$   
④  $12\text{cm}^2$       ⑤  $15\text{cm}^2$

해설

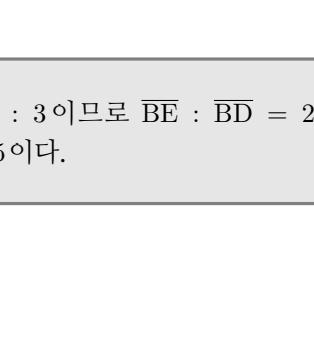
$$\overline{BD} : \overline{DC} = 10 : 6 = 5 : 3$$

$$\triangle ABD : \triangle ADC = 5 : 3$$

$$25 : \triangle ADC = 5 : 3$$

$$\therefore \triangle ADC = 15\text{cm}^2$$

7. 다음 그림에서  $\overline{AB} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{DC}$  이고  $\overline{AB} : \overline{DC} = 2 : 3$  일 때,  $\overline{EF} : \overline{CD}$  는?



- ① 5 : 6      ② 2 : 3      ③ 2 : 5      ④ 5 : 2      ⑤ 3 : 2

해설

$\overline{BE} : \overline{DE} = 2 : 3$  이므로  $\overline{BE} : \overline{BD} = 2 : 5$  이다. 따라서  $\overline{EF} : \overline{CD} = 2 : 5$  이다.

8. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이가  $18 \text{ cm}^2$  일 때, 원 O의 넓이는?

- ①  $36 \text{ cm}^2$     ②  $54 \text{ cm}^2$     ③  $64 \text{ cm}^2$   
④  $72 \text{ cm}^2$     ⑤  $96 \text{ cm}^2$



해설

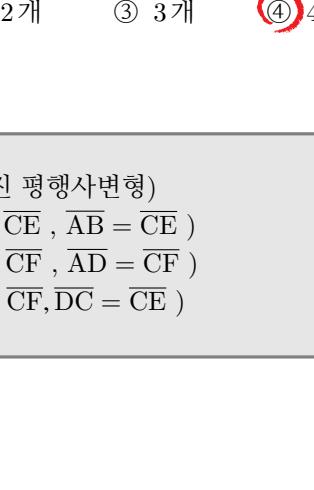
넓이비는  $O : O' : O'' = 4 : 2 : 1$  이므로 넓이의 비는  $4^2 : 2^2 : 1^2 = 16 : 4 : 1$

원 O의 넓이를  $x$  라고 하면

$$16 : (4 - 1) = x : 18, \quad 3x = 288$$

$$\therefore x = 96 (\text{cm}^2)$$

9. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에 대하여  $\overline{BC} = \overline{FC}$ ,  $\overline{DC} = \overline{EC}$  일 때, 다음 그림에서 평행사변형은 모두 몇 개인가?

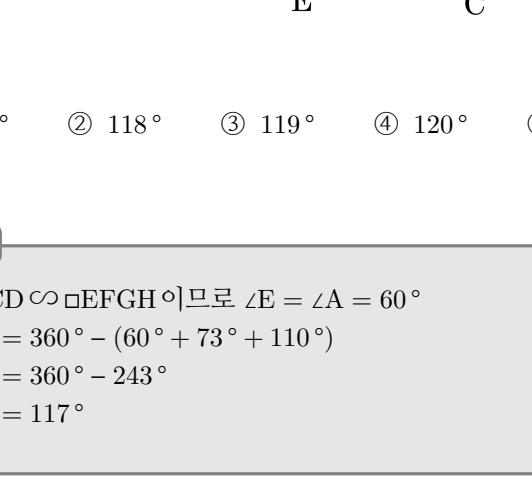


- ① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

- ABCD (주어진 평행사변형)
- ABEC ( $\overline{AB} \parallel \overline{CE}$ ,  $\overline{AB} = \overline{CE}$ )
- ACFD ( $\overline{AD} \parallel \overline{CF}$ ,  $\overline{AD} = \overline{CF}$ )
- BEFD ( $\overline{BC} = \overline{CF}$ ,  $\overline{DC} = \overline{CE}$ )

10. 다음 그림과 같은 두 도형이 닮음일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $117^\circ$     ②  $118^\circ$     ③  $119^\circ$     ④  $120^\circ$     ⑤  $121^\circ$

해설

$\square ABCD \sim \square EFGH$  [므로  $\angle E = \angle A = 60^\circ$ ]

$$\therefore \angle x = 360^\circ - (60^\circ + 73^\circ + 110^\circ)$$

$$= 360^\circ - 243^\circ$$

$$= 117^\circ$$

11. 한 변의 길이가 15cm인 정삼각형의 꼭짓점 A가  $\overline{BC}$  위의 점 E에  
겹치게 접었다.  $\overline{BE}$  가 3cm 일 때,  $\overline{AF}$  의 길이를 구하여라.



$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{19}{2} \text{cm} & \textcircled{2} \frac{21}{2} \text{cm} & \textcircled{3} \frac{23}{2} \text{cm} \\ \textcircled{4} \frac{25}{2} \text{cm} & \textcircled{5} \frac{27}{2} \text{cm} & \end{array}$$

해설

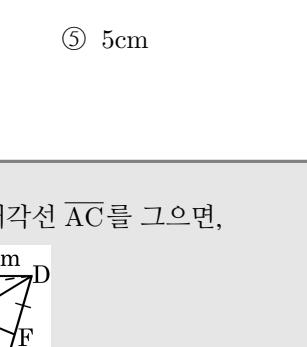


$$8 : 12 = 3 : y \quad \therefore y = \frac{9}{2}$$

$$x = 15 - \frac{9}{2} = \frac{21}{2}$$

$$\therefore \overline{AF} = \frac{21}{2} (\text{cm})$$

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 두 변 BC, CD 의 중점을 각각 E, F 라 하고,  $\overline{BD}$  와  $\overline{AE}$ ,  $\overline{AF}$  와의 교점을 각각 P, Q 라 한다.  $\overline{BD} = 12\text{cm}$  일 때,  $\overline{PQ}$  의 길이를 구하면?



- ① 2cm      ② 2.5cm      ③ 3cm  
 ④ 4cm      ⑤ 5cm

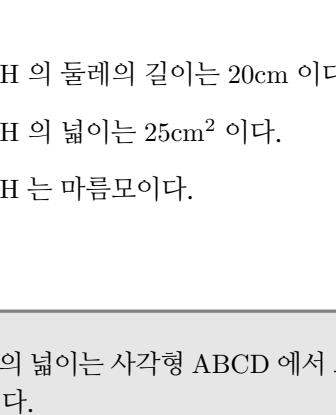
**해설**

평행사변형의 대각선  $\overline{AC}$ 를 그으면,



평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 대각선을 이등분하므로 점 P, Q는  $\triangle ABC$ ,  $\triangle ACD$ 의 무게중심이다.  
 $\overline{BO} = 6\text{cm}$ 이고,  $\overline{BP} : \overline{PO} = 2 : 1$ 이므로,  $\overline{PO} = 2\text{cm}$ , 마찬가지로  $\overline{QO} = 2\text{cm}$ 이다. 따라서  $\overline{PQ} = 4\text{cm}$ 이다.

13. 다음 그림의 직사각형 ABCD 의 중점을 연결한 사각형을 □EFGH 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



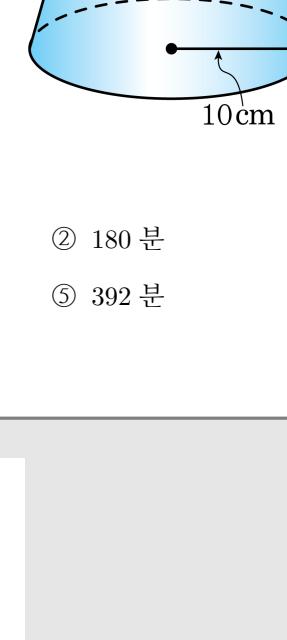
- ①  $\overline{EH} \parallel \overline{FG}$
- ②  $\overline{EF} = 5\text{cm}$
- ③ 사각형 EFGH 의 둘레의 길이는  $20\text{cm}$  이다.
- ④ 사각형 EFGH 의 넓이는  $25\text{cm}^2$  이다.
- ⑤ 사각형 EFGH 는 마름모이다.

해설

사각형 EFGH 의 넓이는 사각형 ABCD 에서 모서리의 삼각형의 넓이를 뺀 값이다.

$$(6 \times 8) - 4 \times \left( \frac{1}{2} \times 4 \times 3 \right) = 48 - 24 = 24(\text{cm}^2)$$

14. 다음 그림과 같은 원뿔대 모양의 그릇에 물을 채운다. 전체높이의  $\frac{1}{2}$  만큼을 채우는데 244 분이 걸렸다면, 나머지 부분을 채우는데 걸리는 시간을 구하면?



- ① 148 분      ② 180 분      ③ 244 분  
④ 345 분      ⑤ 392 분

해설



전체높이의  $\frac{1}{2}$  되는 지점의 반지름은  $\frac{1}{2}(6 + 10) = 8\text{cm}$  이고, 세

개의 원뿔의 깊음비는  $6 : 8 : 10 = 3 : 4 : 5$  이므로

부피의 비는  $3^3 : 4^3 : 5^3 = 27 : 64 : 125$  가 되어 나뉘는 원뿔, 원뿔대의 부피의 비는  $27 : 37 : 61$

이때,  $\frac{1}{2}$  만큼을 채우는데 244 분이 걸렸으므로,  $37 : 61 = x : 244$

$$\therefore x = 148$$

따라서 나머지를 채우는데 걸리는 시간은 148분이다.

15. 측척이  $\frac{1}{50000}$  인 지도에서 넓이가  $40\text{cm}^2$  인 땅의 실제 넓이를 구하면?

①  $8\text{km}^2$       ②  $9\text{km}^2$       ③  $10\text{km}^2$

④  $11\text{km}^2$       ⑤  $12\text{km}^2$

해설

측척이 50000 : 1 이므로, 밟음비는 50000 : 1

넓이의 비는  $50000^2 : 1^2 = 2500000000 : 1$

따라서 넓이가  $40\text{cm}^2$  인 땅의 실제 넓이를  $S$  라고 할 때

$2500000000 : 1 = S : 40$

$$S = 40 \times 2500000000 = 100000000000 = 10000000(\text{m}^2) =$$

$$10(\text{km}^2)$$