

1.  $x^4 - 23x^2y^2 + y^4$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2)$
- ②  $(x^2 + 2xy + y^2)(x^2 - 2xy + y^2)$
- ③  $(x^2 + 3xy + y^2)(x^2 - 3xy + y^2)$
- ④  $(x^2 + 4xy + y^2)(x^2 - 4xy + y^2)$
- ⑤  $(x^2 + 5xy + y^2)(x^2 - 5xy + y^2)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^4 + 2x^2y^2 + y^4 - 25x^2y^2 \\&= (x^2 + y^2)^2 - (5xy)^2 \\&= (x^2 + y^2 + 5xy)(x^2 + y^2 - 5xy) \\&= (x^2 + 5xy + y^2)(x^2 - 5xy + y^2)\end{aligned}$$

2. 다음 □안에 들어갈 식이 바르게 연결되지 않은 것은?

$$\begin{aligned} & a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) \\ &= (b - c)a^2 - \boxed{\text{(가)}} a + \boxed{\text{(나)}} (b - c) \\ &= \boxed{\text{(다)}} \{a^2 - \boxed{\text{(라)}} a + \boxed{\text{(나)}}\} \\ &= (b - c)(a - b) \boxed{\text{(마)}} \end{aligned}$$

- ① (가)  $(b^2 - c^2)$       ② (나)  $bc$       ③ (다)  $(b - c)$   
④ (라)  $(b + c)$       ⑤ (마)  $(c - a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) \\ &= (b - c)a^2 + b^2c - ab^2 + c^2a - bc^2 \\ &= (b - c)a^2 - \boxed{(b^2 - c^2)} a + \boxed{bc} (b - c) \\ &= \boxed{(b - c)} \{a^2 - \boxed{(b + c)} a + \boxed{bc}\} \\ &= (b - c)(a - b) \boxed{(a - c)} \end{aligned}$$

3.  $x + y + 2z = 1$ ,  $2x - y + z = 5$ 를 만족하는 모든 실수  $x, y, z$ 에 대하여  
 $ax^2 + by^2 + cz^2 = 6$ 이 성립할 때,  $3a + 2b + c$ 의 값은 얼마인가?

① 12

② 8

③ 4

④ 0

⑤ -2

### 해설

$$x + y + 2z = 1 \cdots ①$$

$$2x - y + z = 5 \cdots ②$$

$$① + ②: x + z = 2 \Rightarrow z = 2 - x$$

$$② \times 2 - ①: x - y = 3 \Rightarrow y = x - 3$$

$$\therefore ax^2 + by^2 + cz^2 = 6$$

$$\Rightarrow ax^2 + b(x-3)^2 + c(2-x)^2$$

$$= (a+b+c)x^2 - (4c+6b)x + 9b + 4c = 6$$

모든 실수  $x, y, z$ 에 대해 성립하려면

$$a + b + c = 0, 4c + 6b = 0, 9b + 4c = 6$$

위의 식을 연립하여 풀면,  $a = 1, b = 2, c = -3$

$$\therefore 3a + 2b + c = 4$$