

1. 다항식  $x^3 - 2$ 를  $x^2 - 2$ 로 나눈 나머지는?

- ① 2
- ② -2
- ③  $-2x - 2$
- ④  $2x + 2$
- ⑤  $2x - 2$

해설

$$\frac{x^3 - 2}{x^2 - 2} = \frac{x^3 - 2x + 2x - 2}{x^2 - 2} = x + \frac{2x - 2}{x^2 - 2}$$

$\therefore$  몫은  $x$ , 나머지는  $2x - 2$

2. 다항식  $f(x) = x^3 + 2x^2 - x + k$  가 일차식  $x - 1$  을 인수로 가질 때, 이 다항식  $f(x)$  를 인수분해 하면?

①  $(x - 2)(x - 1)(x + 1)$

②  $(x - 1)x(x + 2)$

③  $(x + 1)(x - 1)(x + 2)$

④  $(x - 2)(x - 1)(x + 2)$

⑤  $(x - 2)(x + 1)(x + 2)$

해설

$$f(x) = (x - 1)Q(x) \Rightarrow f(1) = 0$$

$$\therefore f(1) = 2 + k = 0, \quad \therefore k = -2$$

$$\therefore f(x) = x^3 + 2x^2 - x - 2$$

$$= (x - 1)(x + 1)(x + 2)$$

3.  $x^3 - 6x^2 + 11x - 6$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x + 1)(x - 2)(x + 3)$       ②  $(x - 1)(x + 2)(x + 3)$   
③  $(x - 1)(x - 2)(x - 3)$       ④  $(x + 1)(x + 2)(x - 3)$   
⑤  $(x - 1)(x - 2)(x + 3)$

해설

인수정리를 이용하면

$f(1) = 0, f(2) = 0, f(3) = 0$  이므로

(준식) =  $(x - 1)(x - 2)(x - 3)$

4.  $k$ 의 값에 관계없이  $(2k^2 - 3k)x - (k + 2)y - (k^2 - 4)z = 28$  이 항상 성립하도록  $x, y, z$ 의 값을 정할 때,  $3x + y + z$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

주어진 식을  $k$ 에 대해 정리하면

$$(2x - z)k^2 - (3x + y)k - (2y - 4z + 28) = 0$$

$$\therefore 2x - z = 0, 3x + y = 0, 2y - 4z + 28 = 0$$

$z = 2x, y = -3x$  을  $2y - 4z + 28 = 0$ 에 대입하면

$$x = 2, y = -6, z = 4$$

$$\therefore 3x + y + z = 4$$

5. 다항식  $f(x)$ 를  $(3x+2)(x-4)$ 로 나눈 나머지가  $-2x+1$ 일 때,  $f(x^2+3)$ 을  $x-1$ 로 나눈 나머지는?

① 7

② 4

③ 0

④ -4

⑤ -7

해설

$$f(x) = (3x+2)(x-4)Q(x) - 2x+1 \cdots ①$$

$$f(x^2+3) = (x-1)Q'(x) + R \cdots ②$$

①의 양변에  $x=4$ 를 대입하면  $f(4) = -7$

②의 양변에  $x=1$ 을 대입하면  $f(4) = R$

$$\therefore R = -7$$

6.  $\frac{(2x-1)(2y-1)}{(2x-1)^2 + (2y-1)^2} = -\frac{1}{2}$  일 때,  $x+y$ 의 값은?

- ①  $-\frac{1}{2}$       ②  $-\frac{1}{4}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤ 1

해설

$2x-1 = u, 2y-1 = v$  라 놓으면

$$\frac{uv}{u^2 + v^2} = -\frac{1}{2} \text{에서}$$

$$u^2 + v^2 = -2uv, (u+v)^2 = 0$$

$$\therefore u+v=0$$

$$(2x-1) + (2y-1) = 0, x+y = 1$$

7.  $n^4 - 6n^2 + 25$ 의 값이 소수가 되게 하는 정수  $n$ 의 개수는?

① 1개

② 2개

③ 4개

④ 없다

⑤ 무수히 많다

해설

$$\begin{aligned} p &= n^4 - 6n^2 + 25 \\ &= n^4 + 10n^2 + 25 - 16n^2 \\ &= (n^2 + 5)^2 - (4n)^2 \\ &= (n^2 + 4n + 5)(n^2 - 4n + 5) \end{aligned}$$

$p$  가 소수이므로  $n^2 + 4n + 5 = 1$

또는  $n^2 - 4n + 5 = 1$  이어야 한다.

$$n^2 + 4n + 4 = (n + 2)^2 = 0 \text{ 에서 } n = -2$$

$$n^2 - 4n + 4 = (n - 2)^2 = 0 \text{ 에서 } n = 2$$

따라서 구하는  $n$  은 두 개이다.

8. 다음 식을 간단히 하면?

$$\frac{a^2}{(a-b)(a-c)} + \frac{b^2}{(b-c)(b-a)} + \frac{c^2}{(c-a)(c-b)}$$

(단.  $a \neq b \neq c$ )

- ① -1      ② 1      ③  $-\frac{1}{2}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= \frac{a^2(c-b) + b^2(a-c) + c^2(b-a)}{(a-b)(b-c)(c-a)} \\&= \frac{(c-b)a^2 - (c^2 - b^2)a + bc(c-b)}{(a-b)(b-c)(c-a)} \\&= \frac{(c-b)(a-b)(a-c)}{(a-b)(b-c)(c-a)} = 1\end{aligned}$$

9.  $a(b^2 - c^2) + b(c^2 - a^2) + c(a^2 - b^2)$  을 인수분해하면?

- ①  $-(a - b)(b - c)(c - a)$       ②  $(a - b)(b - c)(a - c)$   
③  $-(b - a)(b - c)(c - a)$       ④  $\textcircled{④} (a - b)(b - c)(c - a)$   
⑤  $(a - b)(b - c)(c + a)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (c - b)a^2 + (b^2 - c^2)a + bc(c - b) \\&= (c - b)\{a^2 - (c + b)a + bc\} \\&= (c - b)(a - b)(a - c) \\&= (a - b)(b - c)(c - a)\end{aligned}$$

10.  $x + y + z = 0$ ,  $2x - y - 7z = 3$  을 동시에 만족시키는  $x, y, z$ 에 대하여  
 $ax^2 + by^2 + cz^2 = 1$  이 성립할 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 11

② 8

③ 7

④ 6

⑤ 4

해설

(i)  $x + y + z = 0$ ,  $2x - y - 7z = 3$ 에서  
 $x, y$ 를  $z$ 에 대하여 나타내면

$$x = 2z + 1, \quad y = -3z - 1$$

(ii)  $x = 2z + 1, \quad y = -3z - 1$  을  $ax^2 + by^2 + cz^2 = 1$ 에 대입하여  
정리하면

$$(4a + 9b + c)z^2 + 2(2a + 3b)z + (a + b - 1) = 0$$

$$\therefore 4a + 9b + c = 0, \quad 2a + 3b = 0, \quad a + b - 1 = 0$$

$$\therefore a = 3, \quad b = -2, \quad c = 6$$

$$\therefore a + b + c = 7$$

11. 1999개의 다항식  $x^2 - 2x - 1$ ,  $x^2 - 2x - 2$ ,  $\dots$ ,  $x^2 - 2x - 1999$  중에서 계수가 정수인 일차식의 곱으로 인수분해 되는 것은 모두 몇 개인가?

- ① 43 개      ② 44 개      ③ 45 개      ④ 46 개      ⑤ 47 개

해설

$x^2 - 2x - n = (x+a)(x-b)$  ( $a, b$  는 자연수) 라 하면 ( $1 \leq n \leq 1999$  인 자연수)

$$ab = n, \quad a = b - 2$$

$$\therefore n = 1 \cdot 3, \quad 2 \cdot 4, \quad 3 \cdot 5, \quad \dots, \quad 43 \cdot 45 (= 1935) \text{ 의 } 43 \text{ 개}$$

12.  $x^4 + 3x^2 + 4$ 를 바르게 인수분해한 것은?

- ①  $(x^2 + x + 1)(x^2 - 2x + 1)$       ②  $(x^2 + 2x + 2)(x^2 - x + 2)$
- ③  $(x^2 - x + 2)(x^2 + x + 2)$       ④  $(x^2 + x - 1)(x^2 - 2x + 1)$
- ⑤  $(x^2 + x - 2)(x^2 + x + 2)$

해설

$$\begin{aligned}x^4 + 3x^2 + 4 &= (x^4 + 4x^2 + 4) - x^2 \\&= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)\end{aligned}$$

13. 세 실수  $a, b, c$  가  $a + b + c = 3$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$  를 만족시킬 때,  $a^4 + b^4 + c^4 + 1$  의 값을 구하면?

① 69

② 70

③ 71

④ 72

⑤ 73

해설

$$a + b + c = 3 \cdots ①$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = 9 \cdots ②$$

$$a^3 + b^3 + c^3 = 24 \cdots ③ \text{ 이라 하면,}$$

②식에서

$$a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca) = 9$$

$$9 - 2(ab + bc + ca) = 9$$

$$\therefore ab + bc + ca = 0 \cdots ④$$

③식에서

$$a^3 + b^3 + c^3$$

$$= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc$$

$$24 = 3 \cdot (9 - 0) + 3abc$$

$$\therefore abc = -1 \cdots ⑤$$

$$a^4 + b^4 + c^4 + 1$$

$$= (a^2 + b^2 + c^2)^2 - 2(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) + 1$$

$$= 81 - 2 \cdot 6 + 1 = 70$$

$$(\because a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2$$

$$= (ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c)$$

$$= 0 - 2 \times (-1) \times 3$$

$$= 6)$$

14.  $\frac{bx(a^2x^2 + 2a^2y^2 + b^2y^2)}{bx + ay} + \frac{ay(a^2x^2 + 2b^2x^2 + b^2y^2)}{bx + ay}$  을 간단히 하면?

①  $a^2x^2 + b^2y^2$

②  $(ax + by)^2$

③  $(bx + ay)^2$

④  $2(a^2x^2 + b^2y^2)$

⑤  $(ax + by)(bx + ay)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{분자}) &= bx(a^2x^2 + 2a^2y^2 + b^2y^2) + ay(a^2x^2 + 2b^2x^2 + b^2y^2) \\&= bx(a^2x^2 + b^2y^2) + 2a^2bxy^2 + ay(a^2x^2 + b^2y^2) + 2ab^2x^2y \\&= (a^2x^2 + b^2y^2)(bx + ay) + 2abxy(ay + bx) \\&= (bx + ay)(a^2x^2 + 2abxy + b^2y^2) \\&= (bx + ay)(ax + by)^2 \\&\text{따라서, (준 식)} = (ax + by)^2\end{aligned}$$

15. 다음 식  $(a+b+c)(ab+bc+ca) - abc$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $a+b$

②  $b+c$

③  $c+a$

④  $b-a$

⑤  $-b-c$

해설

전개하여  $a$ 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$(a+b+c)(ab+bc+ca) - abc$$

$$= (b+c)a^2 + (b^2 + 2bc + c^2)a + bc(b+c)$$

$$= (b+c) \{a^2 + (b+c)a + bc\}$$

$$= (b+c)(a+b)(a+c)$$

$\therefore$  ④  $b-a$ 는 인수가 아니다