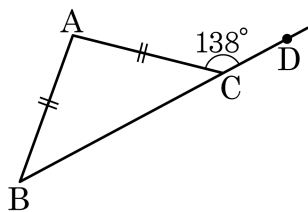


1. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC 에서  $\angle ACD = 138^\circ$  일 때,  $\angle ABC$  의 크기는?

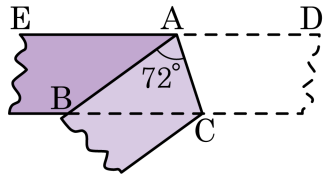


- ①  $40^\circ$       ②  $42^\circ$       ③  $44^\circ$       ④  $46^\circ$       ⑤  $48^\circ$

해설

$\angle ACB = 180^\circ - 138^\circ = 42^\circ$   
 $\triangle ABC$  는 이등변삼각형이므로  
 $\angle ABC = \angle ACB = 42^\circ$

2. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다.  $\triangle ABC$  는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 이등변삼각형

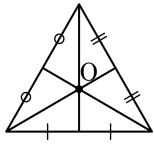
해설

종이를 접었으므로  $\angle BAC = \angle DAC$  이다.  $\angle DAC = \angle BCA$  (엇각)이다.

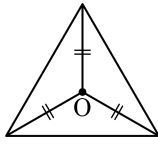
따라서  $\angle BAC = \angle ACB$  이므로  $\triangle ABC$  는 이등변삼각형이다.

3. 다음 중 점 O 가 삼각형의 외심에 해당하는 것을 모두 고르면?

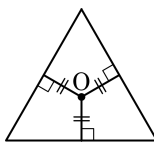
①



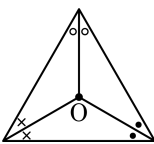
②



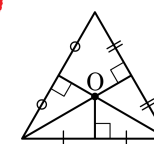
③



④



⑤

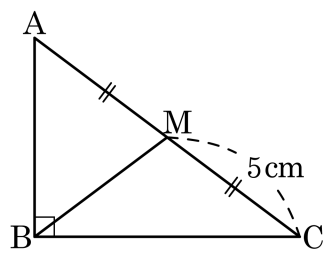


해설

내심 ③,④

외심 ②,⑤

4. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에서  $\overline{CM} = 5\text{cm}$  이고 점 M이 삼각형의 외심일 때,  $\overline{BM}$  의 길이는?



- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점이므로  $\overline{AM} = \overline{CM} = \overline{BM}$  이다,  
따라서  $\overline{CM} = 5\text{cm}$  이므로  $\overline{CM} = \overline{BM} = 5\text{cm}$  이다.

5. 다음은 삼각형의 세 내각의 이등분선이 한 점에서 만남을 나타낸 것이다. 빈칸에 공통으로 들어갈 알맞은 것을 고르면?

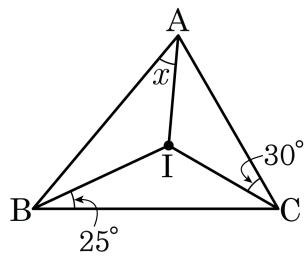
$\triangle IBE$ 와  $\triangle IBD$ 에서  
 $\angle IEB = \angle IDB = 90^\circ$ ,  
 $\overline{IB}$ 는 공통변,  
 $\angle IBE = \angle IBD$ 이므로  
 $\triangle IBE \equiv \triangle IBD$  (RHA 합동)  
 $\therefore \overline{ID} = \boxed{\hspace{1cm}} \dots \textcircled{1}$   
 같은 방법으로  $\triangle ICE \equiv \triangle ICF$  (RHA 합동)이므로  
 $\therefore \boxed{\hspace{1cm}} = \overline{IF} \dots \textcircled{2}$   
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 에서  
 $\therefore \overline{ID} = \overline{IF}$   
 $\triangle ADI$ 와  $\triangle AFI$ 에서  
 $\angle ADI = \angle AFI = 90^\circ$ ,  $\overline{AI}$ 는 공통 변,  $\overline{ID} = \overline{IF}$   
 이므로  $\triangle ADI \equiv \triangle AFI$  (RHS 합동)  
 대응각  $\angle DAI = \angle FAI$ 이므로  $\overline{AI}$ 는  $\angle A$ 의 이등분선이다.  
 따라서 세 각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

- ①  $\overline{IA}$       ②  $\overline{IE}$       ③  $\overline{IC}$       ④  $\overline{IB}$       ⑤  $\overline{AF}$

**해설**

$\triangle IBE \equiv \triangle IBD$  (RHA 합동)이므로  
 $\overline{ID}$ 와 대응변인  $\overline{IE}$ 의 길이가 같고,  $\triangle ICE \equiv \triangle ICF$  (RHA 합동)  
 이므로  $\overline{IE}$ 와 대응변인  $\overline{IF}$ 의 길이가 같다.  
 따라서 빈 칸에 공통으로  $\overline{IE}$ 가 들어간다.

6. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 에서 세 각의 이등분선의 교점을 I라고 할 때,  $\angle IBC = 25^\circ$ ,  $\angle ICA = 30^\circ$ 이다.  $\angle IAB$ 의 크기는?



- ①  $20^\circ$       ②  $25^\circ$       ③  $30^\circ$       ④  $35^\circ$       ⑤  $40^\circ$

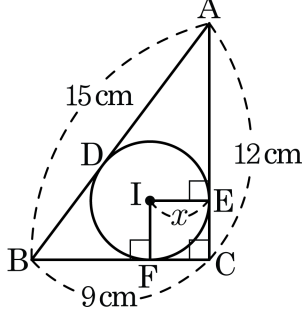
해설

점 I가  $\triangle ABC$ 의 내심이므로

$$\angle x + 30^\circ + 25^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore \angle x = 35^\circ$$

7. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$  에 내접하는 원 I 의 반지름의 길이  $x$  는 얼마인가?

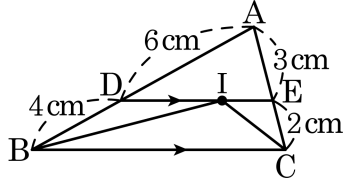


- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

해설

$x = \overline{CE} = \overline{CF}$  이므로  $\overline{BD} = \overline{BF} = 9 - x$ ,  $\overline{AD} = \overline{AE} = 12 - x$  따라서  $(9 - x) + (12 - x) = 15$  이므로  $x = 3(\text{cm})$  이다.

8. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고  $\overline{DE}$ 와  $\overline{BC}$ 가 평행일 때,  $\overline{AD} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{DB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AE} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{EC} = 2\text{cm}$ 이다.  $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이는?

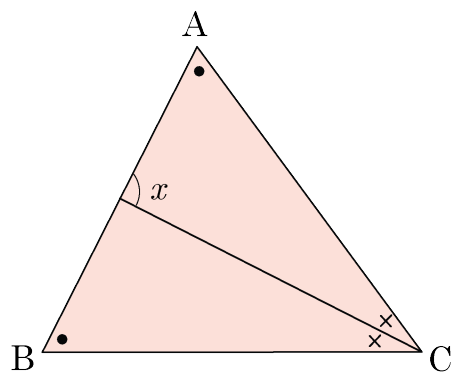


- ① 9cm      ② 11cm      ③ 13cm      ④ 15cm      ⑤ 17cm

해설

점 I가 내심이고  $\overline{DE} // \overline{BC}$  일 때,  
 $(\triangle ADE \text{의 둘레의 길이}) = \overline{AB} + \overline{AC}$   
 따라서  $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이는 15cm이다.

9. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$  에서  $\angle x$  의 크기는?



- ①  $80^\circ$       ②  $85^\circ$       ③  $90^\circ$       ④  $95^\circ$       ⑤  $100^\circ$

해설

$\triangle ABC$  는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형 이등변삼각형의 꼭짓각의 이등분선은 밑 변을 수직이등분하므로  $\angle x = 90^\circ$  이다.

10. 다음은  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC 에서  $\angle B$  와  $\angle C$  의 이등분선의 교점을 P 라 할 때,  $\triangle PBC$  는 이등변삼각형임을 증명하는 과정이다.

$\triangle ABC$  에서  $\angle B = \boxed{\text{(가)}}$  이므로  
 $\angle PBC = \boxed{\text{(나)}} \times \angle B = \frac{1}{2} \times \boxed{\text{(다)}} = \boxed{\text{(라)}}$   
따라서  $\triangle PBC$  는  $\boxed{\text{(마)}}$  이다.

㉠ ~ ㉡에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

- ① ㉠  $\angle C$

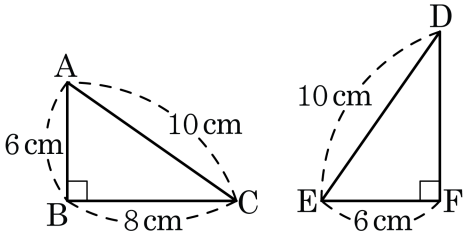
② ㉡ 2
- ③ ㉡  $\angle C$

④ ㉡  $\angle PCB$
- ⑤ ㉡ 이등변삼각형

해설

$\triangle ABC$  에서  $\angle B = (\angle C)$  이므로  
 $\angle PBC = \left(\frac{1}{2}\right) \times \angle B = \frac{1}{2} \times (\angle C) = (\angle PCB)$   
따라서  $\triangle PBC$  는 ( 이등변삼각형 ) 이다.

11. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때,  $\overline{DF}$  의 길이는?

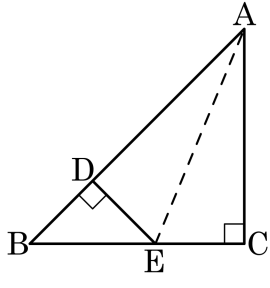


- ① 6cm      ② 7cm      ③ 8cm      ④ 9cm      ⑤ 10cm

해설

$\triangle CAB, \triangle DEF$  는 RHS 합동  
 $\therefore \overline{DF} = \overline{CB} = 8\text{cm}$

12. 다음 그림에서  $\overline{AC} = \overline{AD} = \overline{BC}$ ,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $\angle ADE = 90^\circ$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

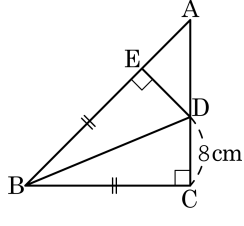


- ①  $\angle DAE = \angle CAE$
- ②  $\overline{DB} = \overline{DE} = \overline{EC}$
- ③  $\triangle ADE \cong \triangle ACE$
- ④  $\overline{BE} = \overline{EC}$
- ⑤  $\angle DEB = \angle BAC$

해설

$\overline{AC} = \overline{BC}$ ,  $\angle ACB = 90^\circ$  이므로  $\triangle ABC$  는 직각이등변삼각형  
 $\Leftrightarrow \angle A = \angle B = 45^\circ$   
 $\square ADEC$  에서  $\angle DEC = 360^\circ - (90^\circ \times 2 + 45^\circ) = 135^\circ$   
 $\angle DEB = 180^\circ - \angle DEC = 45^\circ$   
 $\angle DEB = \angle BAC = 45^\circ$  (㉔)  
 $\angle B = \angle DEB = 45^\circ$  이므로  $\triangle DEB$  는 직각이등변삼각형  $\Leftrightarrow$   
 $\overline{DB} = \overline{DE} \cdots \text{㉑}$   
 $\triangle AED$  와  $\triangle AEC$  에서  
i )  $\overline{AE}$  는 공통  
ii )  $\overline{AD} = \overline{AC}$   
iii )  $\angle ADE = \angle ACE = 90^\circ$  (㉓)  
i ), ii ), iii ) 에 의해  $\triangle AED \cong \triangle AEC$  (RHS 합동) 이다. 합동인  
대응각의 크기는 같으므로  
 $\angle DAE = \angle CAE$  (㉒)  
합동인 대응변의 크기는 같으므로  $\overline{DE} = \overline{EC} \cdots \text{㉔}$   
㉑, ㉔ 에 의해  $\overline{DB} = \overline{DE} = \overline{EC}$  (㉕)

13. 그림에서  $\triangle ABC$ 는  $\angle C = 90^\circ$ 이고  $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이다.  $\overline{BC} = \overline{BE}$ ,  $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 이고  $\overline{CD} = 8\text{ cm}$ 일 때,  $\triangle AED$ 의 넓이를 구하여라.



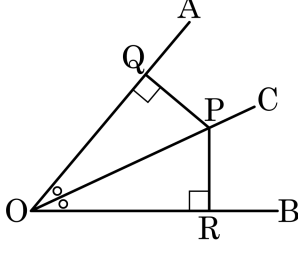
▶ 답 :            $\text{cm}^2$           

▷ 정답 : 32 $\text{cm}^2$

**해설**

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로  $\angle BAC = 45^\circ$ 이다.  
따라서  $\triangle AED$ 도 직각이등변삼각형이다.  
 $\triangle EDB \equiv \triangle CDB$  (RHS 합동),  
 $\overline{CD} = \overline{ED}$ 이므로  $\overline{ED} = \overline{EA}$ 이다.  
그러므로  $\triangle AED$ 는 밑변  $8\text{ cm}$ , 높이  $8\text{ cm}$ 인 직각이등변삼각형이다.  
따라서 넓이는  $\frac{1}{2} \times 8 \times 8 = 32\text{ (cm}^2\text{)}$ 이다.

14. 다음 그림에서  $\angle AOB$ 의 이등분선  $\overline{OC}$  위의 점 P로부터 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 Q, R라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

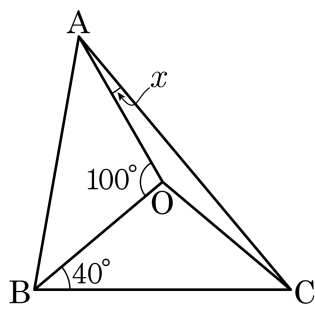


- ①  $\angle POQ = \angle POR$                       ②  $\angle OQP = \angle ORP$   
 ③  $\triangle POQ \cong \triangle POR$                       ④  $\overline{PQ} = \overline{PR}$   
 ⑤  $\overline{OQ} = \overline{OR} = \overline{OP}$

해설

점 Q와 점 R은 수선의 발을 내린 것이므로  
 $\angle OQP = \angle ORP = 90^\circ$  (㉔)  
 $\triangle POQ$ 와  $\triangle POR$ 에서  
 i)  $\overline{OP}$ 는 공통  
 ii)  $\angle PQO = \angle PRO = 90^\circ$  ( $\therefore$ 가정)  
 iii)  $\angle QOP = \angle ROP$  ( $\therefore$ 가정)  
 직각삼각형에서 빗변의 길이가 같고 한 내각의 크기가 같으므로  
 $\triangle POQ \cong \triangle POR$ (RHA합동)이다. (㉕)  
 합동인 삼각형의 두 대변의 길이는 같으므로 ④는 참이다.  
 또, 합동인 삼각형의 두 대각의 크기는 같으므로 ①은 참이다.

15. 다음  $\triangle ABC$  의 외심을 O 라고 할 때,  $\angle x$  의 크기는?

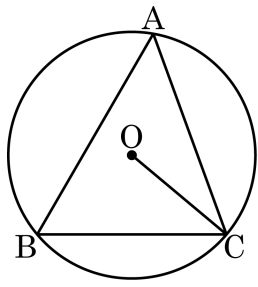


- ① 10°      ② 20°      ③ 30°      ④ 40°      ⑤ 50°

해설

$\triangle AOB$  에서  $\overline{AO} = \overline{BO}$  이므로,  $\angle OAB = \angle OBA$  ,  $100^\circ + \angle OAB + \angle OBA = 180^\circ$  ,  $\angle OBA = 40^\circ$   
 $\angle OBC = \angle OCB = 40^\circ$ ,  $\angle x + \angle OBA + \angle OCB = 90^\circ$  ,  $x + 40^\circ + 40^\circ = 90^\circ$  ,  $\therefore \angle x = 10^\circ$  .

16. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이고,  $\angle OCB = 40^\circ$ 일 때,  $\angle BAC$ 의 크기를 구하면?

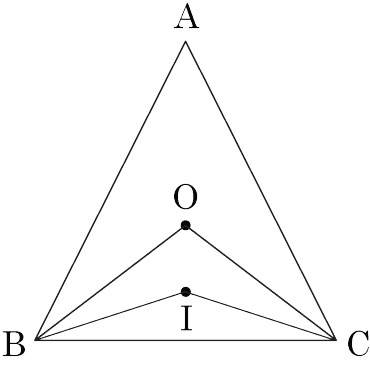


- ①  $50^\circ$       ②  $55^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $65^\circ$       ⑤  $70^\circ$

해설

$\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로  
 $\angle OBC = \angle OCB = 40^\circ$ ,  
 $\angle BOC = 100^\circ$   
 $\triangle ABC$ 에서  $\angle BAC = \frac{1}{2}\angle BOC = 50^\circ$

17. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이고, 점 I는  $\triangle OBC$ 의 내심이다.  $\angle BIC = 144^\circ$ 일 때,  $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:                     $\underline{\hspace{1cm}}^\circ$

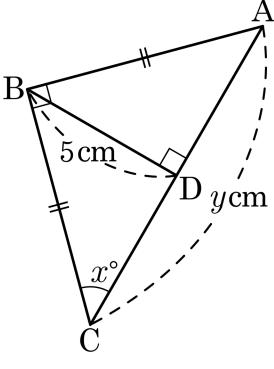
▷ 정답: 54  $\underline{\hspace{1cm}}^\circ$

해설

$90^\circ + \frac{1}{2}\angle BOC = 144^\circ$  이므로  $\angle BOC = 108^\circ$  이다.

따라서  $\angle A = \frac{1}{2}\angle BOC = 54^\circ$  이다.

18. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서  $\angle B$ 의 이등분선과  $\overline{AC}$ 의 교점을 D라 하자. 이 때,  $x - y$ 의 값은?



- ① 30      ② 32      ③ 35      ④ 37      ⑤ 39

해설

$$\angle C = \frac{1}{2}(180^\circ - 90^\circ) = 45^\circ$$

$$\therefore x = 45$$

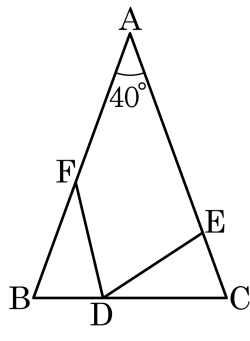
$$\angle C = \angle CBD = 45^\circ \text{이므로}$$

$\triangle CBD$ 는  $\overline{BD} = \overline{CD} = 5 \text{ cm}$ 인 이등변삼각형이고, 점 D는  $\overline{AC}$

의 중점이므로  $y = 10$

$$\therefore x - y = 45 - 10 = 35$$

19. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형이다. 점 D, E, F 는 각각  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$  위의 점이고,  $\overline{CD} = \overline{BF}$ ,  $\overline{BD} = \overline{CE}$ ,  $\angle A = 40^\circ$  일 때,  $\angle FDE$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 :  $70^{\circ}$

해설

$$\overline{AB} = \overline{AC} \text{ 이므로}$$

$$\angle B = \angle C = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 40^\circ) = 70^\circ$$

또,  $\overline{CD} = \overline{BF}$ ,  $\overline{BD} = \overline{CE}$  이므로

$$\triangle FBD \equiv \triangle DCE \text{ (SAS 합동)}$$

따라서 대응각으로

$$\angle BFD = \angle CDE, \angle BDF = \angle CED$$

 $\angle BFD = \angle CDE$ ,  $\angle BDF = \angle FDE$  의 크기를  $x$  라 하면

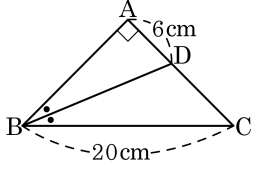
$$x + \angle CDE = 70^\circ + \angle BFD \text{ 이고}$$

$\angle BFD = \angle CDE$  이므로

$$\therefore x = 70^\circ$$

$$\therefore \angle FDE = 70^\circ$$

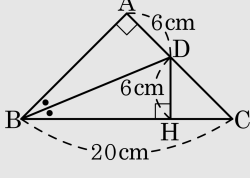
20. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$  인  $\triangle ABC$  에서  $\overline{BD}$  는  $\angle B$  의 이등분선이고  $\overline{BC} = 20\text{ cm}$ ,  $\overline{AD} = 6\text{ cm}$  일 때,  $\triangle DBC$  의 넓이는?



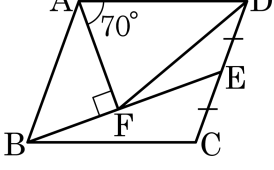
- ①  $50\text{ cm}^2$                       ②  $52\text{ cm}^2$                       ③  $58\text{ cm}^2$   
 ④  $60\text{ cm}^2$                       ⑤  $64\text{ cm}^2$

해설

$$(\triangle DBC \text{의 넓이}) = 20 \times 6 \times \frac{1}{2} = 60 (\text{cm}^2)$$



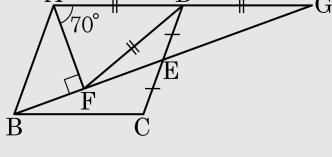
21. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 변 CD 의 중점을 E 라 하고, 점 A 에서  $\overline{BE}$  에 내린 수선의 발을 F 라고 한다.  $\angle DAF = 70^\circ$  라고 할 때,  $\angle DFE = ( \quad )^\circ$  이다. ( ) 안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

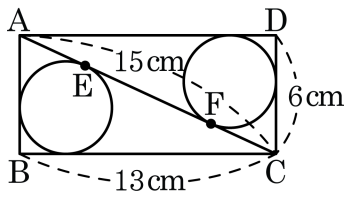
▷ 정답 : 20

해설



$\overline{AD}$  의 연장선과  $\overline{BE}$  의 연장선의 교점을 G 라 하면  
 $\triangle BCE \equiv \triangle GDE$ (ASA 합동) 이므로  $\overline{BC} = \overline{GD}$  ,  
 $\triangle AFG$  는 직각삼각형이고  $\overline{AD} = \overline{BC} = \overline{GD}$  이므로 점 D 는  
 빗변 AG 의 중점이다.  
 직각삼각형에서 빗변의 중점은 외심이므로  $\overline{AD} = \overline{DG} = \overline{DF}$   
 $\therefore \angle DFE = 90^\circ - \angle DFA = 90^\circ - \angle DAF = 20^\circ$

22. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 두 원은 각각  $\triangle ABC$ ,  $\triangle ACD$ 의 내접원이다. 두 점 E, F 사이의 거리는 ?

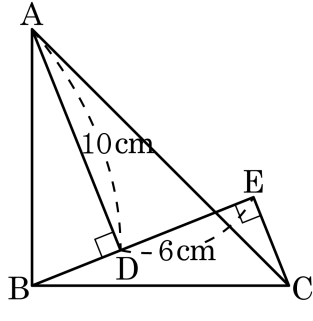


- ① 7cm      ② 8cm      ③ 9cm      ④ 10cm      ⑤ 11cm

해설

$\overline{AE}$  를  $x$  라 하면  
 $(15 - x) + (6 - x) = 13 \therefore x = 4(\text{cm})$   
 $\overline{AE} = \overline{CF} = 4(\text{cm})$  이므로  
 $\therefore \overline{EF} = 15 - (4 + 4) = 7(\text{cm})$

23. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는  $\angle B = 90^\circ$  인 직각이등변삼각형이다.  
 $\angle ADB = \angle BEC = 90^\circ$  일 때,  $EC$  의 길이를 구하여라.



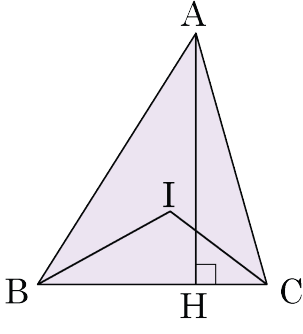
▶ 답 :          cm

▷ 정답 : 4 cm

해설

$\triangle ABD$  와  $\triangle BCE$  에서  
 $\angle ADB = \angle BEC = 90^\circ$   
 $\overline{AB} = \overline{BC}$   
 $\angle ABD = \angle BCE$   
 $\triangle ABD \equiv \triangle BCE$ (RHA 합동)  
 $\overline{BD} = \overline{EC}$   
 $\therefore EC = \overline{BE} - \overline{DE} = 10 - 6 = 4$  (cm)

24. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고  $\angle ABC = 60^\circ$ ,  $\angle BCA = 70^\circ$ ,  $AH \perp BC$ 이다.  $\angle IAH : \angle BIC$ 를 가장 간단한 정수의 비  $x : y$ 로 나타냈을 때,  $x + y$ 의 값을 구하여라.



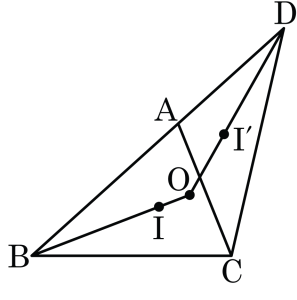
▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

$\angle A = 180^\circ - (60^\circ + 70^\circ) = 50^\circ$ 이므로  $\angle IAB = 25^\circ$ 이다.  
 $\angle BAH = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$ 이므로  $\angle IAH = 5^\circ$ 이다.  
 $\angle BIC = 180^\circ - (30^\circ + 35^\circ) = 115^\circ$ 이므로  $x : y = 1 : 23$

25.  $\angle BAC = 70^\circ$ ,  $\angle ABC = 42^\circ$ ,  $\overline{AC} = \overline{AD}$ 이고 점 I, I'는 각각  $\triangle ABC$ ,  $\triangle ACD$ 의 내심이다. 점 O는  $\overline{BI}$ 와  $\overline{DI'}$ 의 연장선의 교점일 때,  $\angle IOI'$ 의 크기를 구하여라.



- ①  $147.5^\circ$                       ②  $148.5^\circ$                       ③  $149.5^\circ$   
 ④  $131.5^\circ$                       ⑤  $141.5^\circ$

해설

$\overline{AC} = \overline{AD}$ 이므로

$$\angle ADC = \frac{1}{2}\angle BAC = \frac{1}{2} \times 70^\circ = 35^\circ$$

점 I는 내심이므로  $\angle ABI = 42^\circ \times \frac{1}{2} = 21^\circ$

점 I'는 내심이므로  $\angle ADI' = 35^\circ \times \frac{1}{2} = 17.5^\circ$

$$\therefore \angle IOI' = 180^\circ - (21^\circ + 17.5^\circ) = 141.5^\circ$$