

1. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle ACD = 138^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기는?



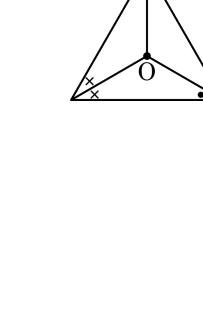
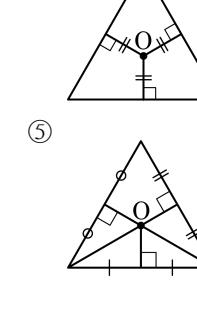
- ① 40° ② 42° ③ 44° ④ 46° ⑤ 48°

2. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답: _____

3. 다음 중 점 O 가 삼각형의 외심에 해당하는 것을 모두 고르면?



4. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 $\overline{CM} = 5\text{cm}$ 이고 점 M이
삼각형의 외심일 때, \overline{BM} 의 길이는?



- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

5. 다음은 삼각형의 세 내각의 이등분선이 한 점에서 만남을 나타낸 것이다. 빈칸에 공통으로 들어갈 알맞은 것을 고르면?



$\triangle IBE$ 와 $\triangle IBD$ 에서

$\angle IEB = \angle IDB = 90^\circ$,

\overline{IB} 는 공통변,

$\angle IBE = \angle IBD$ 이므로

$\triangle IBE \cong \triangle IBD$ (RHA 합동)

$\therefore \overline{ID} = \boxed{\quad} \dots ①$

같은 방법으로 $\triangle ICE \cong \triangle ICF$ (RHA 합동)이므로

$\therefore \boxed{\quad} = \overline{IF} \dots ②$

㉠, ㉡에서

$\therefore \overline{ID} = \overline{IF}$

$\triangle ADI$ 와 $\triangle AFI$ 에서

$\angle ADI = \angle AFI = 90^\circ$, \overline{AI} 는 공통 변, $\overline{ID} = \overline{IF}$

이므로 $\triangle ADI \cong \triangle AFI$ (RHS 합동)

대응각 $\angle DAI = \angle FAI$ 이므로 \overline{AI} 는 $\angle A$ 의 이등분선이다.

따라서 세 각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

- ① \overline{IA} ② \overline{IE} ③ \overline{IC} ④ \overline{IB} ⑤ \overline{AF}

6. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 에서 세 각의 이등분선의 교점을 I라고 할 때,
 $\angleIBC = 25^\circ$, $\angleICA = 30^\circ$ 이다. $\angle IAB$ 의 크기는?



- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

7. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에 내접하는 원 I의 반지름의 길이 x 는 얼마인가?



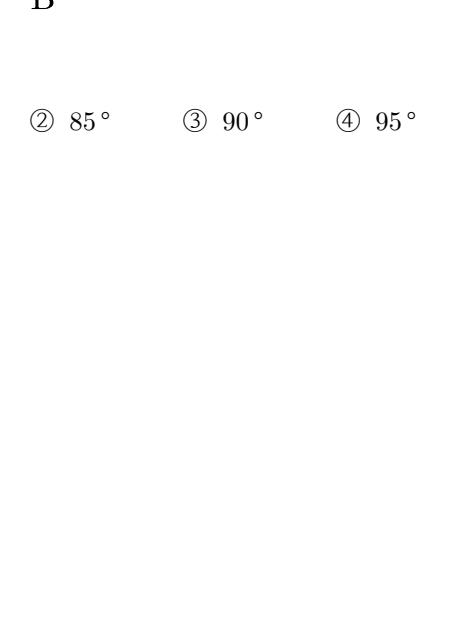
- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

8. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고 \overline{DE} 와 \overline{BC} 가 평행일 때,
 $\overline{AD} = 6\text{cm}$, $\overline{DB} = 4\text{cm}$, $\overline{AE} = 3\text{cm}$, $\overline{EC} = 2\text{cm}$ 이다. $\triangle ADE$ 의
둘레의 길이는?



- ① 9cm ② 11cm ③ 13cm ④ 15cm ⑤ 17cm

9. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 80° ② 85° ③ 90° ④ 95° ⑤ 100°

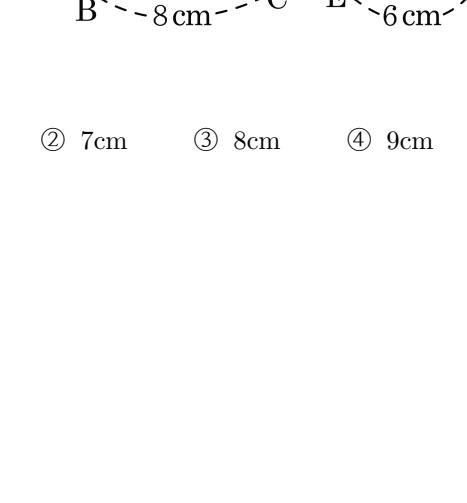
10. 다음은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 P 라 할 때, $\triangle PBC$ 는 이등변삼각형임을 증명하는 과정이다.

$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \boxed{\text{(가)}}$ 이므로
 $\angle PBC = \boxed{\text{(나)}}$ $\times \angle B = \frac{1}{2} \times \boxed{\text{(다)}} = \boxed{\text{(라)}}$
따라서 $\triangle PBC$ 는 $\boxed{\text{(마)}}$ 이다.

(가) ~ (마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

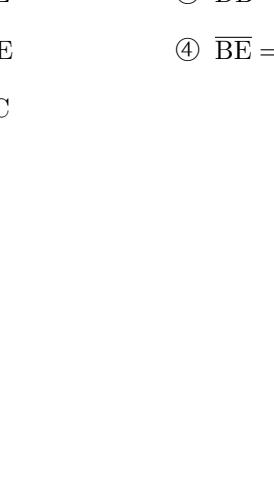
- ① (가) $\angle C$ ② (나) 2
③ (다) $\angle C$ ④ (다) $\angle PCB$
⑤ (마) 이등변삼각형

11. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때, \overline{DF} 의 길이는?



- ① 6cm ② 7cm ③ 8cm ④ 9cm ⑤ 10cm

12. 다음 그림에서 $\overline{AC} = \overline{AD} = \overline{BC}$, $\angle C = 90^\circ$, $\angle ADE = 90^\circ$ 일 때,
다음 중 옳지 않은 것은?



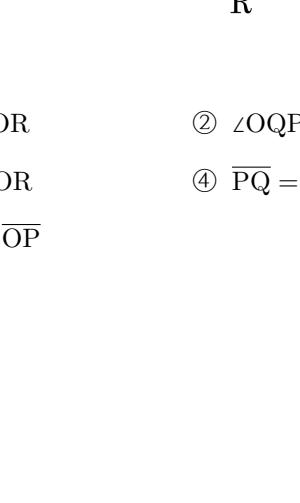
- ① $\angle DAE = \angle CAE$
② $\overline{DB} = \overline{DE} = \overline{EC}$
③ $\triangle ADE \cong \triangle ACE$
④ $\overline{BE} = \overline{EC}$
⑤ $\angle DEB = \angle BAC$

13. 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle C = 90^\circ$ 이고 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형이다. $\overline{BC} = \overline{BE}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 이고 $\overline{CD} = 8\text{cm}$ 일 때, $\triangle AED$ 의 넓이를 구하여라.



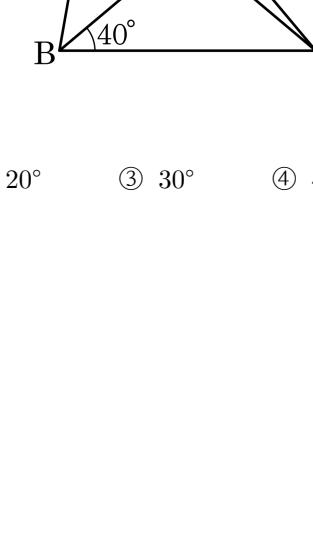
▶ 답: _____ cm^2

14. 다음 그림에서 $\angle AOB$ 의 이등분선 \overline{OC} 위의 점 P로부터 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 Q, R 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle POQ = \angle POR$ ② $\angle OQP = \angle ORP$
③ $\triangle POQ \cong \triangle POR$ ④ $\overline{PQ} = \overline{PR}$
⑤ $\overline{OQ} = \overline{OR} = \overline{OP}$

15. 다음 $\triangle ABC$ 의 외심을 O 라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 10° ② 20° ③ 30° ④ 40° ⑤ 50°

16. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이고, $\angle OCB = 40^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기를 구하면?



- ① 50° ② 55° ③ 60° ④ 65° ⑤ 70°

17. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이고, 점 I는 $\triangle OBC$ 의 내심이다. $\angle BIC = 144^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

18. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle B = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 의 이등분선과 \overline{AC} 의 교점을 D라 하자. 이 때, $x - y$ 의 값은?



- ① 30 ② 32 ③ 35 ④ 37 ⑤ 39

19. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. 점 D, E, F는 각각 \overline{BC} , \overline{AC} , \overline{AB} 위의 점이고, $\overline{CD} = \overline{BF}$, $\overline{BD} = \overline{CE}$, $\angle A = 40^\circ$ 일 때, $\angle FDE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

20. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 $\triangle ABC$ 에서 \overline{BD} 는 $\angle B$ 의 이등분선이고 $\overline{BC} = 20\text{ cm}$, $\overline{AD} = 6\text{ cm}$ 일 때, $\triangle DBC$ 의 넓이 는?



- ① 50 cm^2 ② 52 cm^2 ③ 58 cm^2

- ④ 60 cm^2 ⑤ 64 cm^2

21. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 변 CD의 중점을 E 라 하고, 점 A에서 \overline{BE} 에 내린 수선의 발을 F 라고 한다. $\angle DAF = 70^\circ$ 라고 할 때, $\angle DFE = ()^\circ$ 이다. () 안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답: _____

22. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 두 원은 각각 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 내접원이다. 두 접점 E, F 사이의 거리는 ?



- ① 7cm ② 8cm ③ 9cm ④ 10cm ⑤ 11cm

23. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형이다.
 $\angle ADB = \angle BEC = 90^\circ$ 일 때, \overline{EC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

24. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고 $\angle ABC = 60^\circ$, $\angle BCA = 70^\circ$, $\overline{AH} \perp \overline{BC}$ 이다. $\angle IAH : \angle BIC$ 를 가장 간단한 정수의 비 $x : y$ 로 나타냈을 때, $x + y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

25. $\angle BAC = 70^\circ$, $\angle ABC = 42^\circ$, $\overline{AC} = \overline{AD}$ 이고 점I, I' 는 각각 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 내심이다. 점O는 \overline{BI} 와 $\overline{DI'}$ 의 연장선의 교점일 때, $\angle IOI'$ 의 크기를 구하여라.



- ① 147.5° ② 148.5° ③ 149.5°
 ④ 131.5° ⑤ 141.5°