

1. 다음 설명 중에서 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 합성수는 약수의 개수가 3 개이다.
- ② 짝수인 소수가 있다.
- ③ 1 은 소수도 합성수도 아니다.
- ④ 2 의 배수는 모두 합성수이다.
- ⑤ 소수는 모두 홀수이다.

2. 40 을 소인수분해하면?

- ① 1×40
- ② 2×20
- ③ $2^2 \times 10$
- ④ $2^3 \times 5$
- ⑤ 8×5

3. 588 을 588 보다 작은 자연수 a 로 나누었더니 약수의 개수가 홀수인 자연수 b 가 되었다. 가능한 b 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답: _____

4. 다음 중 420 의 약수가 아닌 것은?

- ① 6 ② $2^2 \times 3$ ③ $2^2 \times 3^2$
④ 2×7 ⑤ $2 \times 3 \times 5 \times 7$

5. 18의 약수의 개수는?

- ① 2개 ② 3개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 8개

6. 130 을 나누어 몫이 7 이고 나머지가 4 인 수는?

- ① 15 ② 16 ③ 17 ④ 18 ⑤ 19

7. 다음 중 3^4 을 나타낸 식은?

① 3×4 ② $3 + 3 + 3 + 3$ ③ $4 \times 4 \times 4$

④ $3 \times 3 \times 3 \times 3$ ⑤ 4×3

8. 다음을 만족하는 a, b 의 값을 각각 구하면?

$$5^3 = a, 7^b = 49$$

- ① $a = 25, b = 1$
- ② $a = 25, b = 2$
- ③ $a = 125, b = 1$
- ④ $a = 125, b = 2$
- ⑤ $a = 125, b = 3$

9. $2^a = 8$, $6^2 = b$ 를 만족하는 자연수 a, b 의 값을 구하여라.

▶ 답: $a = \underline{\hspace{1cm}}$

▶ 답: $b = \underline{\hspace{1cm}}$

10. $600 = a^x \times b^y \times c^z$ 로 소인수분해될 때, $(a+b+c) \times (x+y+z)$ 의
값은? (단, $a < b < c$)

- ① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 60

11. $3^2 \times 5 \times 7$ 에 자연수 a 를 곱하면 어떤 자연수의 제곱인 수가 된다. a 의 최솟값은?

- ① 5 ② 7 ③ 15 ④ 21 ⑤ 35

12. 60에 어떤 자연수를 곱하여 자연수의 제곱이 되게 하려고 할 때, 곱할 수 있는 수 중에서 가장 작은 자연수는?

- ① 3 ② 5 ③ 12 ④ 15 ⑤ 20

13. 720 을 자연수로 나누어 어떤 자연수의 제곱이 되도록 할 때, 나눌 수 있는 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: _____

14. 1부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

 답: _____ 개

15. n 이 자연수일 때, $\frac{18}{n}$ 도 자연수가 된다. 이러한 n 의 값의 합은?

- ① 20 ② 21 ③ 33 ④ 39 ⑤ 49

16. 다음 세 자리 수는 3의 배수이다. 안에 들어갈 알맞은 숫자를 모두 구하여라.

2 8

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

17. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 2^5 \times 7$
- ② $\frac{1}{5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{5^4}$
- ③ $\frac{1}{3 \times 3 \times 7 \times 7} = \frac{1}{3^2 \times 7^2}$
- ④ $\frac{1}{7^4 \times 7^5} = (\frac{1}{9})^7$
- ⑤ $a \times a \times a \times b \times b \times c = a^3 \times b^2 \times c^2$

18. 315 에 자연수를 곱하여 어떤 수의 제곱이 되도록 하려고 한다. 제곱이 되도록 하기 위해서 곱하는 수 중 첫 번째로 작은 수와 세 번째로 작은 수를 구하여라.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

19. 다음 중 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의 약수가 아닌 것은?

- | | | |
|------------------------------------|--------------|---|
| <p>① 5×2^3</p> | <p>② 80</p> | <p>③ $2^3 \times 3 \times 5$</p> |
| <p>④ 125</p> | <p>⑤ 225</p> | |

20. 자연수 a 의 약수의 개수를 $A(a)$ 로 나타낸다고 한다. 이 때,
 $\{A(225) + A(360)\} \times A(x) = 165$ 를 만족시키는 자연수 x 중에서
가장 작은 수는?

① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

21. 567^{2009} 의 일의 자리를 구하여라.

▶ 답: _____

22. 정화는 10 층 아파트에서 살고 있는데, 엘리베이터가 자주 고장이 난다. 어느 날 엘리베이터 입구에 ‘약수의 개수가 2 개인 층에서만 설립된다.’라는 문구가 적혀 있었을 때, 엘리베이터가 서는 층이 아닌 것은?

- ① 2 층 ② 3 층 ③ 5 층 ④ 7 층 ⑤ 9 층

23. 자연수 x 를 소인수분해하여 곱해진 모든 수들의 합을 $S(x)$ 라 한다.
(단, 1 은 생각하지 않는다.)
예를 들면, $2250 = 2 \times 3^2 \times 5^3$ 이므로 $S(2250) = 2 + 3 + 3 + 5 + 5 + 5 = 23$
이 때, 어떤 자연수 m 을 소인수분해하면 세 종류의 소인수가 나타나고
 $S(m) = 17$ 이라고 한다. 이러한 수 중에서 가장 큰 수와 작은 수의
차를 구하시오.

▶ 답: _____

24. 360의 약수의 개수와 $2^3 \times 3^a \times 5^b$ 의 약수의 개수가 같을 때, $a+b$ 의
값은? (단, a, b 는 자연수)

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

25. $A = 3^5 \times \square$ 의 약수가 18 개일 때, □ 안에 들어갈 수 있는 최소의 자연수는?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10