

1. 두 집합 $A = \{1, 3, 6, 9\}$, $B = \{x \mid x \text{는 } 9 \text{의 약수}\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

① $1 \in A$

② $n(A) < n(B)$

③ $6 \notin B$

④ $B = \{1, 3, 9\}$

⑤ 집합 A, B 는 모두 유한집합이다.

해설

② $n(A) = 4, n(B) = 3$ 이므로 $n(A) > n(B)$ 이다.

2. 세 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{보다 작은 } 2 \text{의 배수}\}$, $B = \{\emptyset, 1, \{1, 2\}, \{1, 2, 3\}\}$, $C = \{0, \emptyset, \{0, \emptyset\}\}$ 일 때, $n(A) + n(B) - n(C)$ 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$A = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{보다 작은 } 2 \text{의 배수}\} = \{2, 4, 6, 8\}$ 이므로 $n(A) = 4$ 이고, $n(B) = 4$, $n(C) = 3$ 이므로 $n(A) + n(B) - n(C) = 5$ 이다.

3. 집합 $A = \{2, 3, 5, 7\}$ 에 대하여 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (단, 소수는 1 과 자기 자신만을 약수로 가지는 수이다.) (정답 2개)

- ① $4 \in A$
- ② $\emptyset \subset A$
- ③ $\{3, 7\} \in A$
- ④ $\{x \mid x \text{는 } 8 \text{ 이하의 } 2\text{의 배수}\} \subset A$
- ⑤ $A \subset \{x \mid x \text{는 } 1 \text{ 이상 } 10 \text{ 이하의 소수}\}$

해설

- ① $4 \notin A$
- ③ $\{3, 7\} \subset A$
- ⑤ $A \subset A = \{x \mid x \text{는 } 1 \text{ 이상 } 10 \text{ 이하의 소수}\}$

4. 집합 $A = \{x|x \text{는 } 20 \text{ 미만의 } 8 \text{의 배수}\}$, $B = \{x|x \text{는 } 8 \text{ 미만의 } 20 \text{의 약수}\}$ 일 때, $n(A) = a$, 집합 B 의 부분 집합의 개수를 b 라 할 때, $b - a$ 의 값을 골라라.

- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

해설

$A = \{8, 16\}$, $B = \{1, 2, 4, 5\}$ 이므로 $a = n(A) = 2$ 이고,
 $n(B) = 4$ 이므로, $b = (B \text{의 부분집합의 개수}) = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$
이다.
 $\therefore b - a = 16 - 2 = 14$

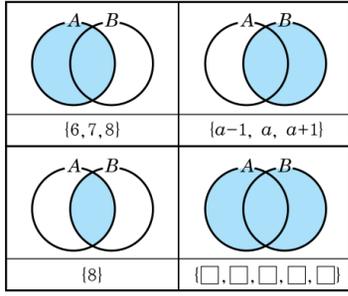
5. 두 집합 $A = \{x | x \text{는 } 16 \text{의 약수}\}$, $B = \{1, 2, 4, a+1, 2 \times b\}$ 에 대하여 $A \subset B$, $B \subset A$ 일 때, $a+b$ 의 값은?(단, $a+1 < 2 \times b$)

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

집합 A, B 의 원소가 일치해야 하고
 $a+1 < 2 \times b$ 를 만족해야 하므로
 $a+1 = 8, 2 \times b = 16$
 $a = 7, b = 8$
 $\therefore a+b = 15$

6. 다음은 두 집합 A, B 의 벤 다이어그램에서 색칠한 부분의 원소를 집합으로 표현한 것이다, \square 안에 알맞은 수를 써넣어라.



▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 6

▷ 정답: 7

▷ 정답: 8

▷ 정답: 9

▷ 정답: 10

해설

벤 다이어그램의 색칠한 부분은 차례대로 $A, B, A \cap B, A \cup B$ 를 나타낸다.

$A \cap B = \{8\}$ 이므로 $\{8\} \subset \{a-1, a, a+1\}$ 이다.

i) $a-1 = 8$ 인 경우, $B = \{8, 9, 10\}$

ii) $a = 8$ 인 경우, $B = \{7, 8, 9\}$

iii) $a+1 = 8$ 인 경우, $B = \{6, 7, 8\}$

그런데 ii), iii)의 경우는 $A \cap B = \{8\}$ 을 만족하지 않는다.

따라서 $a = 9, B = \{8, 9, 10\}$ 이고, $A \cup B = \{6, 7, 8, 9, 10\}$ 이다.

7. 다음 조건을 만족하는 집합 X 의 개수를 구하여라.

$$\{1, 2, 3\} \cup X = \{1, 2, 3\}$$

▶ 답: 8 개

▷ 정답: 8개

해설

$\{1, 2, 3\} \cup X = \{1, 2, 3\}$ 은 $X \subset \{1, 2, 3\}$ 이므로 가능한 X 의 개수는 $\{1, 2, 3\}$ 의 부분집합의 개수이다.
 $\therefore 2 \times 2 \times 2 = 8$ (개)

8. $U = \{x \mid x \text{는 } 8 \text{보다 작은 자연수}\}$ 에 대하여 $A = \{x \mid x \text{는 } 6 \text{의 약수}\}$, $B^c = \{x \mid x \text{는 } 2 \text{의 배수}\}$ 일 때, $A^c - B$ 은?

- ① {4} ② {5} ③ {4, 5}
④ {4, 5, 7} ⑤ {4, 5, 7, 8}

해설

$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, $A = \{1, 2, 3, 6\}$, $B^c = \{2, 4, 6\}$
이므로
 $A^c - B = \{4, 5, 7\} - \{1, 3, 5, 7\} = \{4\}$ 이다.

9. 전체집합 $U = \{x|x \text{는 } 14 \text{ 이하의 짝수}\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $B \cap A^c = \{4, 8, 12\}, A - B = \{14\}, A \cap B = \{2, 6\}$ 일 때, $(A \cup B)^c$ 는?

- ① {6} ② {8} ③ {10}
- ④ {2, 6} ⑤ {10, 12}

해설

$U = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$, $B \cap A^c = \{4, 8, 12\}$, $A - B = \{14\}$, $A \cap B = \{2, 6\}$

이므로 $(A \cup B)^c = \{10\}$ 이다.

10. 두 집합 A, B 에 대하여 $A \subset B$ 일 때, 다음 중 항상 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① $B \subset A$ 이면 $A = B$ 이다. ② $-1 \in B$ 이면 $-1 \in A$ 이다.
③ $A \cap B = B$ ④ $A \cup B = B$
⑤ $n(A) = n(B)$

해설

- ② $A \subset B$ 이므로 $-1 \in A$ 이면 $-1 \in B$ 이다.
③ $A \cap B = A$
⑤ $n(A) \leq n(B)$

11. 전체집합 $U = \{x|x \text{는 } 7 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A = \{x|x \text{는 } 6 \text{의 약수}\}, B = \{4, 5, 7\}$ 일 때, 다음 중 $(A \cap B^c) - B$ 와 같은 것은?

- ① A ② B ③ $A \cap B$ ④ $A \cup B$ ⑤ \emptyset

해설

$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}, A = \{1, 2, 3, 6\}$ 이므로 $(A \cap B^c) - B = (A - B) - B = \{1, 2, 3, 6\} - \{4, 5, 7\} = \{1, 2, 3, 6\}$ 이다.
따라서 A 와 같다.

12. 세 집합 $A = \{3, 7, a\}$, $B = \{3, b, 15\}$, $C = \{c, 7, 15\}$ 에 대하여 $(A - B) \cup (B - C) \cup (C - A) = \emptyset$ 이 성립할 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 25

해설

$$(A - B) \cup (B - C) \cup (C - A) = \emptyset \text{에서}$$

$$A - B = \emptyset, B - C = \emptyset, C - A = \emptyset$$

즉, $A \subset B, B \subset C, C \subset A$ 이므로

$$A = B = C$$

$$\therefore a = 15, b = 7, c = 3$$

$$a + b + c = 25$$

13. 전체집합 $U = \{3, 4, 5, 6, 7\}$ 의 서로 다른 두 부분집합 X, Y 에 대하여 $(X \cup Y) - (X \cap Y)$ 의 가장 큰 원소가 X 에 속할 때, $Y \lll X$ 라 하자. U 의 부분집합 $A = \{3, 4, 7\}$, $B = \{4, 6, 7\}$, $C = \{4, 5, 6\}$ 에 대하여 옳은 것은?

- ① $A \lll B \lll C$ ② $A \lll C \lll B$
 ③ $B \lll A \lll C$ ④ $B \lll C \lll A$
 ⑤ $C \lll A \lll B$

해설

i) 집합 A, B 에 대하여
 $(A \cup B) - (A \cap B) = \{3, 6\}$
 $6 \in B$ 이므로 $A \lll B \cdots \text{㉠}$

ii) 집합 B, C 에 대하여
 $(B \cup C) - (B \cap C) = \{5, 7\}$
 $7 \in B$ 이므로 $C \lll B \cdots \text{㉡}$

iii) 집합 A, C 에 대하여
 $(A \cup C) - (A \cap C) = \{3, 5, 6, 7\}$
 $7 \in A$ 이므로 $C \lll A \cdots \text{㉢}$

$\therefore \text{㉠, ㉡, ㉢}$ 에서 $C \lll A \lll B$

14. 세 명제 $\sim q \rightarrow p$, $r \rightarrow \sim p$, $\sim r \rightarrow s$ 가 참일 때, 다음 중 이 세 명제로부터 추론할 수 없는 것은?

- ① $\sim p \Rightarrow q$ ② $r \Rightarrow q$ ③ $\sim s \Rightarrow p$
④ $\sim q \Rightarrow \sim r$ ⑤ $p \Rightarrow s$

해설

$\sim q \Rightarrow p$ 이고, $r \Rightarrow \sim p$ 에서 $p \Rightarrow \sim r$, 또 $\sim r \Rightarrow s$ 이므로
 $\sim q \Rightarrow p \Rightarrow \sim r \Rightarrow s \dots \text{㉠}$
① $\sim q \Rightarrow p$ 이므로 그 대우도 참이다. 즉, $\sim p \Rightarrow q$
②, ④ ㉠에서 $\sim q \Rightarrow \sim r$ 이므로 그 대우도 참이다. 즉, $r \Rightarrow q$
③, ⑤ ㉠에서 $p \Rightarrow s$ 이므로 $\sim s \Rightarrow \sim p$ 이지만 $\sim s \Rightarrow p$ 인지는
알 수 없다.

15. 다음의 두 진술이 모두 참이라고 할 때, 옳은 것은?

- ㉠ 키가 큰 학생은 농구를 잘한다.
- ㉡ 키가 큰 학생은 달리기 또는 수영을 잘한다.

- ① 키가 큰 학생은 달리기를 잘한다.
- ② 수영을 잘하는 학생은 농구도 잘한다.
- ③ 농구를 잘하는 학생은 달리기도 잘한다.
- ④ 달리기를 못하는 학생은 키가 크지 않다.
- ⑤ 달리기와 수영을 모두 못하는 학생은 키가 크지 않다.

해설

키가 큰 학생의 집합을 A , 농구를 잘하는 학생의 집합을 B , 달리기를 잘하는 학생의 집합을 C , 수영을 잘하는 학생의 집합을 D 라고 하면,

- ㉠ $A \subset B \Leftrightarrow A \subset (C \cup D)$
- ① $A \subset (C \cup D)$ 에서 $A \subset C$ 라고 할 수 없으므로 거짓이다.
- ② $D \subset B$ 라고 할 수 없으므로 거짓이다.
- ③ $B \subset C$ 라고 할 수 없으므로 거짓이다.
- ④ $A \not\subset C$ 이므로 $C^c \not\subset A^c$ 에서 거짓이다.
- ⑤ $A \subset (C \cup D)$ 에서 $(C \cup D)^c \subset A^c$ 즉, $C^c \cap D^c \subset A^c$ 이므로 참이다.

16. 1보다 큰 자연수 x 에 대하여 $f(x) = \frac{x - \frac{1}{x}}{1 - \frac{1}{x}}$ 로 정의 할 때, $f(25)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 26

해설

$$f(x) = \frac{x - \frac{1}{x}}{1 - \frac{1}{x}} = \frac{x^2 - 1}{x - 1} = x + 1$$

$$\therefore f(25) = 26$$

17. 집합 $X = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 에서 정의된 함수 $f(x) = |x| + 1$ 의 치역을 구하면?

① $\{1\}$

② $\{1, 2\}$

③ $\{2, 3\}$

④ $\{1, 2, 3\}$

⑤ $\{1, 2, 3, 4\}$

해설

$x = -2$, 2일 때 $f(x) = 3$

$x = -1$, 1일 때 $f(x) = 2$

$x = 0$ 일 때 $f(x) = 1$

따라서 f 의 치역은 $\{1, 2, 3\}$

18. 두 함수 $f(x)$, $g(x)$ 가 $f(x) = x^3 - 2x + 2$, $g(x+2) = f(x+1)$ 로 정의될 때, $g(0)$ 의 값은?

① 3 ② 2 ③ 1 ④ 0 ⑤ -1

해설

$g(x+2) = f(x+1)$ 에서 $g(0)$ 은 $x = -2$ 에서의 값이므로 $f(-1)$ 이다.
따라서 $g(0) = f(-1) = 3$

19. 함수 $f(x)$ 가 실수 전체의 집합에서

$$f(x) = \begin{cases} -x+1 & (x \geq 1) \\ 2x-a & (x < 1) \end{cases} \text{로 정의될 때,}$$

$f(2-\sqrt{3}) - f(\sqrt{3})$ 의 값은?

- ① $3-3\sqrt{3}$ ② $2-2\sqrt{3}$ ③ $1-\sqrt{3}$
④ $-1+\sqrt{3}$ ⑤ $-3+3\sqrt{3}$

해설

$x=1$ 에서 함수값이 1개이어야 하므로
 $-1+1=2-a$
 $\therefore a=2$
 $2-\sqrt{3} < 1, \sqrt{3} > 1$ 이므로
 $f(2-\sqrt{3}) = 2(2-\sqrt{3}) - 2 = -2\sqrt{3} + 2$
 $f(\sqrt{3}) = -\sqrt{3} + 1$
 $\therefore f(2-\sqrt{3}) - f(\sqrt{3}) = -2\sqrt{3} + 2 - (-\sqrt{3} + 1) = 1 - \sqrt{3}$

20. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 f 가

$$f(x) = \begin{cases} 2x-1 & (x \text{가 유리수}) \\ 2x & (x \text{가 무리수}) \end{cases} \text{일 때,}$$

$f(x) - f(x-1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

(i) x 가 유리수일 때, $x-1$ 도 유리수이므로
 $f(x) - f(x-1) = 2x-1 - \{2(x-1)-1\}$
 $= 2x-1 - (2x-3) = 2$
(ii) x 가 무리수일 때, $x-1$ 도 무리수이므로
 $f(x) - f(x-1) = 2x - 2(x-1) = 2$
따라서 (i),(ii)에서 모든 실수 x 에 대하여
 $f(x) - f(x-1) = 2$

21. 정수 전체의 집합에서 정의된 함수 f 를 $f(x) = (x^2 \text{을 } 3 \text{으로 나눈 나머지를})$ 로 정의할 때, 함수 f 의 치역을 구하면?

- ① $\{0\}$ ② $\{1\}$ ③ $\{0, 1\}$
④ $\{1, 2\}$ ⑤ $\{0, 1, 2\}$

해설

모든 정수는 $3k, 3k+1, 3k+2$ (k 는 정수)의 세 가지 중 하나의 꼴로 나타낼 수 있다.

(i) $x = 3k$ 일 때 $x^2 = (3k)^2 = 9k^2 = 3(3k^2)$

$\therefore f(x) = 0$

(ii) $x = 3k+1$ 일 때 $x^2 = (3k+1)^2 = 9k^2 + 6k + 1 = 3(3k^2 + 2k) + 1$

$\therefore f(x) = 1$

(iii) $x = 3k+2$ 일 때 $x^2 = (3k+2)^2 = 9k^2 + 12k + 4 = 3(3k^2 + 4k + 1) + 1$

$\therefore f(x) = 1$

따라서 임의의 정수 x 에 대하여 x^2 을 3으로 나눈 나머지는 0 또는 1이므로 구하는 치역은 $\{0, 1\}$ 이다.

22. 임의의 양의 실수 x 에 대하여, x 를 넘지 않는 소수의 개수를 $f(x)$ 라 하자. 예를 들면, $f\left(\frac{5}{2}\right) = 1$, $f(5) = 3$ 이다. <보기> 중 옳은 것을 모두 고르면 ?

보기

- ㉠ $f(10) = 4$
 ㉡ 임의의 양의 실수 x 에 대하여 $f(x) < x$ 이다.
 ㉢ 임의의 양의 실수 x 에 대하여 $f(x+1) = f(x)$ 이다.

- ① ㉠ ② ㉠, ㉡ ③ ㉠, ㉢
 ④ ㉡, ㉢ ⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

- ㉠ 10을 넘지 않는 소수는 2, 3, 5, 7 이므로 $f(x) = 4$ 따라서 옳다.
 ㉡ $f(x)$ 는 x 를 넘지 않는 소수의 개수이므로 $[x]$ 보다 작다.
 (단, $[x]$ 는 x 를 넘지 않는 최대의 정수)
 $f(x) < [x] \leq x$
 $\therefore f(x) < x$
 따라서, 옳다.
 ㉢ 옳지 않다.
 <반례> $x = 2$, $f(2+1) = f(3) = 2$, $f(2) = 1$

23. 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) = f(x + 12)$ 를 만족시키고 $f(1) = 3$ 일 때, $f(13) + f(37) - f(25)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$f(13) = f(1 + 12) = f(1)$$

$$f(25) = f(13 + 12) = f(13) = f(1)$$

$$f(37) = f(25 + 12) = f(25) = f(1)$$

$$\text{따라서 준식은 } f(1) + f(1) - f(1) = f(1) = 3$$

24. 모든 양수 m, n 에 대하여 함수 $f(x)$ 는 항상 $f(mn) = f(m) + f(n)$ 만족한다.

$f(2) = a, f(3) = b$ 일 때 $f(24)$ 를 a, b 를 써서 나타내면?

- ① $a + 2b$ ② $2a + b$ ③ $2a + 3b$
④ $3a + b$ ⑤ $3a + 2b$

해설

$$\begin{aligned} f(24) &= f(2^3 \cdot 3) = f(2^3) + f(3) \\ f(2^3) &= f(2^2 \cdot 2) = f(2^2) + f(2) \\ &= \{f(2) + f(2)\} + f(2) = 3f(2) \\ \text{따라서 } 3f(2) + f(3) &= 3a + b \end{aligned}$$

25. 함수 $f(x)$ 가 $f(x) = x^2 + 2x - 3$ 이고 임의의 실수 x 에 대하여 $g(x+1) = f(x-1)$ 이 성립할 때, $g(0)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

등식 $g(x+1) = f(x-1)$ 의 양변에

$x = -1$ 을 대입하면

$$\begin{aligned} g((-1)+1) &= g(0) = f((-1)-1) \\ &= f(-2) = (-2)^2 + 2 \times (-2) - 3 \\ &= -3 \end{aligned}$$

26. 정의역이 $\{0, 1\}$ 인 두 함수 $f(x) = x^2 + ax + b$, $g(x) = 2x + 1$ 에 대하여 $f = g$ 일 때, $a - b$ 의 값은? (단, a, b 는 상수)

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

두 함수 f, g 가 서로 같으므로
정의역의 모든 원소 x 에 대하여 $f(x) = g(x)$ 이다.
즉, $f(0) = g(0)$, $f(1) = g(1)$ 이므로
 $f(0) = b$, $g(0) = 1$ 에서 $b = 1$
 $f(1) = 1 + a + b$, $g(1) = 3$ 에서 $a + b = 2$
 $\therefore a = 1$
 $\therefore a - b = 0$

27. 집합 X 에서 Y 로의 일대일 대응의 개수가 24 개일 때, 집합 X 의 부분집합의 개수를 구하면?

- ① 12 ② 16 ③ 24 ④ 32 ⑤ 36

해설

집합 X, Y 의 원소의 개수가
 $n(X) = n(Y) = n$ 일 때,
집합 X 에서 Y 로의 일대일 대응의 개수는
 $n(n-1)(n-2)\cdots 3\cdot 2\cdot 1$ (개)이다.
문제에서 일대일 대응의 개수가 24 이므로
 $\therefore n = 4$
 \therefore 집합 X 의 부분집합의 개수는
 $2^n = 2^4 = 16$ (개)

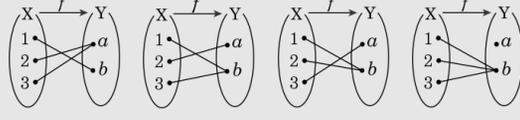
28. 두 집합 $X = \{1, 2, 3\}$, $Y = \{a, b\}$ 에 대하여 X 에서 Y 로의 함수 f 중 $f(1) = b$ 인 것의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

$f(1) = b$ 인 함수 f 는 다음과 같다
따라서, 구하는 함수 f 는 4 개이다.



29. 자연수 전체의 두 부분집합 A, B 가 각각 $A = \{a \mid a \text{는 } 12 \text{의 약수}\}$, $B = \{b \mid b \text{는 } 16 \text{의 약수}\}$ 일 때, $(B - A) \cup X = X$, $B \cap X = X$ 를 모두 만족하는 집합 X 의 개수는?

- ① 8 개 ② 10 개 ③ 12 개 ④ 14 개 ⑤ 16 개

해설

$A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$, $B = \{1, 2, 4, 8, 16\}$ 이므로 $B - A = \{8, 16\}$

또 $(B - A) \cup X = X$ 에서

$(B - A) \subset X$, $B \cap X = X$ 에서 $X \subset B$ 이므로 $(B - A) \subset X \subset B$

$\therefore \{8, 16\} \subset X \subset \{1, 2, 4, 8, 16\}$

즉, 집합 X 는 8, 16 을 반드시 원소로 갖는 집합 B 의 부분집합 이므로 구하는 집합 X 의 개수는 $2^3 = 8$ (개)

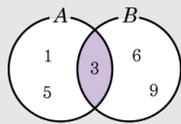
30. 두 집합 A, B 에 대하여 $A = \{x \mid x \text{는 } 5 \text{ 이하의 홀수}\}$, $A \cap B = \{3\}$, $A \cup B = \{1, 3, 5, 6, 9\}$ 일 때, 집합 B 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\{3, 6, 9\}$

해설

$A = \{1, 3, 5\}$ 이고, 주어진 조건을 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



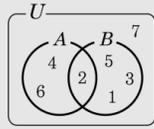
따라서 $B = \{3, 6, 9\}$ 이다.

31. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A = \{2, 4, 6\}, A \cap B = \{2\}, B \cap A^c = \{1, 3, 5\}, A^c \cap B^c = \{7\}$ 일 때, A^c 은?

- ① $\{1, 3\}$ ② $\{1, 5\}$ ③ $\{1, 7\}$
④ $\{3, 5, 7\}$ ⑤ $\{1, 3, 5, 7\}$

해설

$B \cap A^c = \{7\} = B - A$ 이므로
 $A^c = U - A = \{1, 3, 5, 7\}$ 이다.



32. $1 \leq x \leq 216$ 인 자연수 x 에 대하여 집합 X 를 $X = \left\{ x \mid \frac{x}{216} \text{는 기약분수} \right\}$ 라 할 때, $n(X)$ 의 값은? (단, $n(X)$ 는 집합 X 의 원소의 개수이다.)

- ① 64 ② 66 ③ 68 ④ 70 ⑤ 72

해설

$n(X)$ 는 216과 서로소인 정수의 개수이다.
 $216 = 2^3 \cdot 3^3$ 이므로 A 를 2의 배수, B 를 3의 배수라 하면
 $n(X) = 216 - (n(A) + n(B) - n(A \cap B))$
 $= 216 - (108 + 72 - 36) = 72$

33. 두 조건 p, q 를 만족하는 집합을 각각 P, Q 라 하자. $\sim q$ 가 p 이기 위한 필요조건일 때, 다음 중 옳은 것은?

① $P^c \subset Q$

② $Q \subset P$

③ $Q - P = \phi$

④ $P - Q = P$

⑤ $P - Q = \phi$

해설

$p \rightarrow \sim q$ 이므로 진리집합으로 표현하면, $P \subset Q^c$ 이다.
즉, $P \cap Q^c = P \Rightarrow P - Q = P$