

1. 다음 그림과 같은 삼각형에서 x , y 를 각각 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 답: cm

▷ 정답: $x = 4\sqrt{3}$ cm

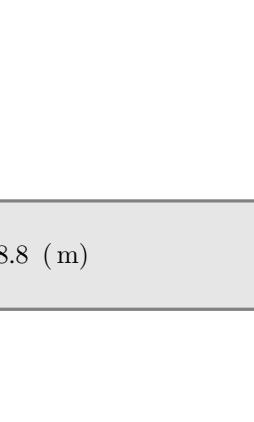
▷ 정답: $y = 2\sqrt{3}$ cm

해설

$$x = \frac{6}{\cos 30^\circ} = 4\sqrt{3}$$

$$y = 6 \times \tan 30^\circ = 2\sqrt{3}$$

2. 길이가 10m인 사다리가 다음 그림과 같이 벽에 걸쳐 있다. 사다리와 지면이 이루는 각의 크기가 62° 일 때, 지면으로부터 사다리가 닿는 곳까지의 높이를 반올림하여 소수 첫째 자리까지 구하여라. (단, $\sin 62^\circ = 0.8829$, $\cos 62^\circ = 0.4695$, $\tan 62^\circ = 1.8807$)



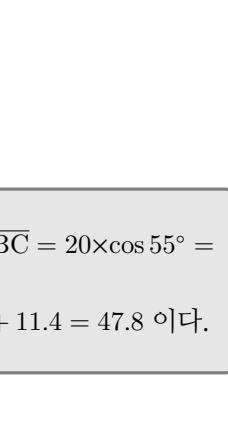
▶ 답: m

▷ 정답: 8.8m

해설

$$(\text{높이}) = 10 \sin 62^\circ = 10 \times 0.8829 \approx 8.8 \text{ (m)}$$

3. 다음 그림에서 직각삼각형 ABC 의 둘레의 길이를 구하여라. (단, $\sin 55^\circ = 0.82$, $\cos 55^\circ = 0.57$, $\tan 55^\circ = 1.43$)



▶ 답 :

▷ 정답 : 47.8

해설

$\overline{AC} = 20$ 이므로 $\overline{AB} = 20 \times \sin 55^\circ = 16.4$, $\overline{BC} = 20 \times \cos 55^\circ = 11.4$

따라서 $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는 $20 + 16.4 + 11.4 = 47.8$ 이다.

4. 다음 직각삼각형 ABC에서 $\angle A = 34^\circ$ 일 때, 높이 \overline{BC} 를 구하여라. (단, $\sin 34^\circ = 0.5592$, $\cos 34^\circ = 0.8290$)



▶ 답: cm

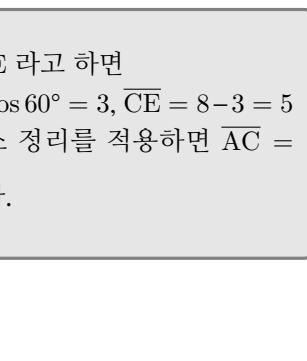
▷ 정답: 11.184 cm

해설

$$\sin 34^\circ = \frac{\overline{BC}}{20}$$
$$\therefore \overline{BC} = 20 \times 0.5592 = 11.184 \text{ (cm)}$$

5. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD
에서 대각선AC의 길이는?

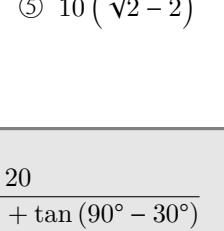
- ① $3\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{7}$
③ $2\sqrt{13}$ ④ $3\sqrt{13}$
⑤ $4\sqrt{13}$



해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 E라고 하면
 $\overline{AE} = 6 \times \sin 60^\circ = 3\sqrt{3}$, $\overline{BE} = 6 \times \cos 60^\circ = 3$, $\overline{CE} = 8 - 3 = 5$
이다. 따라서 $\triangle AEC$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 $\overline{AC} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + 5^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ 이다.

6. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 를 구하면?

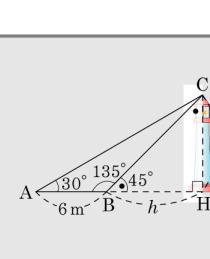


- ① $10(\sqrt{2} - 1)$ ② $10(\sqrt{3} - 1)$ ③ $10(\sqrt{3} - \sqrt{2})$
④ $10(2\sqrt{2} - 1)$ ⑤ $10(\sqrt{2} - 2)$

해설

$$\begin{aligned} h &= \frac{20}{\tan(90^\circ - 45^\circ) + \tan(90^\circ - 30^\circ)} \\ &= \frac{20}{\tan 45^\circ + \tan 60^\circ} \\ &= \frac{1 + \sqrt{3}}{2} \\ &= \frac{20(\sqrt{3} - 1)}{3 - 1} \\ &= 10(\sqrt{3} - 1) \end{aligned}$$

7. 다음 그림은 등대의 높이를 알아보기 위해 측정한 결과이다. 등대의 높이는?



- ① $(3 - \sqrt{3})m$ ② $(3\sqrt{3} - 3)m$ ③ $(4\sqrt{3} - 1)m$
 ④ $(4\sqrt{3} + 1)m$ ⑤ $(3\sqrt{3} + 3)m$

해설



등대의 높이를 h 라 하면
 $\angle CBH = 45^\circ$ 이므로 $\overline{BH} = h$
 $\angle CAH = 30^\circ$ 이므로
 $6 + h : h = \sqrt{3} : 1$, $\sqrt{3}h = 6 + h$
 $(\sqrt{3} - 1)h = 6$
 $\therefore h = \frac{6}{\sqrt{3} - 1} = 3(\sqrt{3} + 1) = 3\sqrt{3} + 3(m)$

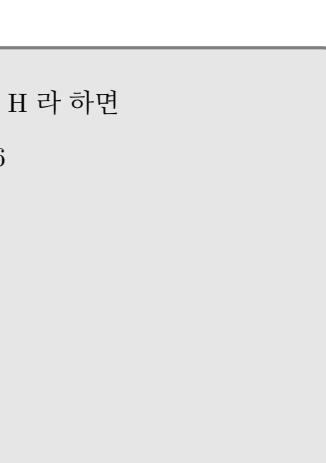
8. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = 45^\circ$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{AB} = 6\sqrt{2}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라.

① $2\sqrt{3}$ ② $2\sqrt{5}$

③ $2\sqrt{10}$

④ $3\sqrt{5}$

⑤ $3\sqrt{10}$



해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H 라 하면

$$\overline{AH} = \overline{AB} \sin 45^\circ = 6\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} = 6$$

$$\overline{BH} = \overline{AH} = 6$$
 이므로

$$\overline{CH} = \overline{BC} - \overline{BH} = 8 - 6 = 2$$

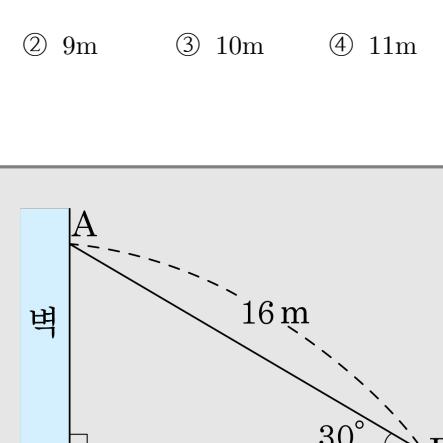
$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{\overline{AH}^2 + \overline{CH}^2}$$

$$= \sqrt{6^2 + 2^2}$$

$$= \sqrt{40}$$

$$= 2\sqrt{10}$$

9. 다음 그림은 16m 인 미끄럼틀을 그린 것이다. 미끄럼틀과 벽이 이루는 각의 크기는 30° 라고 할 때, 미끄럼틀 꼭대기로부터 바닥에 이르는 거리 \overline{AC} 의 길이는?



- ① 8m ② 9m ③ 10m ④ 11m ⑤ 12m

해설



$$\begin{aligned}\overline{AC} &= 16 \sin 30^\circ \\ &= 16 \times \frac{1}{2} \\ &= 8(\text{m})\end{aligned}$$

10. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의
넓판지 ABCD 가 수평면에 대하여
 45° 만큼 기울어져 있다. 이 때, 직
사각형 EBCF 의 넓이는?

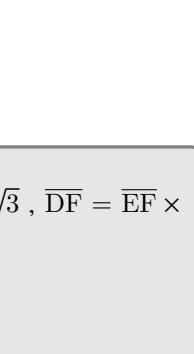


- ① 48 ② $48\sqrt{2}$ ③ $48\sqrt{3}$ ④ $48\sqrt{5}$ ⑤ $48\sqrt{6}$

해설

$$\overline{BE} = 8 \times \cos 45^\circ = 4\sqrt{2},$$
$$[넓이] = 4\sqrt{2} \times 12 = 48\sqrt{2}$$

11. 정육면체를 밑면의 대각선 방향으로 잘랐더니 그
림과 같이 □BEFC 가 정사각형인 삼각기둥이 되
었다. 이 삼각기둥의 부피를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^3}$

▷ 정답: 9 $\underline{\text{cm}^3}$

해설

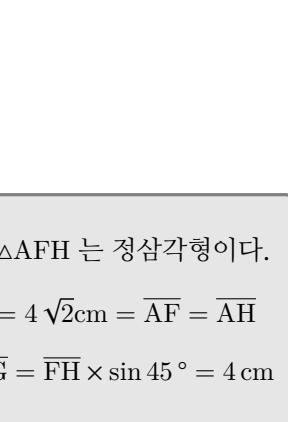
$\angle ACB = 30^\circ$ 이므로 $\overline{DE} = \overline{EF} \times \sin 30^\circ = \sqrt{3}$, $\overline{DF} = \overline{EF} \times$
 $\cos 30^\circ = 3$

□BEFC 가 정사각형이므로 $\overline{CF} = 2\sqrt{3}$

따라서 구하고자 하는 삼각기둥의 부피는

$$V = \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times 3 \times 2\sqrt{3} = 9(\text{cm}^3)$$
 이다.

12. 다음은 정육면체에서 $\angle HAF = 60^\circ$ 이고,
 $\triangle AFH$ 의 넓이가 $8\sqrt{3}\text{ cm}^2$ 일 때, 정육면체의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 4cm

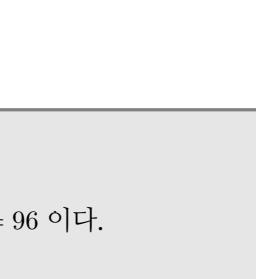
해설

$\angle HAF = 60^\circ$ 이고, $\overline{AF} = \overline{AH}$ 이므로 $\triangle AFH$ 는 정삼각형이다.

따라서 $8\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{4} \times \overline{FH}^2$ 이므로 $\overline{FH} = 4\sqrt{2}\text{cm} = \overline{AF} = \overline{AH}$

$\square EFGH$ 에서 $\angle HFG = 45^\circ$ 이므로 $\overline{FG} = \overline{FH} \times \sin 45^\circ = 4\text{cm}$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 $\overline{CD} = 8$, $\overline{AD} = 6$, $\angle ABE = 45^\circ$ 인 삼각기둥이 있다. 이 삼각기둥의 부피는?



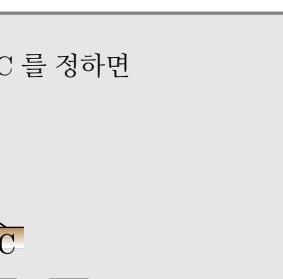
- ① $12\sqrt{6}$ ② $\frac{68\sqrt{6}}{3}$ ③ 48
④ $68\sqrt{6}$ ⑤ 96

해설

$$\overline{BE} = 8 \times \cos 45^\circ = 4\sqrt{2}$$

$$\text{삼각기둥의 부피는 } 4\sqrt{2} \times 4\sqrt{2} \times \frac{1}{2} \times 6 = 96 \text{ 이다.}$$

14. 다음 그림과 같이 지면에 수직으로 서 있던 나무가 부러져 지면과 30° 의 각을 이루게 되었다. 이 때, 처음 나무의 높이는?



- ① $4\sqrt{3}$ ② $8\sqrt{3}$ ③ $12\sqrt{3}$ ④ $16\sqrt{3}$ ⑤ $20\sqrt{3}$

해설

그림처럼 A, B, C를 정하면



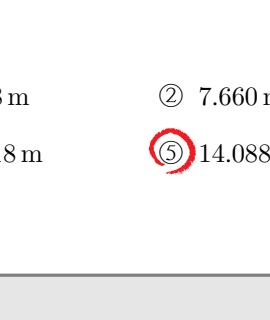
$$\text{나무의 높이} = \overline{AB} + \overline{AC}$$

$$\overline{AB} = 12 \times \tan 30^\circ = 4\sqrt{3}$$

$$\overline{AC} = \frac{12}{\cos 30^\circ} = 8\sqrt{3}$$

따라서 $\overline{AB} + \overline{AC} = 4\sqrt{3} + 8\sqrt{3} = 12\sqrt{3}$ 이다.

15. 똑바로 서 있던 나무가 벼락을 맞아 다음 그림과 같이 직각으로 쓰러졌다. 이 나무가 쓰러지기 전의 높이를 다음 삼각비의 표를 이용하여 구하면?



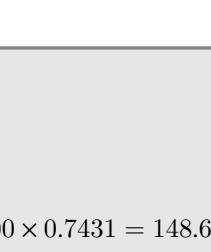
각도	sin	cos	tan
40	0.6428	0.7660	0.8391
50	0.7660	0.6428	1.1918

- ① 6.428 m ② 7.660 m ③ 8.391 m
④ 11.918 m ⑤ 14.088 m

해설

$$\begin{aligned}\overline{BC} &= 10 \sin 50^\circ = 10 \times 0.7660 = 7.660(\text{m}) \\ \overline{AB} &= 10 \cos 50^\circ = 10 \times 0.6428 = 6.428(\text{m}) \\ \text{따라서 나무의 높이} &= 7.660 + 6.428 = 14.088(\text{m}) \text{ 이다.}\end{aligned}$$

16. 영아의 학교는 버스정류장에서 200m 떨어져 있고 버스정류장과 학교가 이루는 각도는 42° 이다. 학교는 버스정류장에서 수평거리로 몇 m 거리에 있는지 구하여라. (단, $\sin 48^\circ = 0.7431$, $\cos 48^\circ = 0.6691$)



▶ 답: m

▷ 정답: 148.62m

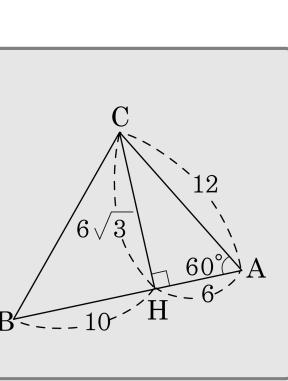
해설



$$x = 200 \sin 48^\circ = 200 \times 0.7431 = 148.62(\text{m})$$

17. 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A = 60^\circ$, $\overline{AC} = 12$, $\overline{AB} = 16$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?

- Ⓐ 4 $\sqrt{13}$ Ⓑ 6 $\sqrt{13}$
 Ⓒ 8 $\sqrt{13}$ Ⓓ 10 $\sqrt{13}$
 Ⓕ 12 $\sqrt{13}$

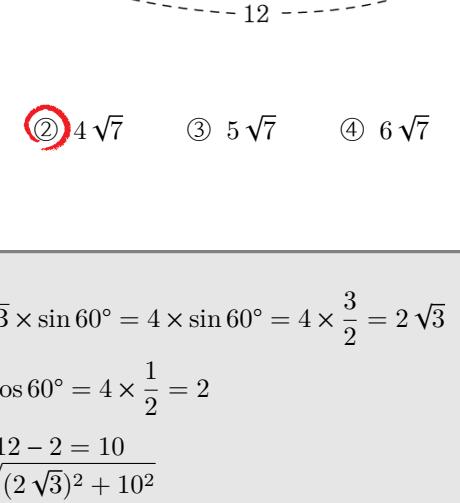


해설

$$\begin{aligned}\overline{BC} &= \sqrt{(6\sqrt{3})^2 + 10^2} \\ &= \sqrt{108 + 100} \\ &= \sqrt{208} = 4\sqrt{13}\end{aligned}$$



18. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에서 \overline{AC} 의 길이는?



- ① $3\sqrt{7}$ ② $4\sqrt{7}$ ③ $5\sqrt{7}$ ④ $6\sqrt{7}$ ⑤ $7\sqrt{7}$

해설

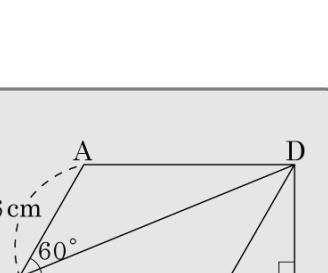
$$\overline{AH} = \overline{AB} \times \sin 60^\circ = 4 \times \sin 60^\circ = 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{BH} = 4 \cos 60^\circ = 4 \times \frac{1}{2} = 2$$

$$\therefore \overline{CH} = 12 - 2 = 10$$

$$\begin{aligned}\overline{AC} &= \sqrt{(2\sqrt{3})^2 + 10^2} \\ &= \sqrt{12 + 100} = \sqrt{112} = 4\sqrt{7}\end{aligned}$$

19. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AB} = 6\text{ cm}$, $\overline{BC} = 10\text{ cm}$, $\angle ABC = 60^\circ$ 일 때, 대각선 \overline{BD} 의 길이를 구하 여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 14 cm

해설

$\overline{CD} = \overline{AB} = 6$ 이고, 점 D에서 \overline{BC} 의 연장선에 내린 수선의 발을 H라하면

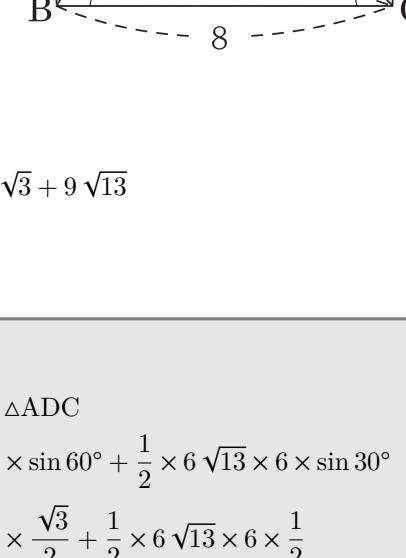
$$\overline{HC} = 6 \times \cos 60^\circ = 6 \times \frac{1}{2} = 3 \text{ (cm)}$$

$$\overline{HD} = 6 \times \sin 60^\circ = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

$$\overline{BD}^2 = (\overline{BC} + \overline{HC})^2 + \overline{HD}^2 = (10 + 3)^2 + (3\sqrt{3})^2 = 196$$

따라서 $\overline{BD} = 14$ (cm) 이다.

20. 다음 사각형 ABCD에서 $\overline{AB} = 4$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{AD} = 6$, $\overline{AC} = 6\sqrt{13}$, $\angle B = 60^\circ$, $\angle DAC = 30^\circ$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



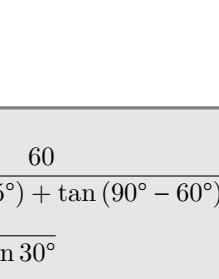
▶ 답:

▷ 정답: $8\sqrt{3} + 9\sqrt{13}$

해설

$$\begin{aligned}\square ABCD &= \triangle ABC + \triangle ADC \\ &= \frac{1}{2} \times 4 \times 8 \times \sin 60^\circ + \frac{1}{2} \times 6\sqrt{13} \times 6 \times \sin 30^\circ \\ &= \frac{1}{2} \times 4 \times 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} \times 6\sqrt{13} \times 6 \times \frac{1}{2} \\ &= 8\sqrt{3} + 9\sqrt{13}\end{aligned}$$

21. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = 45^\circ$, $\angle C = 60^\circ$, $\overline{BC} = 60\text{cm}$ 일 때, \overline{AH} 의 길이를 구하면?

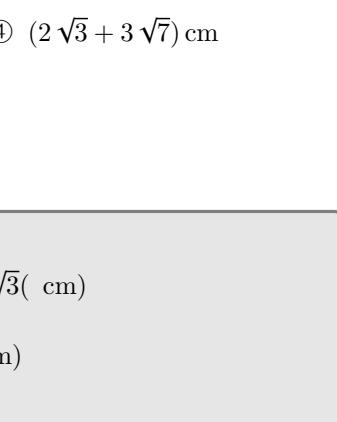


- ① $30(2 - \sqrt{2}) \text{ cm}$ ② $30(4 - \sqrt{2}) \text{ cm}$
③ $30(2 - \sqrt{3}) \text{ cm}$ ④ $30(3 - \sqrt{3}) \text{ cm}$
⑤ $30(4 - \sqrt{3}) \text{ cm}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{AH} &= \frac{60}{\tan(90^\circ - 45^\circ) + \tan(90^\circ - 60^\circ)} \\&= \frac{60}{\tan 45^\circ + \tan 30^\circ} \\&= \frac{60}{1 + \frac{\sqrt{3}}{3}} \\&= \frac{180}{3 + \sqrt{3}} \\&= \frac{180(3 - \sqrt{3})}{9 - 3} \\&= 30(3 - \sqrt{3}) \text{ (cm)}\end{aligned}$$

22. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에서
 $\overline{AC} = 6\text{ cm}$, $\overline{AB} = 9\text{ cm}$, $\angle A = 60^\circ$
 일 때, 삼각형 CHB의 둘레의 길이를
 구하면?



- ① $(\sqrt{3} + \sqrt{6})\text{ cm}$ ② $(2\sqrt{3} + \sqrt{7})\text{ cm}$
 ③ $(3\sqrt{3} + 3\sqrt{7} + 6)\text{ cm}$ ④ $(2\sqrt{3} + 3\sqrt{7})\text{ cm}$

⑤ $(3\sqrt{3} + 3\sqrt{7})\text{ cm}$

해설

$$\overline{CH} = 6 \times \sin 60^\circ = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3}(\text{ cm})$$

$$\overline{AH} = 6 \times \cos 60^\circ = 6 \times \frac{1}{2} = 3(\text{ cm})$$

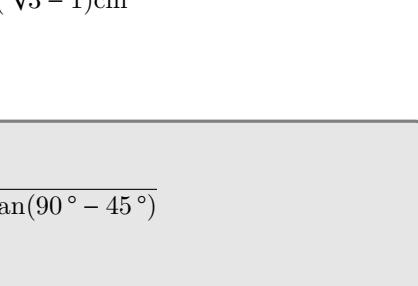
$$\therefore \overline{BH} = 9 - 3 = 6(\text{ cm})$$

$$\overline{BC}^2 = \overline{CH}^2 + \overline{BH}^2 \text{에서}$$

$$\overline{BC} = \sqrt{27 + 36} = \sqrt{63} = 3\sqrt{7}(\text{ cm})$$

$$\therefore \triangle CHB \text{의 둘레는 } \overline{CH} + \overline{BH} + \overline{BC} = (3\sqrt{3} + 6 + 3\sqrt{7})\text{ cm}$$

23. 다음과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AH} 의 길이는?

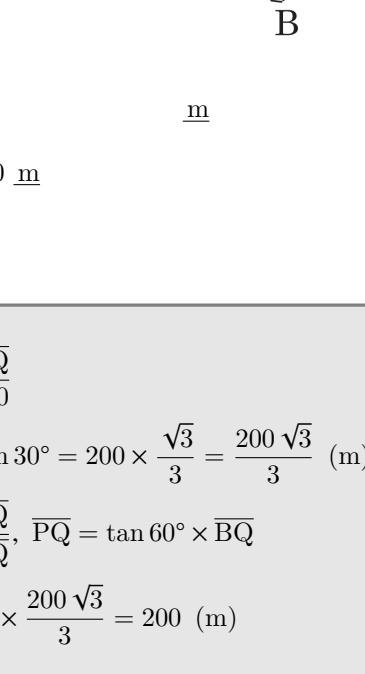


- ① $4(\sqrt{3} - 1)$ cm ② $5(\sqrt{3} - 1)$ cm ③ $6(\sqrt{3} - 1)$ cm
④ $7(\sqrt{3} - 1)$ cm ⑤ $8(\sqrt{3} - 1)$ cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{AH} &= \frac{14}{\tan(90^\circ - 30^\circ) + \tan(90^\circ - 45^\circ)} \\&= \frac{14}{\tan 60^\circ + \tan 45^\circ} \\&= \frac{14}{\sqrt{3} + 1} \\&= \frac{14(\sqrt{3} - 1)}{3 - 1} = 7(\sqrt{3} - 1)(\text{cm})\end{aligned}$$

24. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 200\text{m}$, $\angle ABQ = 90^\circ$, $\angle BAQ = 30^\circ$ 이고,
B 지점에서 기구가 있는 P 지점을 올려다 본 각이 60° 일 때, 기구의
높이를 구하여라.



▶ 답: m

▷ 정답: 200 m

해설

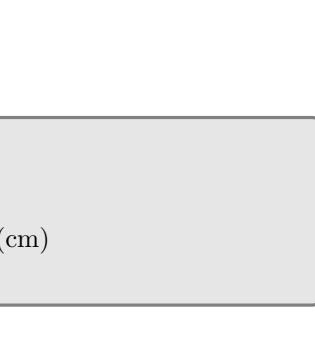
$$\tan 30^\circ = \frac{\overline{BQ}}{200}$$

$$\overline{BQ} = 200 \tan 30^\circ = 200 \times \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{200\sqrt{3}}{3} (\text{m})$$

$$\tan 60^\circ = \frac{\overline{PQ}}{\overline{BQ}}, \overline{PQ} = \tan 60^\circ \times \overline{BQ}$$

$$\therefore \overline{PQ} = \sqrt{3} \times \frac{200\sqrt{3}}{3} = 200 (\text{m})$$

25. 다음 그림의 삼각형 ABC에서 $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\angle A = 30^\circ$, $\angle CBH = 60^\circ$ 이다.
 \overline{CH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

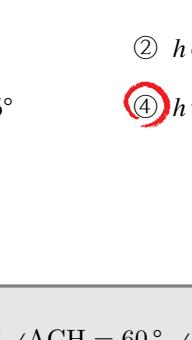
▷ 정답: $5\sqrt{3}\text{cm}$

해설

$$\overline{AB} = \overline{BC} = 10(\text{cm})$$

$$\overline{CH} = 10 \sin 60^\circ = 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}(\text{cm})$$

26. 다음 그림에서 $\overline{AH} = h$ 라 할 때, \overline{CH} 의 길이를 h 로 나타낸 것은?

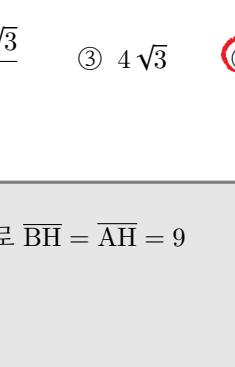


- ① $\frac{h}{\sin 45^\circ}$
- ② $h \cos 30^\circ$
- ③ $h \tan 60^\circ - h \tan 45^\circ$
- ④ $h \tan 30^\circ$
- ⑤ h

해설

$\angle ACB = 120^\circ$ [므로 $\angle ACH = 60^\circ$, $\angle CAH = 30^\circ$]
 $\therefore \overline{CH} = h \tan 30^\circ$

27. 다음 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 는?



- ① $3\sqrt{3}$ ② $\frac{7\sqrt{3}}{2}$ ③ $4\sqrt{3}$ ④ $\frac{9\sqrt{3}}{2}$ ⑤ $5\sqrt{3}$

해설

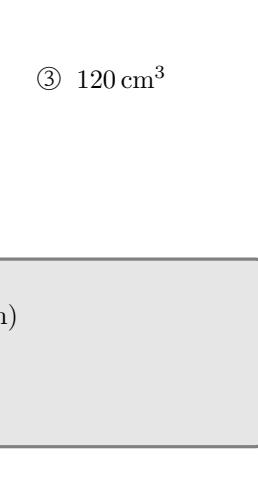
$$\angle BAH = 30^\circ \text{ } \therefore \overline{BH} = \overline{AH} = 9$$

$$h = \overline{AH} \cdot \sin 60^\circ$$

$$= 9 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{9\sqrt{3}}{2}$$

28. 다음 그림과 같이 $\overline{FG} = 4\text{ cm}$, $\overline{GH} = 5\text{ cm}$, $\angle CFG = 60^\circ$ 인 직육면체가 있다.
이 직육면체의 부피는?



- ① 80 cm^3 ② $\frac{80}{3}\text{ cm}^3$ ③ 120 cm^3
④ $80\sqrt{3}\text{ cm}^3$ ⑤ 160 cm^3

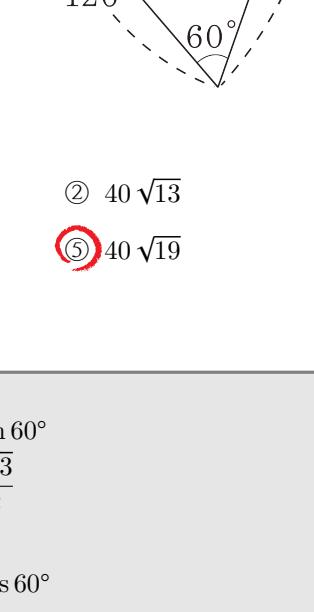
해설

직육면체의 높이는 $4 \cdot \tan 60^\circ = 4\sqrt{3}(\text{cm})$

따라서 직육면체의 부피는

$$4 \times 5 \times 4\sqrt{3} = 80\sqrt{3}(\text{cm}^3)$$

29. 직접 측할 수 없는 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하기 위하여 다음 그림과 같이 측량하였다. 이 때, \overline{AB} 의 길이를 구하면?



- ① $40\sqrt{11}$ ② $40\sqrt{13}$ ③ $40\sqrt{15}$
 ④ $40\sqrt{17}$ ⑤ $40\sqrt{19}$

해설

$$\overline{BH} = 200 \times \sin 60^\circ$$

$$= 200 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= 100\sqrt{3}$$

$$\overline{CH} = 200 \times \cos 60^\circ$$

$$= 200 \times \frac{1}{2}$$

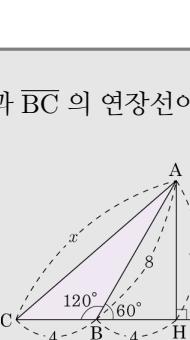
$$= 100$$

$$\therefore \overline{AB} = \sqrt{(100\sqrt{3})^2 + 20^2}$$

$$= \sqrt{30400} = 40\sqrt{19}$$



30. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AC} 의 길이는?



- ① $\sqrt{7}$ ② $6\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{7}$ ④ $7\sqrt{2}$ ⑤ $4\sqrt{7}$

해설

점 A에서 내린 수선과 \overline{BC} 의 연장선이 만나는 점을 H라 할 때



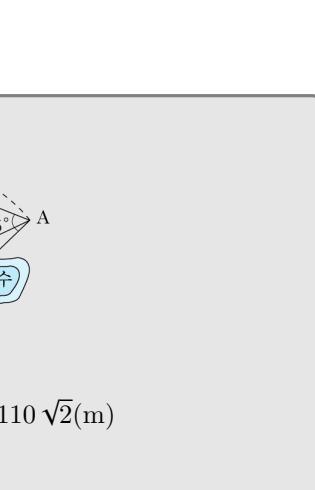
$$\overline{AH} = 8 \times \sin 60^\circ = 4\sqrt{3}$$

$$\overline{BH} = 8 \times \cos 60^\circ = 4$$

$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{(4\sqrt{3})^2 + 8^2} = 4\sqrt{7}$$

31. 그림과 같은 공원에서 A 지점과 C 지점 사이의 거리를 계산하였더니 220m이다. A 지점과 B 지점 사이의 거리는?

① $\frac{211\sqrt{6}}{3}$ m ② $\frac{215\sqrt{6}}{3}$ m
 ③ $\frac{217\sqrt{6}}{3}$ m ④ $\frac{219\sqrt{6}}{3}$ m
 ⑤ $\frac{220\sqrt{6}}{3}$ m



해설

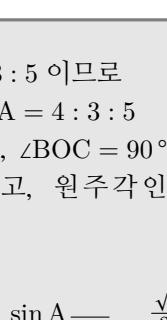


$$\overline{CH} = 220 \times \sin 45^\circ = 220 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 110\sqrt{2}(\text{m})$$

$$\therefore \overline{CH} = \overline{AH}$$

$$\therefore \overline{AB} = \frac{\overline{AH}}{\cos 30^\circ} = \frac{220\sqrt{6}}{3} (\text{m})$$

32. 다음 그림과 같이 삼각형 ABC의 외접원 O에 대하여 호AB, 호BC, 호CA의 길이의 비가 4 : 3 : 5이고, $\overline{AB} = \sqrt{3}$ 일 때, \overline{BC} 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\sqrt{2}$

해설

호의 길이의 비가 4 : 3 : 5 이므로
 $\angle AOB : \angle BOC : \angle COA = 4 : 3 : 5$
따라서 $\angle AOB = 120^\circ$, $\angle BOC = 90^\circ$,

$\angle COA = 150^\circ$ 이고, 원주각인 $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ 는 각각
45°, 75°, 60°

사인법칙에 의하여

$$\frac{\overline{AB}}{\sin C} = \frac{\overline{BC}}{\sin A}, \overline{BC} = \frac{\sin A}{\sin C} \overline{AB} = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} \times \sqrt{3} = \sqrt{2} \text{ 이다.}$$

$$\therefore \overline{BC} = \sqrt{2}$$

33. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에서 x 의 값은?



- ① $25(\sqrt{3} - 1)$ m ② 50m
 ③ $50(\sqrt{3} + 1)$ m ④ $100(\sqrt{3} + 1)$ m
 ⑤ 150m

해설



$$\tan 45^\circ = \frac{\overline{CH}}{x}$$

$$\therefore \overline{CH} = x \tan 45^\circ$$

$$\overline{BH} = x \tan 60^\circ$$

$$\overline{BC} = \overline{BH} - \overline{CH} = x \tan 60^\circ - x \tan 45^\circ$$

$$x(\tan 60^\circ - \tan 45^\circ) = 100$$

$$\therefore x = \frac{100}{\tan 60^\circ - \tan 45^\circ}$$

$$= \frac{100}{\sqrt{3} - 1}$$

$$= 50(\sqrt{3} + 1)(\text{m})$$