

1. 두 다항식  $A = 3x - y + 1$ ,  $B = -x + 2y - 2$ 에 대하여  $A - B$ 의 계산 결과로 맞는 식은?

- ①  $2x - 3y - 1$
- ②  $4x + y - 1$
- ③  $2x + 3y + 3$
- ④  $4x - 3y + 3$
- ⑤  $2x + y - 1$

해설

$$\begin{aligned}A - B &= (3x - y + 1) - (-x + 2y - 2) \\&= 3x - y + 1 + x - 2y + 2 \\&= 4x - 3y + 3\end{aligned}$$

2. 다항식  $(x^2 + 1)^4(x^3 + 1)^3$ 의 차수는?

① 5차

② 7차

③ 12차

④ 17차

⑤ 72차

해설

$(x^2 + 1)^4$ 는 8차식,  $(x^3 + 1)^3$ 은 9차식

따라서  $(x^2 + 1)^4(x^3 + 1)^3$ 은

$8 + 9 = 17$ 차 다항식이다.

3.  $(a - b - c)^2$  을 옳게 전개한 것은?

①  $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$

②  $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$

③  $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$

④  $\textcircled{a} a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca$

⑤  $a^2 - b^2 - c^2 + 2ab - 2bc - 2ca$

해설

$$(a - b - c)^2$$

$$= a^2 + (-b)^2 + (-c)^2 + 2a(-b) + 2(-b)(-c) + 2(-c)a$$

$$= a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca$$

4.  $1999 \times 2001$ 의 값을 구하려 할 때, 가장 적절한 곱셈공식은?

- ①  $m(a + b) = ma + mb$
- ②  $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ③  $(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$
- ④  $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- ⑤  $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}1999 \times 2001 &= (2000 - 1) \times (2000 + 1) \\&= 2000^2 - 1^2\end{aligned}$$

5. 등식  $ax^2 - (2a+c)x - 1 = (b-2)x^2 + (b+3)x - c$  가  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b, c$ 를 정할 때,  $a^2 + b^2 + c^2$  의 값은?

- ① 4      ② 5      ③ 6      ④ 7      ⑤ 8

해설

$$(준식) = (a - b + 2)x^2 - (2a + c + b + 3)x - 1 + c = 0$$

이 식이  $x$ 에 대한 항등식이므로

$$a - b + 2 = 0, \quad 2a + c + b + 3 = 0, \quad c = 1$$

$$\Rightarrow a = -2, \quad b = 0, \quad c = 1$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 5$$

6. 다음 등식이  $x$ 에 대한 항등식일 때,  $a - b + c$ 의 값은?

$$x^2 - 2x + 4 = a(x - 1)(x - 2) + bx(x - 2) + cx(x - 1)$$

- ① 8      ② 7      ③ 3      ④ 0      ⑤ -3

해설

주어진 등식이  $x$ 에 대한 항등식이므로  $x$ 에 어떤 값을 대입하여도 성립한다.

$x = 0$ 을 대입하면

$$4 = 2a \quad \therefore a = 2$$

$x = 1$ 을 대입하면

$$3 = -b \quad \therefore b = -3$$

$x = 2$ 을 대입하면

$$4 = 2c \quad \therefore c = 2$$

$$\therefore a - b + c = 2 - (-3) + 2 = 7$$

7.  $(x+y)a - (x-y)b - (y-z)c - 4z = 0$  이  $x, y, z$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 곱  $abc$ 를 구하면?

- ① 4      ② 8      ③ 16      ④ 32      ⑤ 64

해설

$x, y, z$ 에 대해 정리하면

$$(a-b)x + (a+b-c)y + (c-4)z = 0$$

$x, y, z$ 에 대한 항등식이므로

$$a = b, a + b - c = 0, c = 4$$

$$\therefore a = b = 2, c = 4$$

$$\therefore abc = 16$$

8. 다항식  $f(x) = x^3 + 2x^2 - x + k$  가 일차식  $x - 1$  을 인수로 가질 때, 이 다항식  $f(x)$  를 인수분해 하면?

①  $(x - 2)(x - 1)(x + 1)$

②  $(x - 1)x(x + 2)$

③  $(x + 1)(x - 1)(x + 2)$

④  $(x - 2)(x - 1)(x + 2)$

⑤  $(x - 2)(x + 1)(x + 2)$

해설

$$f(x) = (x - 1)Q(x) \Rightarrow f(1) = 0$$

$$\therefore f(1) = 2 + k = 0, \quad \therefore k = -2$$

$$\begin{aligned} \therefore f(x) &= x^3 + 2x^2 - x - 2 \\ &= (x - 1)(x + 1)(x + 2) \end{aligned}$$

9.  $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해하였더니,  $(x + ay)(x - by + c)$ 가 되었다.  
이 때,  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 를 순서대로 쓴 것은?

- ① -1, 0, 1      ② -1, 1, 2      ③ -2, -1, 1  
**④ -1, -1, -2**      ⑤ -1, 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y &= (x + y)(x - y) - 2(x - y) \\&= (x - y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = -1, c = -2$$

10. 다음 중 다항식  $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 3$

②  $x + 3$

③  $x^2 + 1$

④  $x^2 + 9$

⑤  $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$

$$= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$$

⑤  $x^2(x + 3) + x + 3 = (x^2 + 1)(x + 3)$

11. 다항식  $f(x)$ ,  $g(x)$ 에서  $f(x)$ 를  $x^2 - 1$ 로 나눈 나머지가 2이고  $g(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눈 나머지가  $2x + 1$ 이다.  $2f(x) + 3g(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지는?

① 13

② -13

③ 16

④ -16

⑤ 26

해설

$$f(x) = (x^2 - 1)Q_1(x) + 2,$$

$$\therefore f(1) = 2$$

$$g(x) = (x^2 - 3x + 2)Q_2(x) + 2x + 1,$$

$$\therefore g(1) = 3$$

$2f(x) + 3g(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지는

$$2f(1) + 3g(1) = 2 \cdot 2 + 3 \cdot 3 = 13$$

12. 다항식  $(x - 1)(x - 3)(x + 2)(x + 4) + 21$  를 인수분해 하면?

- ①  $(x^2 - x - 5)(x^2 + x - 9)$       ②  $(x^2 - x - 5)(x^2 - x - 9)$   
③  $(x^2 + x + 5)(x^2 + x + 9)$       ④  $(x^2 + x - 5)(x^2 + x - 9)$   
⑤  $(x^2 - x + 5)(x^2 + x + 9)$

해설

$$(\text{준식}) = (x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4) + 21$$

$$= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12) + 21$$

$x^2 + x = A$  로 치환하면,

$$(A - 2)(A - 12) + 21 = A^2 - 14A + 45$$

$$= (A - 9)(A - 5)$$

$$\therefore (x^2 + x - 9)(x^2 + x - 5)$$

13. 두 다항식  $x^3 + 2x^2 - x - 2$  와  $x^2 + ax + b$ 의 최대공약수는  $x + 1$ 이고, 최소공배수는  $x^4 - 5x^2 + 4$ 이다. 이 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $ab$ 의 값은?

- ① -2      ② 2      ③ 3      ④ 1      ⑤ -1

해설

$$x^3 + 2x^2 - x - 2 = (x + 1)(x + 2)(x - 1)$$

$$x^2 + ax + b = (x + 1)(x + k)$$

$$x^4 - 5x^2 + 4 = (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2)$$

$$\therefore (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2) = (x + 1)(x + 2)(x - 1)(x + k)$$

$$\therefore k = -2$$

$$x^2 + ax + b = (x + 1)(x - 2) = x^2 - x - 2$$

$$\therefore a = -1, b = -2$$

$$\therefore ab = 2$$

14. 1999개의 다항식  $x^2 - 2x - 1$ ,  $x^2 - 2x - 2$ ,  $\dots$ ,  $x^2 - 2x - 1999$  중에서 계수가 정수인 일차식의 곱으로 인수분해 되는 것은 모두 몇 개인가?

- ① 43 개      ② 44 개      ③ 45 개      ④ 46 개      ⑤ 47 개

해설

$x^2 - 2x - n = (x+a)(x-b)$  ( $a, b$  는 자연수) 라 하면 ( $1 \leq n \leq 1999$  인 자연수)

$$ab = n, \quad a = b - 2$$

$$\therefore n = 1 \cdot 3, \quad 2 \cdot 4, \quad 3 \cdot 5, \quad \dots, \quad 43 \cdot 45 (= 1935) \text{ 의 } 43 \text{ 개}$$

15. 삼각형의 세 변의 길이  $a, b, c$  사이에  $a^3 + a^2b - ac^2 + ab^2 + b^3 - bc^2 = 0$  의 관계가 성립한다면 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ①  $a = b$  인 이등변삼각형
- ②  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형
- ③  $b = c$  인 이등변삼각형
- ④  $\angle C = 90^\circ$  인 직각삼각형
- ⑤ 정삼각형

해설

$$a^3 + a^2b - ac^2 + ab^2 + b^3 - bc^2 = 0$$

$$a^2(a+b) + b^2(a+b) - c^2(a+b) = 0$$

$$(a+b)(a^2 + b^2 - c^2) = 0$$

$$a = -b \text{ 또는 } c^2 = a^2 + b^2$$

$$a, b, c \text{ 모두 양수이므로, } c^2 = a^2 + b^2$$

$$\therefore \angle C = 90^\circ \text{ 인 직각삼각형}$$