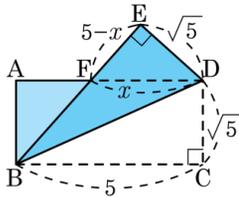


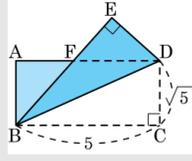
1. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 대각선 BD 를 접는 선으로 하여 접어서 점 C 가 옮겨진 점을 E , BE 와 AD 의 교점을 F 라 할 때, FD 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설



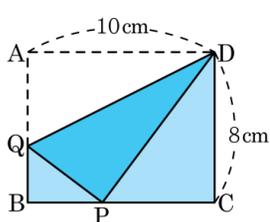
$\overline{FD} = x$ 라 하면

$\overline{AF} = \overline{EF} = 5 - x$

$\triangle EFD$ 에서 $(5 - x)^2 + (\sqrt{5})^2 = x^2$, $10x = 30$

$\therefore x = 3$

2. 다음 그림과 같이 가로 길이가 10cm, 세로 길이가 8cm 인 직사각형을 꼭짓점 A가 BC 위의 점 P에 오도록 접었다. 이 때, $\triangle DQP$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^2$

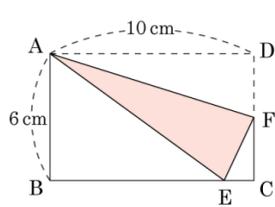
▷ 정답: 25 cm^2

해설

$\triangle DPC$ 에서 $\overline{PC} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6$
 \overline{AQ} 를 x 라고 하면, $\triangle QBP$ 에서 $\overline{QB} = 8 - x$, $\overline{BP} = 4$, $\overline{QP} = x$
 $x^2 = (8 - x)^2 + 4^2$, $x = 5$

$\overline{QP} = 5\text{cm}$, $\overline{DP} = 10\text{cm}$, $\triangle QPD = \frac{1}{2} \times 5 \times 10 = 25(\text{cm}^2)$

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

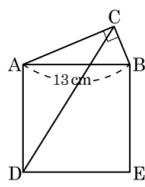


- ① $\overline{AE} = 10 \text{ cm}$
- ② $\overline{BE} = 8 \text{ cm}$
- ③ $\angle DAF = \angle EAF$
- ④ $\triangle ADF \cong \triangle AEF$
- ⑤ $\angle AFE = 90^\circ$

해설

$\overline{AD} = \overline{AE} = 10 \text{ cm}$, $\overline{BE} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8(\text{cm})$, $\angle DAF = \angle EAF$, \overline{AF} 는 공통이므로 $\triangle ADF \cong \triangle AEF$ (SAS 합동)이다. $\angle AEF = 90^\circ$ 이므로 ⑤ 이다.

4. 다음 그림은 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 변 \overline{AB} 를 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. $\overline{AB} = 13\text{ cm}$, $\triangle ACD = 72\text{ cm}^2$ 일 때, \overline{BC} 를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이는?

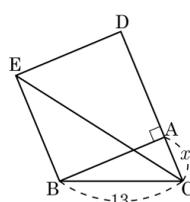


- ① 21 cm^2 ② 22 cm^2 ③ 25 cm^2
 ④ 30 cm^2 ⑤ 40 cm^2

해설

$\triangle ACD$ 는 \overline{AC} 를 한 변으로 하는 정사각형 넓이의 $\frac{1}{2}$ 이므로 \overline{AC} 를 한 변으로 가지는 정사각형의 넓이는 144 cm^2 이다.
 또, $\square ADEB = 13^2 = 169 (\text{cm}^2)$ 이므로 \overline{BC} 를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이는 $169 - 144 = 25 (\text{cm}^2)$ 이다.

5. 그림과 같이 직각삼각형 ABC의 \overline{AB} 를 한 변으로 하는 정사각형 ADEB를 그렸을 때, $\triangle EBC$ 의 넓이가 72 cm^2 이면 \overline{AC} 의 길이는 얼마인지 구하여라. (단, 단위는 생략)



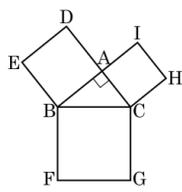
▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned} \triangle EBC &= \triangle EBA = 72\text{ cm}^2 \\ \square ADEB &= 144\text{ cm}^2, \overline{AB} = 12\text{ cm} \\ \therefore \overline{AC} &= \sqrt{13^2 - 12^2} = 5\text{ (cm)} \end{aligned}$$

6. 다음 그림은 직각삼각형 ABC의 각 변을 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 10이고 $\square ADEB$ 의 넓이가 25일 때, 두 정사각형 BFGC, ACHI의 넓이의 차를 구하면?

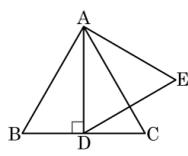


- ① 21 ② 22 ③ 23
 ④ 24 ⑤ 25

해설

$\square ADEB + \square ACHI = \square BFGC$
 $\square BFGC - \square ACHI = \square ADEB$
 따라서 구하는 넓이는 $\square ADEB = 25$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 정삼각형 ABC의 높이 AD를 한 변으로 하는 정삼각형 ADE의 넓이가 $12\sqrt{3}\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하면?



- ① $12\sqrt{3}\text{cm}^2$ ② $16\sqrt{3}\text{cm}^2$
 ③ $16\sqrt{2}\text{cm}^2$ ④ $12\sqrt{6}\text{cm}^2$
 ⑤ $12\sqrt{2}\text{cm}^2$

해설

$\sqrt{AD} = h\text{cm}$ 라 하면,

$$\triangle ADE \text{의 넓이} = \frac{\sqrt{3}}{4} \times h^2 = 12\sqrt{3}$$

따라서, $h = 4\sqrt{3}$

$\triangle ABC$ 의 한 변을 $x(\text{cm})$ 로 두면,

$$\frac{\sqrt{3}}{2}x = 4\sqrt{3} \text{ 이므로 } x = 8$$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 8^2 = 16\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{이다.}$$

8. 높이가 6 cm 인 정삼각형의 넓이를 구하면?

① 6 cm^2

② 9 cm^2

③ $9\sqrt{3} \text{ cm}^2$

④ $10\sqrt{2} \text{ cm}^2$

⑤ $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

해설

정삼각형의 한 변의 길이를 $a \text{ cm}$ 라 하면,

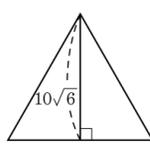
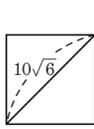
$$\text{높이 } h = \frac{\sqrt{3}}{2}a \text{ 이므로 } \frac{\sqrt{3}}{2}a = 6$$

$$\therefore a = 4\sqrt{3}$$

따라서, 넓이

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}(4\sqrt{3})^2 = 12\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

9. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 $10\sqrt{6}$ 인 정사각형과 높이가 $10\sqrt{6}$ 인 정삼각형이 있다. 정사각형과 정삼각형의 넓이를 각각 A, B 라 할 때, $A : B$ 는?



- ① $\sqrt{2} : 2$ ② $\sqrt{3} : 2$ ③ $\sqrt{3} : 3$
 ④ $2 : \sqrt{3}$ ⑤ $3 : 2$

해설

정사각형의 한 변의 길이를 a 라 하면,
 $a^2 + a^2 = (10\sqrt{6})^2$ 이고 $a^2 = 300$

$\therefore A = a^2 = 300$

정삼각형의 한 변의 길이를 b 라 하면,

$b : 10\sqrt{6} = 2 : \sqrt{3}$

$b = 20\sqrt{2} \quad \therefore B = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (20\sqrt{2})^2 = 200\sqrt{3}$

따라서, $A : B = 300 : 200\sqrt{3} = \sqrt{3} : 2$ 이다.