

1. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 에서 \overline{BD} 를 접는 선으로 하여 접었다. \overline{AF} 의 길이를 x 로 놓을 때, \overline{BF} 의 길이를 x 에 관한 식으로 나타내면?



- ① $x + 4$ ② $2x$ ③ $8 - x$ ④ $6 - x$ ⑤ x^2

해설

$\triangle ABF \cong \triangle EDF$ 이므로 $\overline{AF} = x$ 라 하면
 $\overline{BF} = 8 - x$ 이다.

2. 다음 그림의 이등변삼각형 ABC에서 높이 \overline{AH} 는?

① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{3}$

④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $5\sqrt{2}$



해설

$$\overline{AH} = \sqrt{6^2 - 2^2} = 4\sqrt{2}$$

3. 철수의 4 회에 걸친 수학 성적이 80, 82, 86, 76 이다. 다음 시험에서 몇 점을 받아야 평균이 84 점이 되겠는가?

- ① 90 점 ② 92 점 ③ 94 점 ④ 96 점 ⑤ 98 점

해설

다음에 받아야 할 점수를 x 점이라고 하면

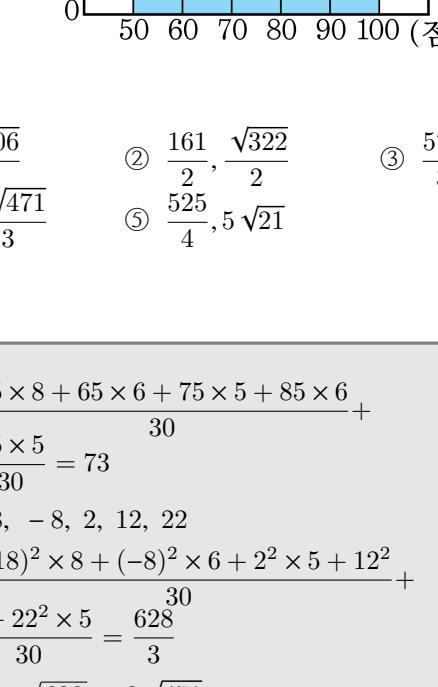
$$(\text{평균}) = \frac{80 + 82 + 86 + 76 + x}{5} = 84$$

$$\frac{324 + x}{5} = 84$$

$$324 + x = 420$$

$$\therefore x = 96(\text{점})$$

4. 다음은 희종이네 반 학생 30 명의 수학 성적을 나타낸 히스토그램이다. 희종이네 반 학생들의 수학 성적의 분산과 표준편차를 차례대로 구하면?



$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & \frac{53}{2}, \frac{\sqrt{106}}{2} & \textcircled{2} & \frac{161}{2}, \frac{\sqrt{322}}{2} \\ \textcircled{4} & \frac{628}{3}, \frac{2\sqrt{471}}{3} & \textcircled{5} & \frac{525}{4}, 5\sqrt{21} \end{array}$$

해설

$$\text{평균: } \frac{55 \times 8 + 65 \times 6 + 75 \times 5 + 85 \times 6}{30} + \frac{95 \times 5}{30} = 73$$

편차: -18, -8, 2, 12, 22

$$\text{분산: } \frac{(-18)^2 \times 8 + (-8)^2 \times 6 + 2^2 \times 5 + 12^2}{30} + \frac{6 + 22^2 \times 5}{30} = \frac{628}{3}$$

$$\text{표준편차: } \sqrt{\frac{628}{3}} = \frac{2\sqrt{471}}{3}$$

5. 다음 그림에서 $\overline{BF} = 3\sqrt{5}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?

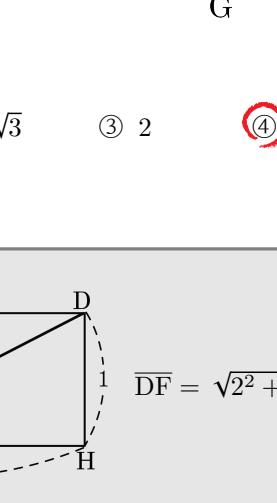
- ① 1 ② $\sqrt{3}$ ③ 3
④ 4 ⑤ $\sqrt{5}$



해설

$\overline{AC} = a$ 라고 두면
 $\overline{BF} = \sqrt{a^2 + a^2 + a^2 + a^2 + a^2} = a\sqrt{5} = 3\sqrt{5}, a = 3$ 이다.

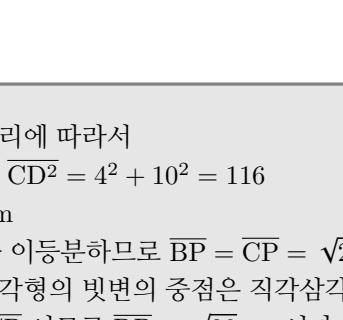
6. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 1인 정육면체의 꼭짓점 F에서 모서리 CG를 지나 꼭짓점 D에 이르는 최단 거리를 구하면?



- ① $\sqrt{2}$ ② $\sqrt{3}$ ③ 2 ④ $\sqrt{5}$ ⑤ $\sqrt{6}$



7. 직각삼각형 BCD에서 $\overline{BD} = 4\text{cm}$, $\overline{CD} = 10\text{cm}$ 이고, 점 P가 \overline{BC} 를 이등분할 때, \overline{PD} 의 길이는?



- ① $\sqrt{29}\text{ cm}$ ② $\sqrt{30}\text{ cm}$ ③ $\sqrt{31}\text{ cm}$
④ $4\sqrt{2}\text{ cm}$ ⑤ $\sqrt{33}\text{ cm}$

해설

피타고라스 정리에 따라서
 $\overline{BC}^2 = \overline{BD}^2 + \overline{CD}^2 = 4^2 + 10^2 = 116$

$$\overline{BC} = 2\sqrt{29}\text{ cm}$$

점 P가 \overline{BC} 를 이등분하므로 $\overline{BP} = \overline{CP} = \sqrt{29}\text{ cm}$

그런데 직각삼각형의 빗변의 중점은 직각삼각형의 외심이므로
 $\overline{DP} = \overline{BP} = \overline{CP}$ 이므로 $\overline{DP} = \sqrt{29}\text{ cm}$ 이다.

8. 세 변의 길이가 다음과 같은 삼각형 중에서 직각삼각형인 것은?

- ① $\sqrt{2}, \sqrt{2}, \sqrt{5}$ ② 4, 5, 6 ③ 2, 3, $\sqrt{10}$
④ $\sqrt{5}, \sqrt{11}, 4$ ⑤ 7, 8, 10

해설

$$(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{11})^2 = 4^2$$

9. 다음 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AB} = 5\text{ cm}$, $\overline{BC} = 3\text{ cm}$ 일 때, \overline{AC} 를 한 변으로 하는 정삼각형 ACD의 넓이를 구하면?

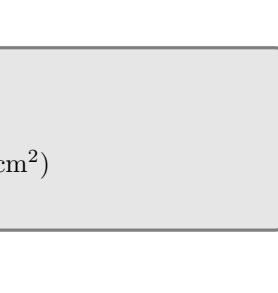
① 4 cm^2

② $4\sqrt{2}\text{ cm}^2$

③ $3\sqrt{3}\text{ cm}^2$

④ $2\sqrt{2}\text{ cm}^2$

⑤ $4\sqrt{3}\text{ cm}^2$



해설

$$\overline{AC} = 4\text{ cm} \text{ 이므로}$$

$$\triangle ACD \text{의 넓이 } S = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 4^2 = 4\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

10. 다음 그림에서 반지름의 길이가 6 cm 인 원 O의 둘레를 6 등분하는 점을 각각 A, B, C, D, E, F 라 한다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면? (색칠한 부분은 $\triangle AOB + \triangle FOE + \triangle COD$ 이다.)

① $24\sqrt{3} \text{ cm}^2$

② $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

③ 12 cm^2

④ $27\sqrt{3} \text{ cm}^2$

⑤ $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$



해설

$\triangle AOB$ 는 길이가 6 cm 인 정삼각형이므로

$$\triangle AOB = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 6^2 = 9\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

따라서 색칠한 부분의 넓이는

$$9\sqrt{3} \times 3 = 27\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

11. 직육면체의 세 모서리의 길이의 비가 $1 : 2 : 3$ 이고 대각선의 길이가 $4\sqrt{14}$ 일 때, 이 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합은?

- ① 12 ② 24 ③ 36 ④ 72 ⑤ 96

해설

직육면체의 세 모서리의 길이의 비가 $1 : 2 : 3$ 이므로 세 변의 길이를 각각 $k, 2k, 3k$ (k 는 양의 실수)로 나타낼 수 있다.

대각선의 길이가 $4\sqrt{14}$ 이므로

$$\sqrt{k^2 + (2k)^2 + (3k)^2} = 4\sqrt{14}$$

$$14k^2 = 224, k^2 = 16$$

$$k > 0 \text{ 이므로 } k = 4$$

따라서 세 변의 길이는 4, 8, 12이다.

따라서 이 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합은 $4 \times (4 + 8 + 12) = 96$ 이다.

12. 네 수 5, 7, x , y 의 평균이 4이고, 분산이 3 일 때, 5, $2x^2$, $2y^2$, 7의 평균은?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

변량 5, 7, x , y 의 평균이 4 이므로

$$\frac{5+7+x+y}{4} = 4, \quad x+y+12=16$$

$$\therefore x+y=4 \quad \dots \textcircled{7}$$

또한, 분산이 3 이므로

$$\frac{(5-4)^2+(7-4)^2+(x-4)^2+(y-4)^2}{4}=3,$$

$$\frac{1+9+x^2-8x+16+y^2-8y+16}{4}=3,$$

$$\frac{x^2+y^2-8(x+y)+42}{4}=3$$

$$x^2+y^2-8(x+y)+42=12$$

$$\therefore x^2+y^2-8(x+y)=-30 \quad \dots \textcircled{L}$$

⑦의 식에 ⑦을 대입하면

$$\therefore x^2+y^2=8(x+y)-30=8\times 4-30=2$$

따라서 5, $2x^2$, $2y^2$, 7의 평균은

$$\frac{5+2x^2+2y^2+7}{4}=\frac{12+2(x^2+y^2)}{4}=\frac{12+4}{4}=4 \text{ 이다.}$$

13. 세 수 x, y, z 의 평균과 분산이 각각 3, 4 일 때, $x - 1, y - 1, z - 1$ 의 평균과 표준편차를 차례대로 구하여라.

① 2, 2 ② 3, 5 ③ 4, 4 ④ 5, 4 ⑤ 6, 5

해설

세 수 x, y, z 의 평균이 3 이므로

$$\frac{x+y+z}{3} = 3$$

$$\therefore x+y+z = 9 \quad \dots \textcircled{1}$$

또한, x, y, z 의 분산이 4 이므로

$$\frac{(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2}{3} = 4$$

$$(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2 = 12$$

$$x^2 - 6x + 9 + y^2 - 6y + 9 + z^2 - 6z + 9 = 12$$

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6(x+y+z) + 27 = 12$$

위의 식에 ①을 대입하면

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6 \times 9 + 27 = 12$$

$$\therefore x^2 + y^2 + z^2 = 39$$

한편, $x - 1, y - 1, z - 1$ 의 평균은

$$\frac{(x-1) + (y-1) + (z-1)}{3}$$

$$= \frac{(x+y+z) - 3}{3} = \frac{9-3}{3} = 2$$

분산은

$$\frac{(x-1-2)^2 + (y-1-2)^2 + (z-1-2)^2}{3}$$

$$= \frac{(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2}{3}$$

$$= \frac{x^2 + y^2 + z^2 - 6(x+y+z) + 9 \times 3}{3}$$

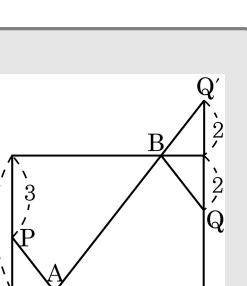
$$= \frac{39 - 6 \times 9 + 27}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

따라서 $x - 1, y - 1, z - 1$ 의 표준편차는 $\sqrt{4} = 2$ 이다.

14. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의 상자에서 개미가 입구 P를 출발하여 다음 그림과 같이 움직여 출구 Q로 빠져 나왔다. 이 때, 개미가 지나간 최단 거리는?

① $\sqrt{70}$ ② $\sqrt{105}$ ③ $\sqrt{130}$

④ $2\sqrt{35}$ ⑤ $5\sqrt{5}$

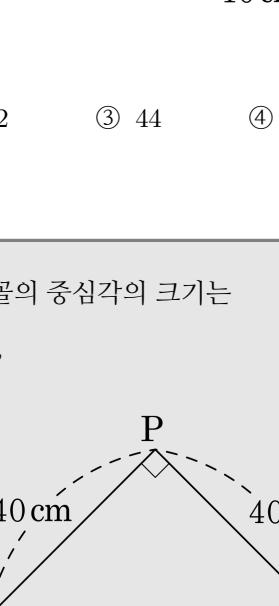


해설

그림에서 점 Q를 선분에 대칭이동한 점을 Q' , 점 P를 선분에 대칭이동한 점을 P' 라 하면
 $\overline{BQ} = \overline{BQ'}$, $\overline{AP} = \overline{AP'}$ 이므로 $P \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow Q$ 로 가는 경로의 최단 거리는 $\overline{P'Q'}$ 과 같다.
 \therefore 최단 거리 = $\overline{P'Q'} = \sqrt{7^2 + 9^2} = \sqrt{130}$ 이다.



15. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 10cm이고 모선의 길이가 40cm인 원뿔이 있다. 원뿔의 밑면의 한 점 A에서 출발하여 옆면을 따라 한 바퀴 돌아 다시 점 A로 돌아오는 최단 거리가 $a\sqrt{b}$ cm라고 할 때, $a + b$ 의 값은?(단, b는 최소의 자연수)



- ① 40 ② 42 ③ 44 ④ 46 ⑤ 50

해설

전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기는
 $\frac{10}{40} \times 360^\circ = 90^\circ$,



최단거리 $\overline{AA'} = 40\sqrt{2}$ cm이다.
 $a = 40, b = 2$ 이므로 $a + b = 42$