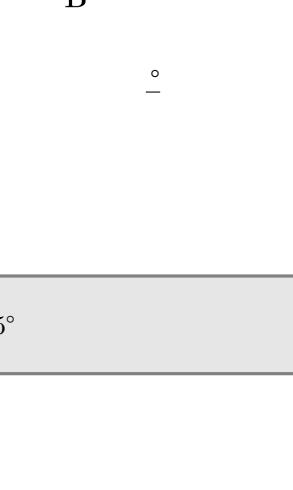


1. 다음 그림의 □ABCD에서 $\angle C$ 의 외각의 크기를 구하여라.



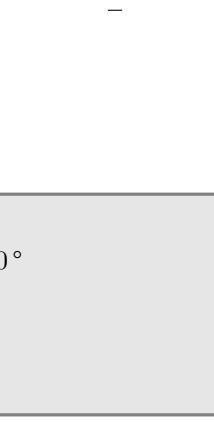
▶ 답: 55°

▷ 정답: 55 °

해설

$$180^{\circ} - 125^{\circ} = 55^{\circ}$$

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

▷ 정답: 80°

해설

$$40^\circ + x + \frac{3}{4}x = 180^\circ$$

$$\frac{7}{4}x = 140^\circ$$

$$\therefore \angle x = 80^\circ$$

3. 정십이각형의 한 내각의 크기와 한 외각의 차를 구하면?

- ① 100° ② 110° ③ 120° ④ 130° ⑤ 140°

해설

$$\text{한 외각의 크기} : 360^\circ \div 12 = 30^\circ$$

$$\text{한 내각의 크기} : 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$$

$$150^\circ - 30^\circ = 120^\circ$$

4. 다음 조건을 만족하는 다각형은?

- ㄱ. 6개의 선분으로 둘러싸여 있다.
- ㄴ. 변의 길이가 모두 같고 내각의 크기가 모두 같다.

① 정육면체 ② 정삼각형 ③ 육각형

④ 사각형 ⑤ 정육각형

해설

6 개의 선분으로 둘러싸여 있으므로 육각형이고, 변의 길이와 내각의 크기가 모두 같으므로 정육각형이다.

5. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 5 개인 다각형을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 팔각형

해설

구하는 다각형을 n 각형이라 하면

$$n - 3 = 5 \therefore n = 8$$

따라서 구하는 다각형은 팔각형이다.

6. 6 개의 선분으로 둘러 싸여 있고, 모든 변의 길이와 모든 내각의 크기가 같은 다각형의 대각선의 총수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 9개

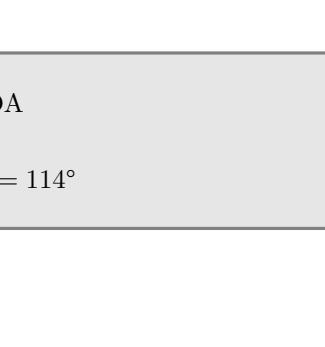
해설

6 개의 선분으로 둘러 싸여 있고, 모든 변의 길이와 모든 내각의 크기가 같은 다각형은 정육각형이다.

정육각형의 대각선의 총수는

$$\frac{6(6 - 3)}{2} = 9(\text{개})$$

7. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BD} = \overline{DC} = \overline{AC}$ 이고 $\angle BAC = 76^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

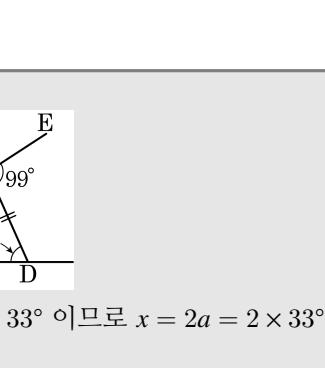


- ① 100° ② 104° ③ 108° ④ 108° ⑤ 114°

해설

$$\begin{aligned}2\angle DBC &= \angle CDA \\ \angle DBC &= 38^\circ \\ \therefore x &= 3 \times 38^\circ = 114^\circ\end{aligned}$$

8. 그림과 같이 세 변 \overline{CA} , \overline{CB} , \overline{BD} 의 길이가 같고, $\angle EBD$ 의 크기가 99° 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

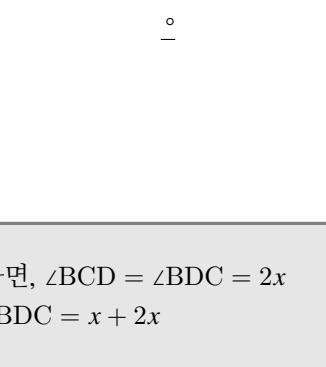


- ① 60° ② 63° ③ 66° ④ 76° ⑤ 80°

해설

$3a = 99^\circ$, $a = 33^\circ$ |므로 $x = 2a = 2 \times 33^\circ = 66^\circ$ 이다.

9. 다음 그림과 같이 세 변 CA, CB, BD 의 길이가 같고 $\angle EBD = 120^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

◦

▷ 정답: 40°

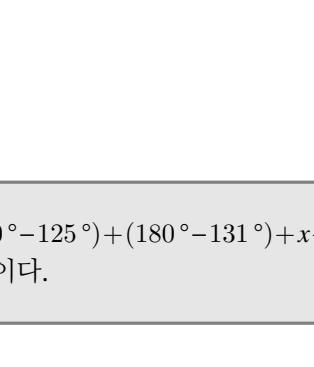
해설

$\angle A = x$ 라고 하면, $\angle BCD = \angle BDC = 2x$

$120^\circ = \angle A + \angle BDC = x + 2x$

$\therefore \angle x = 40^\circ$

10. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

°

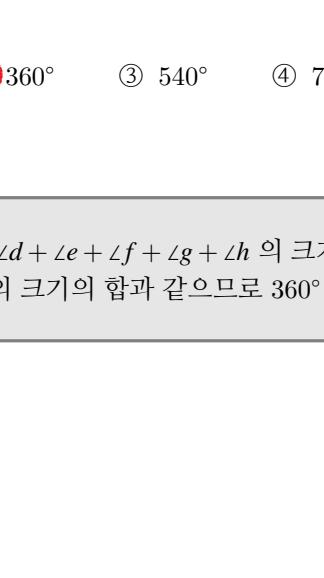
▷ 정답: 87°

해설

$$32^{\circ} + 45^{\circ} + (180^{\circ} - 125^{\circ}) + (180^{\circ} - 131^{\circ}) + x + 40^{\circ} + 52^{\circ} = 360^{\circ}$$

따라서 $x = 87$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g + \angle h$ 의 크기는?



- ① 180° ② 360° ③ 540° ④ 720° ⑤ 900°

해설

$\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g + \angle h$ 의 크기는 내부의 색칠한 사각형의 외각의 크기의 합과 같으므로 360° 이다.

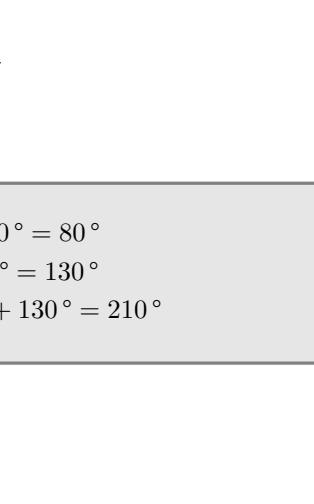
12. 정팔각형의 한 외각의 크기는?

- ① 45° ② 48° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

해설

다각형의 외각의 크기의 합은 360° 이므로 $\frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$ 이다.

13. 다음 그림의 육각형에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 210 °

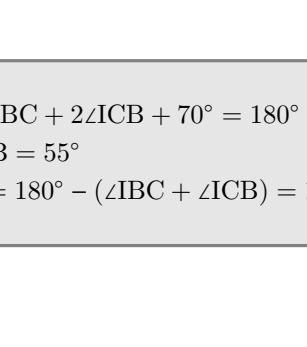
해설

$$\angle x = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

$$\angle y = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

$$\angle x + \angle y = 80^\circ + 130^\circ = 210^\circ$$

14. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 I라고 하자.
 $\angle A = 70^\circ$ 일 때, $\angle BIC$ 의 크기는?



- ① 120° ② 125° ③ 130° ④ 135° ⑤ 140°

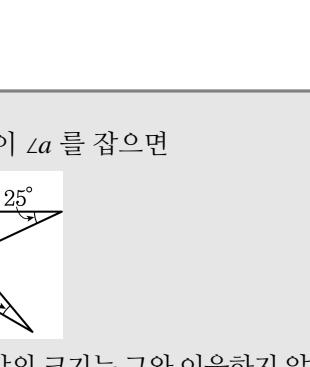
해설

$$\triangle ABC \text{에서 } 2\angle IBC + 2\angle ICB + 70^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle IBC + \angle ICB = 55^\circ$$

$$\triangle BIC \text{에서 } \angle x = 180^\circ - (\angle IBC + \angle ICB) = 125^\circ$$

15. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 95° ② 100° ③ 105° ④ 110° ⑤ 15°

해설

다음 그림과 같이 $\angle a$ 를 잡으면



삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로,

$$\angle a = 30 + 25 = 55^\circ \text{ 이고,}$$

$$\angle x = 50^\circ + 55^\circ = 105^\circ \text{ 이다.}$$

16. 한 외각의 크기가 40° 인 정다각형의 변의 개수는?

▶ 답: 9

▷ 정답: 9 개

해설

$$\frac{360^\circ}{n} = 40^\circ, \quad n = 9, \text{ 정구각형의 변의 개수는 } 9 \text{ 개}$$

17. 한 외각의 크기가 60° 인 정다각형의 한 내각의 크기를 구하여라.

▶ 답:

$^\circ$

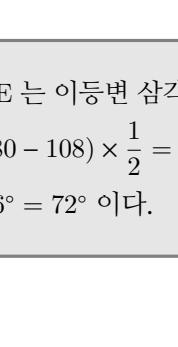
▷ 정답: 120°

해설

한 외각의 크기와 한 내각의 크기의 합은 180° 이다.

$$\therefore 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

18. 다음 그림은 정오각형이다. $\angle x$ 의 크기는?



- ① 68° ② 70° ③ 72° ④ 74° ⑤ 76°

해설

정오각형이므로 $\triangle CDE$ 는 이등변 삼각형이므로

$$\angle ECD = \angle CED = (180 - 108) \times \frac{1}{2} = 36^\circ \text{이다.}$$

따라서 $\angle x = 108^\circ - 36^\circ = 72^\circ$ 이다.

19. 다음과 같은 성질을 가진 다각형은?

- 모든 변의 길이가 같고 내각의 크기가 모두 같다.
- 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 8이다.

① 육각형 ② 팔각형 ③ 정팔각형

④ 정육각형 ⑤ 정팔각형

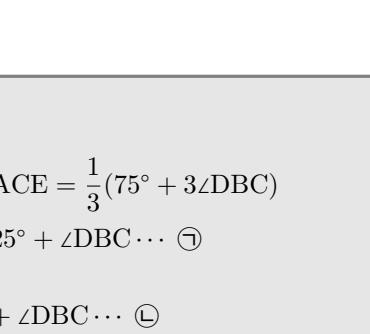
해설

모든 변의 길이가 같고 내각의 크기가 모두 같은 다각형을 정다각형이라 한다.

n 각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선은 $(n-3)$ 개 이므로 $n - 3 = 8$ 에서 $n = 11$ 이다.

따라서 위 조건을 만족하는 다각형은 정육각형이다.

20. 다음 그림에서 $\angle ABD = 2\angle DBC$, $\angle ACD = 2\angle DCE$, $\angle A = 75^\circ$ 일 때,
 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

—[°]

▷ 정답: 25°

해설

$\triangle ABC$ 에서

$$\angle DCE = \frac{1}{3}\angle ACE = \frac{1}{3}(75^\circ + 3\angle DBC)$$

$$\therefore \angle DCE = 25^\circ + \angle DBC \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$\triangle DBC$ 에서

$$\angle DCE = \angle x + \angle DBC \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}}\text{에서 } \angle x + \angle DBC = 25^\circ + \angle DBC$$

$$\therefore \angle x = 25^\circ$$