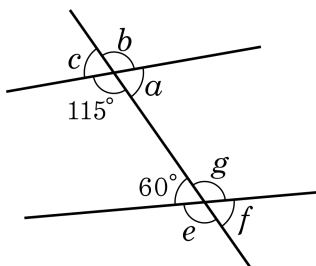


1. 다음 그림을 보고 $\angle a$ 의 동위각의 크기= () $^\circ$ 를 구하여라.



▶ 답 :

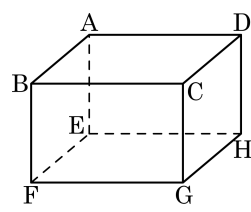
▷ 정답 : 60

해설

$\angle a$ 의 동위각은 $\angle f$ 이고, 맞꼭지각의 크기는 서로 같으므로 $\angle f = 60^\circ$ 이다.

2. 다음 그림의 직육면체에서 면 FGHE 에 수직인 모서리는 모두 몇 개인가?

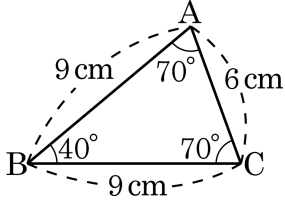
- ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개
④ 5 개 ⑤ 없다.



해설

수직인 모서리는 $\overline{AE}$, $\overline{BF}$, $\overline{CG}$, $\overline{DH}$ 의 4 개이다.

3. 다음 삼각형 중에서 다음 그림의 $\triangle ABC$ 와 SSS 합동이라고 말할 수 있는 삼각형은?



- ① ②
- ③ ④
- ⑤

해설

삼각형의 합동조건은

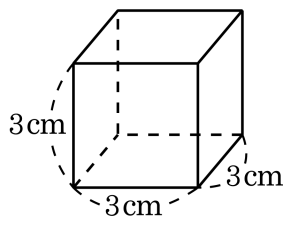
1. 대응하는 세 변의 길이가 각각 같을 때 (SSS 합동)
2. 대응하는 두 변의 길이가 각각 같고, 그 끼인각의 크기가 같을 때 (SAS 합동)
3. 대응하는 한 변의 길이가 같고, 그 양 끝각의 크기가 같을 때 (ASA 합동)

① ASA 합동

② SAS 합동

④ SSS 합동

4. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 3cm 인 정육면체의 겉넓이는 얼마인가?

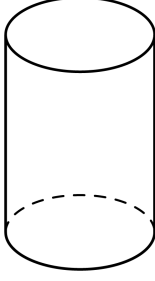


- ① 270cm^2 ② 54cm^2 ③ 18cm^2
④ 36cm^2 ⑤ 9cm^2

해설

정육면체는 모든 면의 넓이가 같으므로
 $3 \times 3 \times 6 = 54(\text{cm}^2)$

5. 다음 도형은 면과 면이 서로 만나고 있다. 교점과 교선은 각각 몇 개인가?

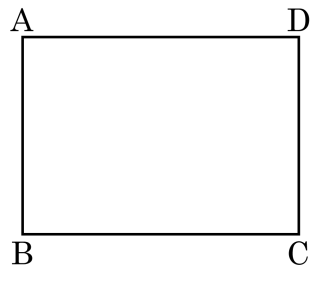


- ① 교점 : 1 개, 교선 : 1 개
- ② 교점 : 0 개, 교선 : 1 개
- ③ 교점 : 2 개, 교선 : 1 개
- ④ 교점 : 1 개, 교선 : 0 개
- ⑤ 교점 : 0 개, 교선 : 2 개

해설

원기둥의 교점은 존재하지 않으며 교선은 윗면과 아랫면이 옆면과 만나므로 2개이다.

6. 다음 그림과 같은 직사각형에서 변 AD 밖에 있는 꼭짓점의 개수와 변 CD 밖에 있는 꼭짓점의 개수를 더하여라.



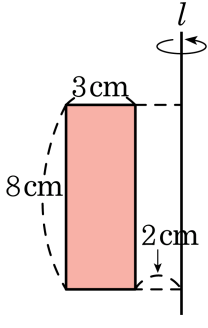
▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

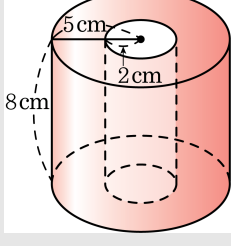
$\overline{AD}$ 밖에 있는 꼭짓점은 B, C 이므로 2 개이고, $\overline{CD}$ 밖에 있는 꼭짓점은 A, B 이므로 역시 2 개다.
따라서 합은 4 이다.

7. 다음 그림과 같은 직사각형을 직선 l 을 회전축으로 하여 1 회전시켰을 때, 생기는 입체도형의 부피와 겉넓이를 각각 구하면?



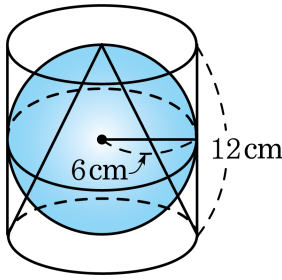
- ① $168\pi\text{cm}^3$, $154\pi\text{cm}^2$ ② $40\pi\text{cm}^3$, $90\pi\text{cm}^2$
③ $168\pi\text{cm}^3$, $122\pi\text{cm}^2$ ④ $40\pi\text{cm}^3$, $154\pi\text{cm}^2$
⑤ $153\pi\text{cm}^3$, $90\pi\text{cm}^2$

해설



$$\begin{aligned} V &= \pi \times 5^2 \times 8 - \pi \times 2^2 \times 8 = 168\pi(\text{cm}^3) \\ S &= 2 \times (\pi \times 5^2 - \pi \times 2^2) + 2\pi \times 5 \times 8 + 2\pi \times 2 \times 8 \\ &= 42\pi + 80\pi + 32\pi = 154\pi(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

8. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6cm 인 구와 원뿔이 내접하여 꼭 맞게 들어가는 원기둥이 있다. 원뿔과 구의 부피는 각각 얼마인가?



- ① $144\pi\text{cm}^3$, $288\pi\text{cm}^3$ ② $169\pi\text{cm}^3$, $288\pi\text{cm}^3$
 ③ $144\pi\text{cm}^3$, $312\pi\text{cm}^3$ ④ $169\pi\text{cm}^3$, $312\pi\text{cm}^3$
 ⑤ $169\pi\text{cm}^3$, $400\pi\text{cm}^3$

해설

원뿔의 밑면의 반지름의 길이는 6cm 이고 높이는 12cm 이므로
 부피는 $\frac{1}{3} \times 6^2 \pi \times 12 = 144\pi(\text{cm}^3)$
 구의 반지름의 길이는 6cm 이므로
 부피는 $\frac{4}{3} \times \pi \times 6^3 = 288\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

9. 다음 도수분포표는 어느 중학교 1학년 학생 30명의 통학 시간을 조사한 것이다. 도수가 가장 큰 계급의 계급값을 a , 이때의 도수를 b 라고 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

통학시간(분)	학생 수(명)
5 ^{이상} ~ 10 ^{미만}	7
10 ^{이상} ~ 15 ^{미만}	
15 ^{이상} ~ 20 ^{미만}	5
25 ^{이상} ~ 30 ^{미만}	1
30 ^{이상} ~ 35 ^{미만}	6
합계	30

▶ 답 :

▷ 정답 : 23.5

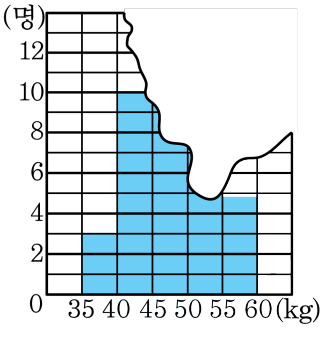
해설

빈칸에 들어갈 수는 $30 - (7 + 5 + 1 + 6) = 11$ 이므로 $b = 11$
도수가 가장 큰 계급은 10분 이상 ~ 15분 미만 이므로 계급값

$$a = \frac{10 + 15}{2} = 12.5$$

$$\therefore a + b = 11 + 12.5 = 23.5$$

10. 다음은 어느 학급 학생 40 명의 몸무게를 조사하여 나타낸 히스토그램의 일부분이다. 몸무게가 50kg 이상인 학생이 전체의 30% 일 때, 몸무게가 50kg 이상 55kg 미만인 학생 수는?



- ① 12 명 ② 7 명 ③ 10 명 ④ 5 명 ⑤ 8 명

해설

구하는 학생 수를 x 명이라 하면

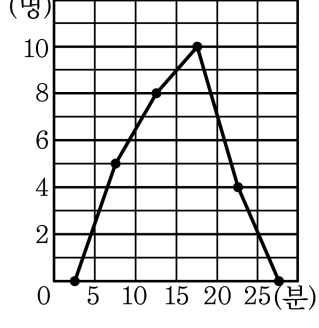
$$\frac{(5 + x)}{40} \times 100 = 30$$

$$100(5 + x) = 1200$$

$$5 + x = 12$$

$$\therefore x = 7(\text{명})$$

11. 다음 그림은 보람이네 반 학생들의 아침 통학 시간을 조사하여 나타낸 도수분포다각형이다. 이 학교의 등교 시간이 8시 일 때, 지각하지 않기 위해서 7시 45분 전에 집을 출발하여야 하는 학생은 몇 명인지 구하여라.



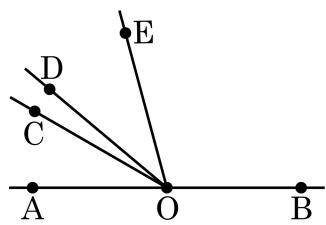
▶ 답 : 명

▷ 정답 : 14 명

해설

학교 등교시간이 8시이고, 지각하지 않기 위해서 7시 45분 전에 집을 출발하여야 하는 학생 수를 구하라는 말은 통학 시간이 15분 이상인 총 학생 수를 구하라는 말과 동일하다.
따라서 $10 + 4 = 14$ (명) 이다.

12. 다음 그림에서 $\angle AOC = 3\angle COD$, $\angle DOB = 4\angle DOE$ 일 때, $\angle COE$ 의 크기를 구하면?



- ① 30° ② 36° ③ 40° ④ 45° ⑤ 48°

해설

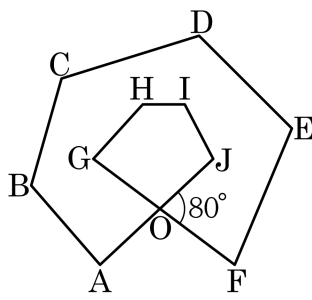
$\angle AOC = 3\angle COD$ 이므로 $\angle AOD = 4\angle COD$ 이다.

$$\begin{aligned}\angle AOD + \angle DOB &= 4\angle COD + 4\angle DOE \\ &= 4(\angle COD + \angle DOE) \\ &= 4\angle COE = 180^\circ\end{aligned}$$

$$\therefore \angle COE = 180^\circ \div 4 = 45^\circ$$

$$\therefore \angle COE = 45^\circ$$

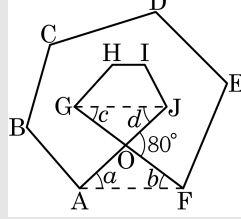
13. 다음 그림에서 $\angle JOF = 80^\circ$ 일 때, $(\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F) - (\angle G + \angle H + \angle I + \angle J)$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 200°

해설



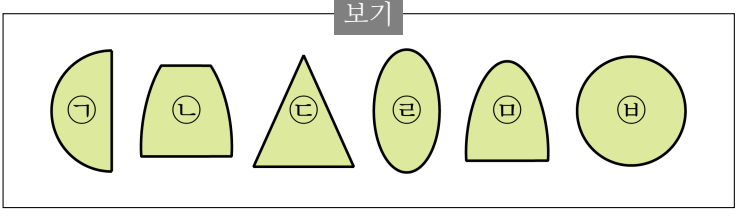
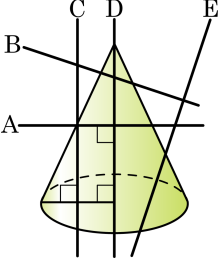
위에 그림에서 $\angle a + \angle b = \angle c + \angle d = 80^\circ$ 이므로

$$\begin{aligned} & \angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F \\ &= (\text{육각형의 내각의 합}) - (\angle a + \angle b) \\ &= 180^\circ \times (6 - 2) - 80^\circ \\ &= 720^\circ - 80^\circ = 640^\circ \\ & \angle G + \angle H + \angle I + \angle J \\ &= (\text{사각형의 내각의 합}) + (\angle c + \angle d) \\ &= 180^\circ \times (4 - 2) + 80^\circ \\ &= 360^\circ + 80^\circ = 440^\circ \end{aligned}$$

따라서 $(\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G + \angle H + \angle I + \angle J)$

따라서 $(\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F) - (\angle G + \angle H + \angle I + \angle J) = 640^\circ - 440^\circ = 200^\circ$ 이다.

14. 다음 보기 는 다음 그림의 원뿔을 평면 A, B, C, D, E 로 자를 때, 생기는 단면의 모양이다. 평면과 단면의 모양이 알맞게 짝지어지지 않은 것은?

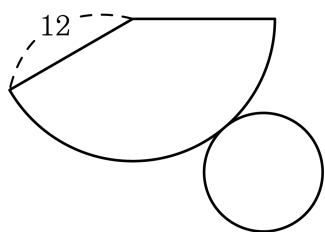


- ① A - ㉥
 ② B - ㉡
 ③ C - ㉢
- ④ D - ㉣
 ⑤ E - ㉠

해설

③ C에서 자르면 ㉤의 모양이 된다.

15. 다음 전개도로 만들어지는 입체도형의 옆넓이가 60π 일 때, 겹넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 85π

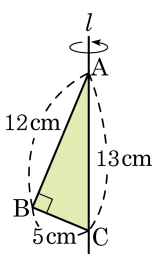
해설

밑면의 반지름의 길이를 r 이라 하면

$$\pi \times r \times 12 = 60\pi, \quad r = 5$$

$$(\text{겹넓이}) = \pi \times 5^2 + 60\pi = 85\pi$$

16. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC 를 직선 l 을 회전축으로 하여 1 회전 시킬 때, 생기는 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답 : cm^3

▶ 정답 : $\frac{1200}{13}\pi \text{cm}^3$

해설

점 B 에서 $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 H 라고 하고 $\overline{AH} = h_1$, $\overline{CH} = h_2$ 라고 하면

$$\frac{1}{2} \times 5 \times 12 = \frac{1}{2} \times 13 \times \overline{BH}$$

$$\overline{BH} = \frac{60}{13}$$

$$\begin{aligned} (\text{부피}) &= \left\{ \frac{1}{3}\pi \times \left(\frac{60}{13}\right)^2 \times h_1 \right\} \\ &\quad + \left\{ \frac{1}{3}\pi \times \left(\frac{60}{13}\right)^2 \times h_2 \right\} \\ &= \frac{1}{3}\pi \times \left(\frac{60}{13}\right)^2 \times (h_1 + h_2) \\ &= \frac{1}{3}\pi \times \left(\frac{60}{13}\right)^2 \times 13 \\ &= \frac{1200}{13}\pi(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

17. 다음 중에서 참이 되는 문장을 모두 고르면?(단, 일치하는 경우는 생각하지 않는다.)
- ① 한 평면에 평행한 두 직선은 평행이다.
 - ② 한 평면에 평행한 두 평면은 평행이다.
 - ③ 한 직선에 평행인 두 평면은 평행이다.
 - ④ 한 직선에 수직인 두 직선은 평행이다.
 - ⑤ 한 직선에 수직인 두 평면은 평행이다.

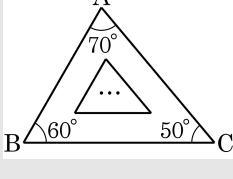
해설

- ① 만날 수도 있다.
- ③ 만날 수도 있다.
- ④ 만날 수도, 꼬인 위치일 수도 있다.

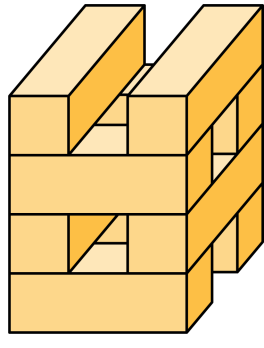
18. 다음과 같이 주어진 변의 길이와 각의 크기를 알 때, 삼각형을 무수히 많이 작도할 수 있는 것은?
- ① $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ ② $\overline{AB}$, $\angle A$, $\overline{AC}$ ③ $\overline{AB}$, $\overline{AC}$, $\angle B$
- ④ $\angle A$, $\angle B$, $\overline{AB}$ ⑤ $\overline{AB}$, $\overline{AC}$, $\overline{BC}$

해설

① 삼각형을 무수히 많이 작도할 수 있는 경우는 세 각의 크기를 알 때이다.



19. 다음은 모서리의 길이가 각각 3, 1, 1인 직육면체 모양 블록 8개를 쌓아 만든 모양이다. 이 도형의 겉넓이를 구하여라.



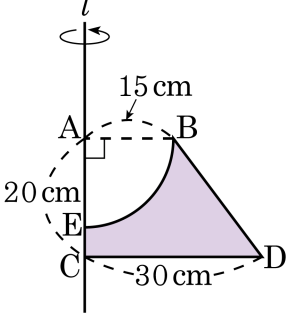
▶ 답 :

▷ 정답 : 88

해설

블록 1개의 겉넓이는 $2 \times (1 + 3 + 3) = 14$
두 블록이 닿아있는 부분 1곳의 넓이는 $1 \times 1 = 1$
두 층 사이에서 맞닿아 있는 부분은 4부분, 두 층이 맞닿은 곳은 3군데이므로
맞닿은 부분의 넓이는 $1 \times 3 \times 4 = 12$
 $\therefore (\text{겉넓이}) = 14 \times 8 - 12 \times 2 = 112 - 24 = 88$

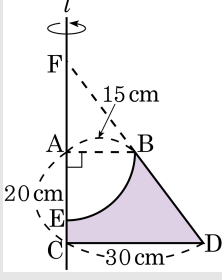
20. 다음 그림과 같이 $\angle A$ 와 $\angle C$ 가 직각인 사다리꼴에서 부채꼴 ABE 를
오려낸 평면도형을 l 축을 중심으로 회전 하였을 때 생기는 회전체의
부피를 구하여라.



▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : 8250π cm^3

해설



$\triangle FAB$ 와 $\triangle FCD$ 에서
 $\angle A$ 와 $\angle C$ 가 직각이므로 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이 되고,
 $\angle FAB = \angle FCD$, $\angle FBA = \angle FDC$ (동위각),
 $\angle AFB$ 는 공통이므로 $\triangle FAB \sim \triangle FCD$ (AA 닮음)
 이고 닮음비는 $1 : 2$ 이다.

$\therefore \overline{FA} = \overline{AC} = 20\text{cm}$

따라서 주어진 도형을 1 회전 하면 원뿔대에서 반구를 도려낸
모양이다.

$$\begin{aligned} \text{(원뿔대의 부피)} &= \frac{1}{3} \times \pi \times 30^2 \times 40 \\ &\quad - \frac{1}{3} \times \pi \times 15^2 \times 20 \\ &= 10500\pi \end{aligned}$$

$$\text{(반구의 부피)} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \times \pi \times 15^3 = 2250\pi$$

따라서 구하는 회전체의 부피는

$$10500\pi - 2250\pi = 8250\pi(\text{cm}^3)$$