

1. 15발을 쏘아서 5발을 명중시키는 포수가 있다. 포수가 2발을 쏘아서 적어도 한 발은 명중시킬 확률은?

① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{3}{5}$ ③ $\frac{1}{9}$ ④ $\frac{5}{9}$ ⑤ $\frac{7}{9}$

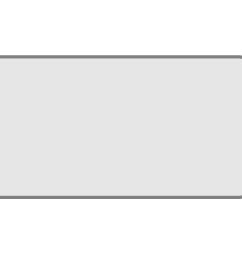
해설

15발 중에서 5발을 명중시키므로 명중시킬 확률은 $\frac{1}{3}$
(적어도 한 발은 명중시킬 확률) = 1 -

(모두 명중시키지 못할 확률)

$$\therefore 1 - \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{5}{9}$$

2. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?



- ① 4cm ② 4.5cm ③ 5cm

- ④ 5.5cm ⑤ 6cm

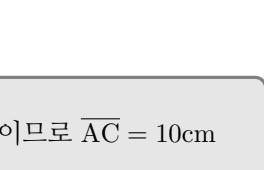
해설

$\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로
 $\overline{AC} = \overline{AB} = 5\text{cm}$

3. 다음 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. 그림을 보고 옳은 것을 모두 고른 것은?

Ⓐ $\overline{AC} = 10\text{cm}$ ⓒ $\angle B = 60^\circ$

Ⓔ $\angle C = 30^\circ$



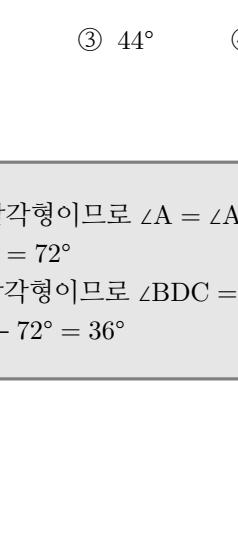
해설

Ⓐ $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로 $\overline{AC} = 10\text{cm}$
Ⓒ, Ⓛ $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로
 $\angle B = \angle C = 30^\circ$

④ Ⓐ, Ⓛ

⑤ Ⓑ, Ⓛ

4. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이고 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{BC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 36° ② 40° ③ 44° ④ 46° ⑤ 30°

해설

$\triangle ABD$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle A = \angle ABD = 36^\circ$

$$\angle BDC = 36^\circ + 36^\circ = 72^\circ$$

$\triangle BDC$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle BDC = \angle BCD = 72^\circ$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 72^\circ - 72^\circ = 36^\circ$$

5. 국어 문제집 3종류와 수학 문제집 6 종류가 있다. 이 중에서 문제집 한 권을 선택하는 경우의 수는?

- ① 9 가지 ② 12 가지 ③ 16 가지
④ 20 가지 ⑤ 24 가지

해설

국어 문제집 3종류와 수학 문제집 6종류가 있으므로 이 중에서 한 권을 선택하는 경우의 수는 $3 + 6 = 9$ (가지)이다.

6. 다음 표는 서울에서 대전으로 가는 고속버스와 대전에서 서울로 오는 기차의 시간표이다. 선미가 서울에서 고속버스를 타고 대전에 계신 할아버지 댁에 가서 하루 동안 머문 후 다음날 기차로 서울에 돌아오려고 할 때, 가능한 경우의 수는?

고속버스	기차
서울 → 대전	대전 → 서울
06 : 00	10 : 00
09 : 00	13 : 00
12 : 00	15 : 00
15 : 00	20 : 00
18 : 00	

- ① 10 가지 ② 20 가지 ③ 24 가지
④ 32 가지 ⑤ 35 가지

해설

서울에서 대전으로 가는 경우의 수 : 5 가지
대전에서 서울로 가는 경우의 수 : 4 가지
 $\therefore 5 \times 4 = 20$ (가지)

7. 국어, 영어, 수학, 사회, 과학, 일본어 참고서가 각각 1 권씩 있다.
이 중에서 3 권을 뽑아 책꽂이에 일렬로 꽂을 때, 일본어 참고서를
제외하는 경우의 수는?

- ① 12 가지 ② 24 가지 ③ 60 가지
④ 120 가지 ⑤ 360 가지

해설

일본어 참고서를 제외한 나머지 5 권 중에서 3 권을 뽑아 책꽂이
에 꽂는 경우의 수이므로 $5 \times 4 \times 3 = 60$ (가지)이다.

8. 여자 4 명, 남자 2 명을 일렬로 세울 때, 남자가 양 끝에 서게 되는 경우의 수는?

- ① 48 가지 ② 56 가지 ③ 120 가지
④ 240 가지 ⑤ 720 가지

해설

남자가 양 끝에 서게 되는 경우는 2 가지,
여자 4 명을 일렬로 세우는 경우는 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
따라서 모든 경우의 수는 $2 \times 24 = 48$ (가지)

9. 예지네 반에 남학생은 7명, 여학생은 5명이 있다. 이 반에서 반장 1명, 남녀 부반장 1명씩을 뽑는 경우의 수를 찾으세요.

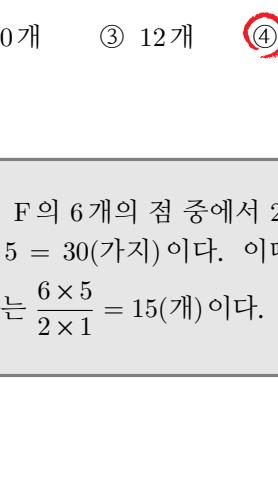
- ① 210 가지 ② 270 가지 ③ 280 가지
④ 320 가지 ⑤ 350 가지

해설

남녀 부반장 1명씩을 뽑는 경우를 구하고 나머지 10명 중 반장 1명을 뽑는 경우의 수를 구한다.

$$7 \times 5 \times 10 = 350 \text{ (가지)}$$

10. 다음 그림과 같이 한 원 위에 6개의 마을이 있다. 각 마을을 연결하는 도로를 만든다고 할 때, 만들 수 있는 다리의 개수는?

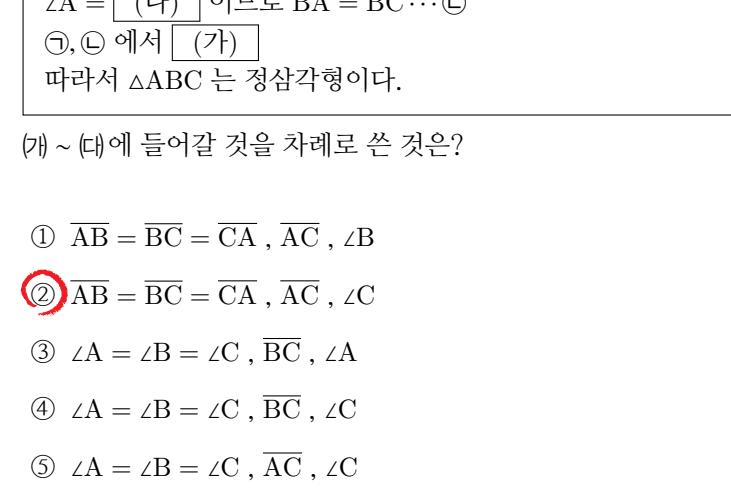


- ① 8개 ② 10개 ③ 12개 ④ 15개 ⑤ 20개

해설

A, B, C, D, E, F의 6개의 점 중에서 2개를 뽑아 나열하는 경우의 수는 $6 \times 5 = 30(가지)이다. 이때, }AB\}는 }BA\}이므로 구하는 경우의 수는 } \frac{6 \times 5}{2 \times 1} = 15\}이다.$

11. 다음은 「세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.」를 보이는 과정이다.



$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 이므로
 $\overline{AB} = \boxed{(\text{나})} \cdots \textcircled{\text{①}}$
 $\angle A = \boxed{(\text{다})}$ 이므로 $\overline{BA} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{②}}$
 $\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}} \text{에서 } \boxed{(\text{가})}$
따라서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

(가) ~ (다)에 들어갈 것을 차례로 쓴 것은?

① $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}, \angle B, \angle C$

② $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}, \overline{AC}, \angle A$

③ $\angle A = \angle B = \angle C, \overline{BC}, \angle A$

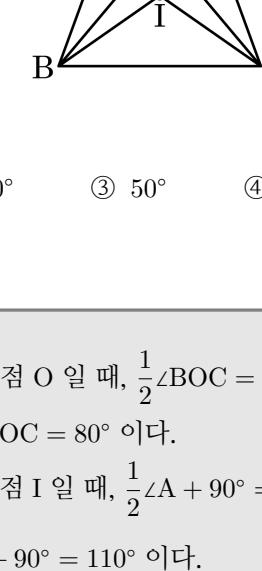
④ $\angle A = \angle B = \angle C, \overline{BC}, \angle C$

⑤ $\angle A = \angle B = \angle C, \overline{AC}, \angle C$

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 이므로
 $\overline{AB} = (\overline{AC}) \cdots \textcircled{\text{①}}$
 $\angle A = (\angle C)$ 이므로 $\overline{BA} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{②}}$
 $\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}} \text{에서 } (\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA})$
따라서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

12. 다음 그림과 같은 이등변삼각형 ABC에서 점 O 와 점 I 는 각각 $\triangle ABC$ 의 내심과 외심이다. $\angle BAO = 20^\circ$ 일 때, $\angle BIC - \angle BOC$ 의 크기는?



- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

해설

$\triangle ABC$ 의 외심이 점 O 일 때, $\frac{1}{2}\angle BOC = \angle A$, $\angle A = 40^\circ$ 이므로

$\angle ABC = 70^\circ$, $\angle BOC = 80^\circ$ 이다.

$\triangle ABC$ 의 내심이 점 I 일 때, $\frac{1}{2}\angle A + 90^\circ = \angle BIC$ 이므로

$\angle BIC = \frac{1}{2} \times 40^\circ + 90^\circ = 110^\circ$ 이다.

따라서 $\angle BIC - \angle BOC = 110^\circ - 80^\circ = 30^\circ$ 이다.

13. 서로 다른 5 개의 문자 a, b, c, d, e 를 모두 한 번씩만 사용한 단어를 사전식으로 나열할 때, $cdeab$ 는 몇 번째의 단어인지 구하면?

- ① 63 번째 ② 64 번째 ③ 65 번째
④ 66 번째 ⑤ 67 번째

해설

⑦ $a\boxed{\quad}\boxed{\quad}\boxed{\quad}$ 인 경우의 수 : b, c, d, e 4 개의 문자를 일렬로 나열하는 경우이므로 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (개)

⑧ $b\boxed{\quad}\boxed{\quad}\boxed{\quad}$ 인 경우의 수 : ⑦과 같이 24 개

⑨ $ca\boxed{\quad}\boxed{\quad}$ 인 경우의 수 : b, d, e 3 개의 문자를 일렬로 나열하는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (개)

⑩ $cb\boxed{\quad}\boxed{\quad}$ 인 경우의 수 : a, d, e 3 개의 문자를 일렬로 나열하는 경우이므로 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (개)

⑪ $cda\boxed{\quad}$ 인 경우의 수 : b, e 2 개의 문자를 일렬로 나열하는 경우이므로 $2 \times 1 = 2$ (개)

⑫ $cdb\boxed{\quad}$ 인 경우의 수 : a, e 2 개의 문자를 일렬로 나열하는 경우이므로 $2 \times 1 = 2$ (개)

⑬의 다음 문자가 $cdeab$ 이므로 $24 + 24 + 6 + 6 + 2 + 2 = 64$ 에서 $cdeab$ 는 65 번째의 단어이다.

14. 철수가 다니는 중학교의 주소는 ‘서울특별시 강동구 둔촌동 180-2’이며 학년은 1, 2, 3학년이 있고, 각 학년은 10개 반이며 한 반의 번호는 40번을 넘지 않는다고 한다. 학교 주소의 숫자로 만든 \square , \square , \square , \square 네 장의 카드를 마음대로 뽑아 네 자리 수를 만들 때, 올바른 학번이 될 수 있는 확률을 구하면? (참고 : 2학년 10반 40번 학생의 학번은 ‘2040’이다.)

Ⓐ $\frac{1}{3}$ Ⓑ $\frac{3}{8}$ Ⓒ $\frac{5}{12}$ Ⓓ $\frac{11}{24}$ Ⓔ $\frac{1}{2}$

해설

전체 : $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (개)

가능한 경우 : 1 $\square \square \square$, 2 $\square \square \square$ 인데, 3번째 칸엔 8이 들어가면 안된다.

그러므로,

1 $\square 0 \square$: 2 가지,

1 $\square 2 \square$: 2 가지,

2 $\square 0 \square$: 2 가지,

2 $\square 1 \square$: 2 가지로

총 8 가지

따라서 구하는 확률은 $\frac{8}{24} = \frac{1}{3}$

15. 주사위를 던져서 짹수의 눈이 나오면 +1, 홀수의 눈이 나오면 -1만큼
직선 위의 점 P를 움직인다고 한다. 처음에 점 P를 원점에 놓고,
주사위를 3회 던지는 동안에 점 P가 한 번도 원점으로 돌아오지 않을
확률은?

① $\frac{1}{8}$ ② $\frac{3}{8}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{5}{8}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

(쫙, 짹, 홀), (홀, 홀, 짹), (홀, 홀, 홀), (쫙, 짹, 짹)의 네 경우에
원점으로 돌아오지 않으므로

$$\therefore \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 4 = \frac{1}{2}$$