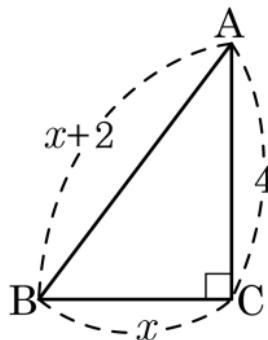


1. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $x = 3$

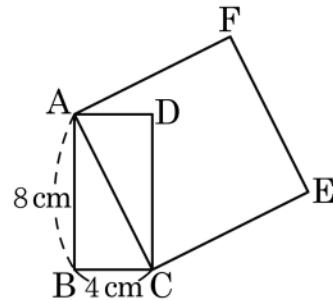
해설

$$(x+2)^2 = x^2 + 4^2$$

$$x^2 + 4x + 4 = x^2 + 16$$

$$4x = 12 \therefore x = 3$$

2. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 대각선을 한 변으로 하는 정사각형 ACEF 的 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 80cm²

해설

\overline{AC} 의 길이는

피타고拉斯 정리에 따라

$$\sqrt{8^2 + 4^2} = 4\sqrt{5}(\text{cm})$$

정사각형 ACEF 的 넓이는 \overline{AC}^2 이므로

$$(4\sqrt{5})^2 = 80(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

3. 두 점 A(a , 4), B(-7, b)의 중점의 좌표가 (-1, 5) 일 때, \overline{AB} 의 길이는?

① $\sqrt{37}$

② $2\sqrt{37}$

③ $4\sqrt{37}$

④ $\frac{3\sqrt{37}}{2}$

⑤ $\frac{\sqrt{37}}{2}$

해설

\overline{AB} 의 중점은 $\left(\frac{a-7}{2}, \frac{4+b}{2}\right) = (-1, 5)$ 이므로 $a = 5$, $b = 6$

A(5, 4), B(-7, 6)

$$\therefore \overline{AB} = \sqrt{(5+7)^2 + (4-6)^2} = \sqrt{144+4} = 2\sqrt{37}$$

4. 한 모서리의 길이가 6cm 인 정육면체의 대각선의 길이는 몇 cm 인가?

① $6\sqrt{2}$ cm

② $6\sqrt{3}$ cm

③ 36cm

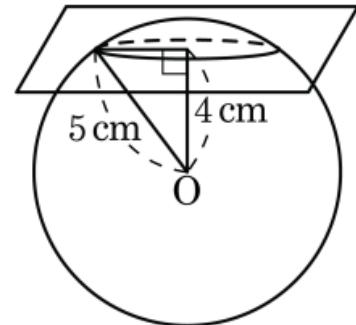
④ $36\sqrt{6}$ cm

⑤ 108cm

해설

한 모서리의 길이가 a 인 정육면체의 대각선의 길이는 $\sqrt{3}a$ 이므로 구하는 길이는 $6\sqrt{3}$ cm 이다.

5. 다음 그림은 반지름의 길이가 5cm인 구이다.
구의 중심 O로부터 4cm 거리에 있는 평면에
의해서 잘린 단면의 넓이를 구하여라.



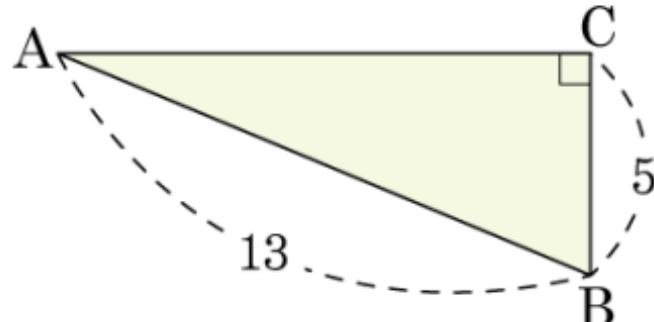
- ① $\sqrt{41}\pi \text{ cm}^2$ ② $9\pi \text{ cm}^2$ ③ $3\pi \text{ cm}^2$
④ $41\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $6\pi \text{ cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}(\text{단면 원의 반지름}) &= \sqrt{5^2 - 4^2} = 3(\text{cm}) \text{ 이므로} \\(\text{원의 넓이}) &= \pi \times 3^2 = 9\pi (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

6. 다음 그림에서 $\angle C = 90^\circ$ 일 때,
 $\sin A + \cos A$ 의 값은?

- ① $\frac{17}{13}$ ② $-\frac{17}{13}$ ③ $\frac{7}{13}$
④ $-\frac{7}{13}$ ⑤ $\frac{18}{13}$



해설

$$\overline{AC} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$$

따라서 $\sin A + \cos A = \frac{5}{13} + \frac{12}{13} = \frac{17}{13}$ 이다.

7. 다음 식의 값은?

$$\sqrt{5} \cos 60^\circ + \frac{4\sqrt{3} \sin 45^\circ \cos 30^\circ}{\sqrt{6} \tan 60^\circ}$$

① $\frac{\sqrt{3} + 1}{2}$

② $\frac{2\sqrt{3} + 2}{2}$

③ $\frac{\sqrt{5} + 2}{2}$

④ $\frac{2\sqrt{5} + 2}{2}$

⑤ $\frac{\sqrt{5} + 3}{2}$

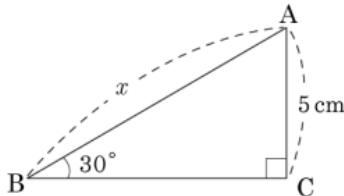
해설

$$(준식) = \sqrt{5} \times \frac{1}{2} + \frac{4\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2}}{\sqrt{6} \times \sqrt{3}}$$

$$= \frac{\sqrt{5}}{2} + 1$$

$$= \frac{\sqrt{5} + 2}{2}$$

8. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = 5\text{cm}$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?



- ① 5cm ② 10cm ③ $5\sqrt{3}\text{cm}$
④ 15cm ⑤ $(5 + \sqrt{3})\text{cm}$

해설

$$x \sin 30^\circ = 5 \text{ cm}$$

$$x = \frac{5}{\sin 30^\circ} = 5 \times 2 = 10(\text{cm})$$

9. 다음 주어진 삼각비의 값 중 가장 작은 값과 가장 큰 값을 짹지은 것은?

보기

- ㉠ $\sin 45^\circ$ ㉡ $\cos 45^\circ$ ㉢ $\sin 0^\circ$
㉣ $\cos 60^\circ$ ㉤ $\tan 60^\circ$

- ① ②, ㉠ ② ㉢, ㉠ ③ ㉕, ㉢ ④ ㉡, ㉔ ⑤ ㉢, ㉕

해설

$$\text{㉠ } \sin 45^\circ = \text{㉡ } \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

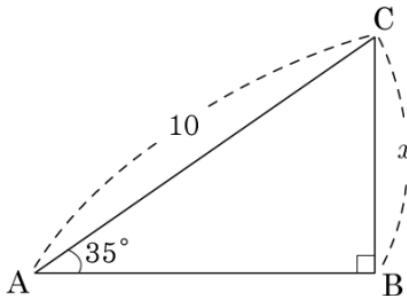
$$\text{㉢ } \sin 0^\circ = 0$$

$$\text{㉔ } \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\text{㉕ } \tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

따라서 가장 작은 값은 ㉢ $\sin 0^\circ$, 가장 큰 값은 ㉕ $\tan 60^\circ$

10. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 삼각비의 표를 보고 x 의 값을 구하면?



각도	sin	cos	tan
54°	0.8090	0.5878	1.3764
55°	0.8192	0.5736	1.4281
56°	0.8290	0.5592	1.4826

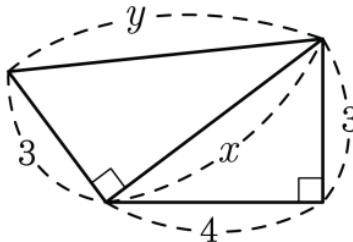
- ① 8.192 ② 5.736 ③ 5.878 ④ 8.09 ⑤ 8.29

해설

$$\angle C = 55^\circ \text{ 이므로}$$

$$x = 10 \times \cos 55^\circ = 10 \times 0.5736 = 5.736$$

11. 다음 그림에서 x , y 의 값은?



- ① $x : 5, y : \sqrt{34}$ ② $x : 6, y : \sqrt{30}$ ③ $x : 5, y : 4\sqrt{2}$
④ $x : 6, y : \sqrt{34}$ ⑤ $x : 5, y : \sqrt{30}$

해설

피타고라스 정리에 따라

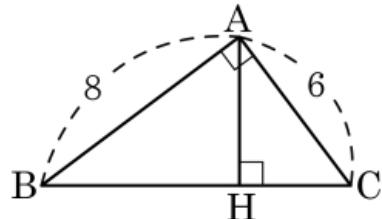
$$x^2 = 4^2 + 3^2$$

$x > 0$ 이므로 $x = 5$

$$3^2 + x^2 = 3^2 + 5^2 = y^2$$

$y > 0$ 이므로 $y = \sqrt{34}$ 이다.

12. 다음 그림에서 $\angle A = 90^\circ$ 이고, $\overline{AH} \perp \overline{BC}$ 일 때, \overline{AH} 의 길이는?



- ① $\frac{12}{5}$ ② $\frac{24}{5}$ ③ 24 ④ $2\sqrt{6}$ ⑤ $\frac{24}{15}$

해설

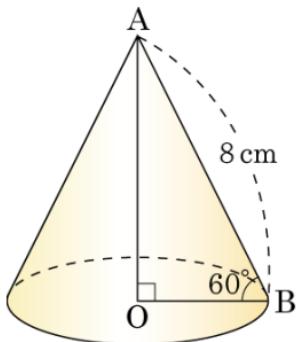
$$\overline{BC} = \sqrt{8^2 + 6^2} = \sqrt{100} = 10$$

$\triangle ABC$ 에서 삼각형의 넓이는

$$8 \times 6 \times \frac{1}{2} = 10 \times \overline{AH} \times \frac{1}{2}$$

$$\therefore \overline{AH} = \frac{8 \times 6}{10} = \frac{24}{5}$$

13. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 8cm이고, 모선과 밑면이 이루는 각의 크기가 60° 인 원뿔의 부피를 구하면?



- ① $32\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$ ② $\frac{32\sqrt{3}}{3}\pi \text{ cm}^3$
 ④ $64\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$ ⑤ $\frac{192\sqrt{3}}{3}\pi \text{ cm}^3$

③ $\frac{64\sqrt{3}}{3}\pi \text{ cm}^3$

해설

해설)

$$\overline{OB} = 8 \times \cos 60^\circ = 8 \times \frac{1}{2} = 4(\text{ cm})$$

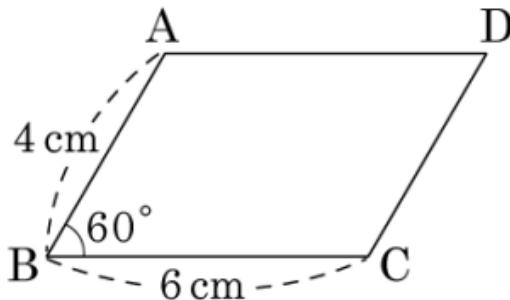
$$\overline{OA} = 8 \times \sin 60^\circ = 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}(\text{ cm})$$

따라서 원뿔의 부피는

$$16\pi \times 4\sqrt{3} \times \frac{1}{3} = \frac{64\sqrt{3}}{3}\pi(\text{ cm}^3) \text{ 이다.}$$

14. 다음 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$, $\angle B = 60^\circ$ 일 때,
□ABCD의 넓이를 구하면?

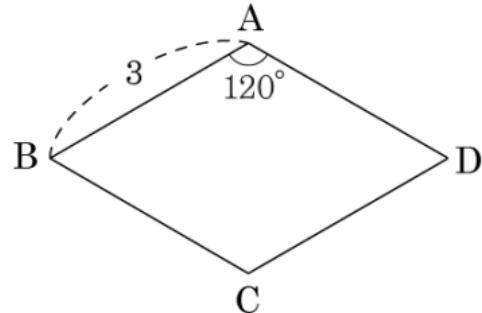
- ① 12 cm^2 ② $12\sqrt{2}\text{ cm}^2$
③ $12\sqrt{3}\text{ cm}^2$ ④ 13 cm^2
⑤ $13\sqrt{2}\text{ cm}^2$



해설

$$\begin{aligned}(\text{넓이}) &= 4 \times 6 \times \sin 60^\circ \\&= 4 \times 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 12\sqrt{3} (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

15. 다음 그림과 같은 마름모 ABCD
에서 $\overline{AB} = 3$, $\angle A = 120^\circ$ 일 때,
마름모의 넓이는?

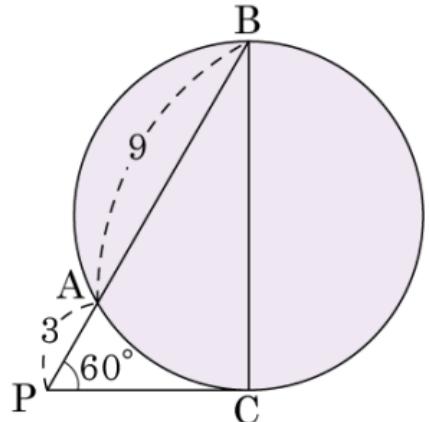


- ① $3\sqrt{3}$ ② $4\sqrt{3}$ ③ $3\sqrt{5}$ ④ $\frac{9}{2}\sqrt{3}$ ⑤ $5\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}
 (\text{넓이}) &= 3 \times 3 \times (180^\circ - 120^\circ) \\
 &= 3 \times 3 \times \sin 60^\circ \\
 &= 3 \times 3 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \\
 &= \frac{9\sqrt{3}}{2} \text{ 이다.}
 \end{aligned}$$

16. 다음 그림에서 \overline{PC} 가 원의 접선일 때,
 $\triangle PBC$ 의 넓이는?



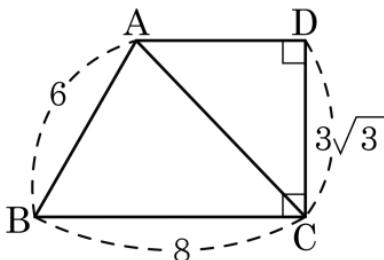
- ① $9\sqrt{3}$ ② $18\sqrt{3}$ ③ $27\sqrt{3}$ ④ $45\sqrt{3}$ ⑤ $54\sqrt{3}$

해설

$$\overline{PC}^2 = 3(3 + 9) = 36 \text{ 이므로 } \overline{PC} = 6 \text{ 이다.}$$

$$(\text{넓이}) = \frac{1}{2} \times 12 \times 6 \times \sin 60^\circ = 18\sqrt{3}$$

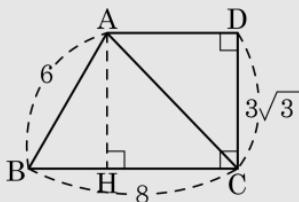
17. 가로의 길이가 8, 세로의 길이가 $3\sqrt{3}$ 인 직사각형의 한 부분을 직선으로 잘라내었더니 남은 사각형이 다음 그림과 같이 되었다. \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $2\sqrt{13}$

해설



점 A에서 \overline{BC} 에 수선의 발을 H 라 하면,

$$\overline{AH} = \overline{CH} = 3\sqrt{3}$$

$$\triangle ABH \text{에서 } 6^2 = \overline{BH}^2 + (3\sqrt{3})^2$$

$$\therefore \overline{BH} = 3, \overline{CH} = 5 \text{ 이므로}$$

$$\triangle AHC \text{에서 } \overline{AC}^2 = (3\sqrt{3})^2 + 5^2 = 52$$

$$\therefore \overline{AC} = 2\sqrt{13}$$

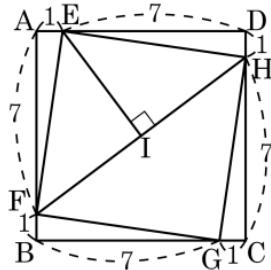
18. 다음 중 직각삼각형의 세 변의 길이가 될 수 없는 것은?

- ① 3, 4, 5
- ② 5, 12, 13
- ③ 1, $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$
- ④ 4, 5, $\sqrt{41}$
- ⑤ 2, 4, $2\sqrt{6}$

해설

$$\textcircled{5} \quad 2^2 + 4^2 = 20 \neq (2\sqrt{6})^2 = 24$$

19. 한 변의 길이가 8인 정사각형 ABCD의 각 변에 다음과 같이 E, F, G, H를 잡을 때, \overline{EI} 의 길이를 구하시오.



▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

네 직각삼각형이 서로 합동이므로 $\square EFGH$ 는 정사각형이다.

$$\overline{FG} = \overline{GH} = \sqrt{1^2 + 7^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$$

$$\therefore \overline{FH} = \sqrt{(5\sqrt{2})^2 + (5\sqrt{2})^2} = 10$$

$\overline{EI} = x$ 라고 하면, 삼각형 EFH에서

$$\frac{1}{2} \times 5\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} = \frac{1}{2} \times 10 \times x$$

$$5x = 25$$

따라서, $x = 5$ 이다.

20. 이차함수 $y = -\frac{1}{4}x^2 + 2x - 1$ 의 그래프의 꼭짓점과 y 축과의 교점, 그리고 원점을 이어 삼각형을 만들었다. 이 삼각형의 둘레의 길이가 $a + b\sqrt{c}$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은?(단, a, b, c 는 유리수, c 는 최소의 자연수)

① 6

② 8

③ 10

④ 12

⑤ 14

해설

$$y = -\frac{1}{4}x^2 + 2x - 1$$

$$y = -\frac{1}{4}(x - 4)^2 + 3 \text{ 이므로}$$

꼭짓점의 좌표는 $(4, 3)$ 이다.

y 축과의 교점은 x 좌표가 0 일 때이므로 $(0, -1)$

따라서

꼭짓점 - 원점의 거리

$$= \sqrt{(4-0)^2 + (3-0)^2} = 5$$

y 축과의 교점-원점의 거리 = 1

꼭짓점- y 축과의 교점의 거리

$$= \sqrt{(4-0)^2 + \{3 - (-1)\}^2} = 4\sqrt{2}$$

\therefore 삼각형의 둘레 = $6 + 4\sqrt{2}$ 이므로

$a + b + c$ 의 값은 12이다.