

1. 전체집합  $U$ 에서 두 조건  $p, q$ 를 만족하는 집합  $P, Q$ 에 대하여 두 집합  $P, Q$  사이의 포함 관계가 다음과 같을 때, 명제  $p \rightarrow q$  가 거짓임을 보여주는 원소는 무엇인가?



- ①  $a$       ②  $b$       ③  $c$       ④  $d$       ⑤  $a$ 와  $c$

2. 명제 ‘ $x$  가 4의 배수가 아니면  $x$  는 2의 배수가 아니다.’는 거짓이다.  
다음 중에서 반례인 것은?

- ①  $x = 1$       ②  $x = 12$       ③  $x = 10$   
④  $x = 8$       ⑤  $x = 4$

3. 두 조건  $p, q$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$  라 할 때, 명제  $p \rightarrow q$  가 거짓임을 보이는 반례가 속하는 집합은?

- ①  $P \cap Q$       ②  $P \cup Q$       ③  $P^c \cup Q^c$   
④  $P - Q$       ⑤  $Q - P$

4. 명제 ' $|x - 3| < a$  이면  $1 < x < 7$  이다.' 가 참이 되기 위한 양수  $a$ 의 최댓값은?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

5. 명제 ‘ $-1 < x < 2$  이면  $a - 2 < x < a + 2$  이다.’ 가 참일 때, 상수  $a$  의 값의 범위는?

- ①  $0 < a < 1$
- ②  $0 \leq a \leq 1$
- ③  $a < 0$
- ④  $a \geq 1$
- ⑤  $a < 0$  또는  $a > 1$

6. 두 조건  $p : 1 \leq x \leq 3$ ,  $q : |x - a| < 2$ 에 대하여  $p \rightarrow q$ 이 참이 되도록 상수  $a$ 의 범위를 구하면?

- ①  $1 < a < 3$       ②  $1 \leq a < 3$       ③  $1 < a \leq 3$   
④  $1 \leq a \leq 3$       ⑤  $2 < a \leq 3$

7. 다음 두 조건  $p : a - 1 < x \leq 10$ ,  $q : -5 < x \leq 2 - a$ 에 대하여  $p$  가  $q$  이기 위한 필요조건이 되도록 하는  $a$ 의 값으로 알맞지 않은 것은?

① -9      ② -8      ③ -7      ④ -6      ⑤ -5

8.  $x \geq a$  가  $x^2 - 4 < 0$  의 필요조건이 되게 하는  $a$  의 최댓값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

9.  $x^2 - ax + 6 \neq 0 \wedge x - 2 \neq 0$ 가 위한 충분조건일 때,  $a$ 의 값은?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

10. 한쪽 면에는 숫자, 다른 쪽 면에는 영문자가 쓰여진 카드가 다음 규칙을 만족한다. ‘카드의 한쪽 면에 홀수가 적혀 있으면 다른 쪽 면에는 자음이 적혀 있다.’ 탁자 위에 그림과 같이 놓인 카드 4장이 위 규칙에 맞는 카드인지 알기 위해 다른 쪽 면을 반드시 확인해야 할 필요가 있는 것은?

① 

② 

③ 

④ 

⑤ 

11. 선영, 나영, 해영은 세 자매이다. 세 사람은 자신들을 소개하는 자리에서 다음과 같이 말하였다.

선영 : 나는 둘째이다.  
나영 : 나는 둘째가 아니다.  
해영 : 나는 셋째가 아니다.

위의 세 명의 말 중 하나만 참일 때, 첫째, 둘째, 셋째를 차례로 나타낸 것은?

- ① 선영, 해영, 나영      ② 해영, 나영, 선영  
③ 해영, 선영, 나영      ④ 나영, 해영, 선영  
⑤ 나영, 선영, 해영

12. 어떤 건물에 불이 나서 경찰이 조사하였더니 누군가 방화한 것이고, ‘방화범은 반드시 건물 안에 있었다.’라는 사실을 알아내었으며 불이 난 시간에 건물 안에 있었던 용의자를 잡아 범인으로 단정하였다. 이러한 단정은 반드시 옳은가? 또, 그 근거를 논리적으로 옳게 설명한 것은?

- ① 그렇다. 명제  $p \rightarrow q$  가 참이면  $\sim q \rightarrow p$  도 반드시 참이다.
- ② 그렇다. 명제  $p \rightarrow q$  가 참이라 하여  $q \rightarrow p$  가 반드시 참이 되는 것은 아니다.
- ③ 아니다. 명제  $p \rightarrow q$  가 참이면  $\sim q \rightarrow \sim p$  도 반드시 참이다.
- ④ 아니다. 명제  $p \rightarrow q$  가 참이라 하여  $q \rightarrow p$  가 반드시 참이 되는 것은 아니다.
- ⑤ 아니다. 명제  $p \rightarrow q$  가 참이면  $\sim q \rightarrow \sim p$  는 반드시 참이다.

13. 다음 조건 $p$  는 조건 $q$  이기 위한 어떤 조건인지 구하여라.(단, $a,b$  는 실수)

- (i)  $p : a, b$  는 유리수,  $q : a + b, ab$  는 유리수  
(ii)  $p : x$  는 3의 배수,  $q : x$  는 6의 배수

▶ 답: \_\_\_\_\_ 조건

14. 다음 보기의  안에 알맞은 것을 차례로 적으면?

보기

⑦ 세 집합  $A, B, C$  에 대하여  $A \cup C = B \cup C$  인 것은  
 $A = B$  이기 위한  조건이다.

⑧  $x^2 - 2xy + y^2 = 0$  은  $x = y = 0$  이기 위한  조건이다.

- ① 충분, 필요      ② 필요, 충분  
③ 필요, 필요      ④ 필요충분, 필요  
⑤ 필요충분, 필요충분

15. 다음 명제 중  $p \rightarrow q$  이기 위한 필요조건인 것은? ( $a, b, x, y$ 는 실수)

- ①  $p : a > 3, q : a^2 > 9$
- ②  $p : x$  는 3 의 배수,  $q : x$  는 6 의 배수
- ③  $p : x = 1$  이고  $y = 1, q : x + y = 2$  이고  $xy = 1$
- ④  $p : |x - 1| = 2, q : x^2 - 2x + 3 = 0$
- ⑤  $p : a < b, q : |a| < |b|$