

1. 다음 보기 중 약수가 2 개뿐인 수를 골라라.

[보기]

- Ⓐ 1 Ⓑ 33 Ⓒ 55
Ⓑ 149 Ⓓ 144

▶ 답:

▷ 정답: Ⓓ

[해설]

약수가 2 개뿐인 수는 소수이다. 소수는 149 이다.

2. 다음 중 소인수분해를 바르게 한 것은?

- ① $30 = 2^2 \times 3 \times 5$ ② $140 = 2^2 \times 3^2 \times 5$
③ $80 = 2^8 \times 10$ ④ $60 = 2^2 \times 3 \times 5$
⑤ $200 = 2 \times 10^2$

해설

- ① $30 = 2 \times 3 \times 5$
② $140 = 2^2 \times 5 \times 7$
③ $80 = 2^4 \times 5$
⑤ $200 = 2^3 \times 5^2$

3. 360의 소인수의 개수를 x , 소인수들의 합을 y 라 할 때, $x+y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

이므로
소인수는 2, 3, 5이다.

$$\therefore x = 3, y = 2 + 3 + 5 = 10$$

4. 약수의 개수가 4 인 자연수 중 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

약수의 개수는 소인수들의 지수에 1 을 더하여 곱한 값이므로

약수의 개수가 4 인 경우는

지수가 3 인 소인수가 한 개인 경우와

지수가 각각 1 인 소인수가 두 개인 경우이다.

두 경우에서 각각 가장 작은 자연수는

2^3 과 2×3 이고

그중 2×3 이 더 작으므로

약수의 개수가 4 인 가장 작은 자연수는 6 이다.

5. 자연수 $2^3 \times 3^a$ 의 약수의 개수가 12 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$(3+1)(a+1) = 12$$

$$a+1 = 3$$

$$\therefore a = 2$$

6. 두 수 $2^4 \times 5^3$, $2^a \times 3^2 \times 5^b$ 의 최대공약수가 50 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

최대공약수가 $50 = 2 \times 5^2$ 이고
 $2^4 \times 5^3$ 에서 2의 지수가 4이므로
 $2^a \times 3^2 \times 5^b$ 에서 2의 지수가 1이어야 한다.
같은방식으로
 $2^4 \times 5^3$ 에서 5의 지수가 3이므로
 $2^a \times 3^2 \times 5^b$ 에서 5의 지수가 2이어야 한다.
따라서 $a = 1$, $b = 2$

7. 두 수 2×3^2 , 3×5^2 의 최소공배수는?

- ① $2^2 \times 5$ ② $2^3 \times 3$ ③ $2 \times 3 \times 5$
④ $2 \times 3^2 \times 5^2$ ⑤ $2^2 \times 3^2 \times 7^2$

해설

2×3^2 , 3×5^2
최소공배수는 $2 \times 3^2 \times 5^2$ 이다.

8. 세 수 9, 18, 27 의 공배수 중 500 이하의 자연수는 모두 몇 개인가?

- ① 3 개 ② 5 개 ③ 7 개 ④ 9 개 ⑤ 11 개

해설

9, 18, 27 의 공배수는 최소공배수 54 의 배수이므로 500 이하의 자연수는 $500 \div 54 = 9\cdots 14$ 이므로 9 개이다.

9. 사생대회 상품으로 학용품을 준비했다. 공책 45 권, 샤프 38 개, 지우개 32 개를 될 수 있는 대로 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주었더니 공책 3 권, 샤프 2 개, 지우개 2 개가 남았다. 몇 명의 학생에게 나누어 주었는가?

① 4 명 ② 6 명 ③ 8 명 ④ 10 명 ⑤ 11 명

해설

학생 수는 $45 - 3$, $38 - 2$, $32 - 2$,
즉 42 , 36 , 30 의 최대공약수이므로 6 명

10. $\frac{12}{n}$ 와 $\frac{18}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 중에서 가장 큰 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$\frac{12}{n}, \frac{18}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 중에서 가장 큰 수는 12 와 18 의 최대공약수인 6 이다.

11. 어떤 수를 15로 나누면 7이 남는 수 중 100에 가장 가까운 수는?

- ① 90 ② 92 ③ 95 ④ 97 ⑤ 99

해설

어떤 수를 x 라 하고 몫을 k 라 하면 $x = 15 \times k + 7$ 이다.

$k = 6$ 일 때, $x = 15 \times 6 + 7 = 97$ 이고 $k = 7$ 일 때, $x = 15 \times 7 + 7 = 112$ 이다.

따라서 100에 가장 가까운 수는 97이다.

12. 300 에 가장 가까운 11 의 배수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 297

해설

$11 \times 27 = 297$, $11 \times 28 = 308$ 이므로 300 에 가장 가까운 배수는 297 이다.

13. 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

Ⓐ $2^4 = 8$

Ⓑ $5 \times 5 \times 5 \times 7 \times 7 = 5^3 \times 7^2$

Ⓒ $3^2 = 2^3$

Ⓓ $\frac{1}{2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{2^2 \times 5^3}$

Ⓔ $\frac{1}{5^2 \times 5^4} = \frac{1}{5^8}$

Ⓐ, Ⓑ

Ⓑ, Ⓒ

Ⓒ, Ⓓ

Ⓓ, Ⓔ

Ⓔ, Ⓕ

Ⓐ, Ⓑ, Ⓕ

해설

Ⓐ $2^4 = 16$

Ⓒ $3^2 \neq 2^3$

Ⓓ $\frac{1}{5^2 \times 5^4} = \frac{1}{5^6}$

14. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- Ⓐ 가장 작은 소수는 1이다.
- Ⓑ 소수는 약수가 2 개인 수이다.
- Ⓒ 자연수는 소수와 합성수로 이루어져 있다.
- Ⓓ a, b 가 소수이면 $a \times b$ 도 소수이다.

Ⓐ Ⓛ

Ⓑ Ⓛ

Ⓒ Ⓛ, Ⓛ

Ⓓ Ⓛ, Ⓛ

Ⓔ Ⓛ, Ⓛ, Ⓛ

해설

- Ⓐ 가장 작은 소수는 2이다.
- Ⓒ 자연수는 1, 소수, 합성수로 이루어져 있다.
- Ⓓ a, b 가 소수일 때, $a \times b$ 의 약수는 1, $a, b, a \times b$ 이므로 $a \times b$ 는 소수가 아니다.

따라서 옳은 것은 Ⓛ이다.

15. 540에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 어떤 수는?

① 3 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 15

해설

$$540 = 2^2 \times 3^3 \times 5$$

$540 \times x$ 가 제곱수가 되기 위한 가장 작은 x 는 $3 \times 5 = 15$

16. x 는 $2^5 \times 7^3$ 의 약수 중에서 a^2 의 형태로 나타낼 수 있는 수일 때, x 값의 개수는? (단, a 는 자연수)

- ① 2 개 ② 4 개 ③ 6 개 ④ 8 개 ⑤ 10 개

해설

$2^5 \times 7^3$ 의 약수 중 $(자연수)^2$ 이 되는 수는

$1, 2^2, (2^2)^2, 7^2, (2 \times 7)^2, (2^2 \times 7)^2$

$\therefore 6$ 개이다.

17. 자연수 $2^2 \times 3 \times 5$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수를 a , 세 번째로 큰 수를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

- ① 15 ② 30 ③ 50 ④ 60 ⑤ 75

해설

$2^2 \times 3 \times 5$ 의 약수 중 두 번째로 큰 수는 $2 \times 3 \times 5 = 30$, 세 번째로 큰 수는 $2^2 \times 5 = 20$ 이므로, $a + b = 30 + 20 = 50$ 이다.

18. 세 수 72 , 84 , $2^2 \times 3^2$ 의 최대공약수는?

- ① $2^2 \times 3^2$ ② 24 ③ $\textcircled{2} 2^2 \times 3$
④ 18 ⑤ 2×3

해설

$72 = 2^3 \times 3^2$, $84 = 2^2 \times 3 \times 7$, $2^2 \times 3^2$ 이므로 최대공약수는
 $2^2 \times 3$

19. $6 \times x$, $8 \times x$, $10 \times x$ 의 최소공배수가 720 이라고 할 때, x 의 값은 얼마인가? (단, x 는 한 자리의 자연수이다.)

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$2 \times 3 \times x$, $2^3 \times x$, $2 \times 5 \times x$ 의 최소공배수는 $2^3 \times 3 \times 5 \times x = 720 = 2^4 \times 3^2 \times 5$ 이다.

$$\therefore x = 2 \times 3 = 6$$

20. 톱니의 수가 각각 48 개, 72 개인 두 톱니바퀴 A, B 가 서로 맞물려 돌고 있다. 두 톱니바퀴가 같은 이에서 다시 맞물리는 것은 A 가 적어도 몇 번 회전한 후인가?

- ① 1번 ② 2번 ③ 3번 ④ 4번 ⑤ 5번

해설

48 과 72 의 최소공배수는 144

$$144 \div 48 = 3$$

따라서 두 톱니바퀴가 같은 이에서 다시 맞물리는 것은 A 가 적어도 3번 회전한 후이다.

21. 가로, 세로, 높이가 각각 18, 10, 6 인 벽돌이 있다. 이 벽돌을 쌓아 가장 작은 정육면체를 만들 때, 필요한 벽돌의 개수는?

- ① 90 개 ② 450 개 ③ 545 개
④ 675 개 ⑤ 735 개

해설

정육면체의 한 모서리의 길이는 18, 10, 6 의 최소공배수이므로 90이다.

필요한 벽돌의 개수는

$$(90 \div 18) \times (90 \div 10) \times (90 \div 6) = 5 \times 9 \times 15 = 675(\text{개}) \text{이다.}$$

22. a, b 의 최대공약수가 36 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

[보기]

- Ⓐ 16은 a, b 의 공약수이다.
- Ⓑ 1, 2, 36은 a, b 의 공약수이다.
- Ⓒ a, b 의 공약수는 모두 10 개이다.
- Ⓓ a, b 의 공약수는 모두 72의 약수이다.

Ⓐ, Ⓑ

Ⓑ, Ⓒ

Ⓒ, Ⓓ

Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ

Ⓔ, Ⓕ, Ⓖ, Ⓗ

[해설]

a, b 의 공약수는 36의 약수와 같으므로 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36이다.

- Ⓐ. 16은 a, b 의 공약수가 아니다.
- Ⓑ. a, b 의 공약수는 9 개이다.

23. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이의 길이가 각각 45cm, 60cm, 90cm인 상자 속에 정육면체 모양의 과자 상자가 빈틈없이 들어있다. 과자 상자가 가장 적을 때의 개수는?

- ① 180 개 ② 72 개 ③ 36 개
④ 24 개 ⑤ 15 개

해설

과자 상자가 가장 적을 때 과자 상자 한 모서리의 길이가 가장 크므로 상자 한 모서리의 길이는 45, 60, 90 의 최대공약수인 15cm 이다.

따라서 상자의 개수는

$$(45 \div 15) \times (60 \div 15) \times (90 \div 15) = 72 (\text{개})$$

24. 가로, 세로의 길이가 각각 100m, 80m인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 하고, 나무를 가능한 한 적게 심으려고 할 때, 필요한 나무의 그루수는?

- ① 10 그루 ② 12 그루 ③ 14 그루
④ 16 그루 ⑤ 18 그루

해설

나무 사이의 간격을 x (m)라 할 때,
 $100 = x \times \square, 80 = x \times \triangle$
 x 는 100과 80의 최대공약수이므로
 $100 = 2^2 \times 5^2, 80 = 2^4 \times 5$
 $\therefore x = 2^2 \times 5 = 20$ (m)
나무 사이의 간격을 20m라 할 때,
가로 $100 = 20(m) \times 5$ (그루)
세로 $80 = 20(m) \times 4$ (그루)
직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 필요한 나무 그루수는
 $(5 + 4) \times 2 = 18$ (그루)

25. 두 자리의 두 정수의 최소공배수가 792이고 최대공약수가 11이라고 한다. 이를 만족하는 두 정수의 합을 구하면?

① 87 ② 99 ③ 175 ④ 183 ⑤ 187

해설

$792 = 2^3 \times 3^2 \times 11$ 이고, 두 수는 최대공약수 11의 배수이고,
두 자리 수이므로 $11 \times 2^3 = 88$ 과 $11 \times 3^2 = 99$ 가 된다.
 $\therefore 88 + 99 = 187$