

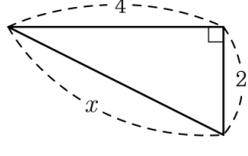
1. 세 변의 길이가 각각 $x-14$, x , $x+4$ 인 삼각형이 직각삼각형일 때, 빗변의 길이는?

① 6 ② 10 ③ 22 ④ 30 ⑤ 34

해설

가장 긴 변이 $x+4$ 이므로 $(x+4)^2 = x^2 + (x-14)^2$
 $x^2 + 8x + 16 = x^2 + x^2 - 28x + 196$
 $x^2 - 36x + 180 = 0$
 $(x-30)(x-6) = 0$
 $\therefore x = 30$ 또는 $x = 6$
그런데 $x-14 > 0$ 에서 $x > 14$ 이므로 $x = 30$ 이다.
따라서 빗변의 길이는 $x+4 = 34$

2. 다음 그림에서 x 의 값은?



- ① $\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{3}$ ③ 4 ④ $2\sqrt{5}$ ⑤ $2\sqrt{6}$

해설

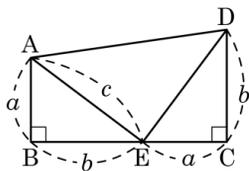
피타고라스 정리에 따라

$$4^2 + 2^2 = x^2$$

$$x^2 = 20$$

$x > 0$ 이므로 $x = 2\sqrt{5}$ 이다.

4. 다음은 그림을 이용하여 피타고라스 정리를 설명한 것이다.



(가), (나) 에 알맞은 것을 차례대로 쓴 것을 고르면?

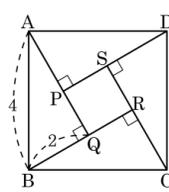
$$\begin{aligned} \triangle ABE + \triangle AED + \triangle ECD &= \square ABCD \text{ 이므로} \\ \frac{1}{2}ab + (가) + \frac{1}{2}ab &= \frac{1}{2}(a+b)^2 \\ \text{따라서 (나) 이다.} \end{aligned}$$

- ① (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a^2 + b^2 = c^2$
 ② (가) c^2 (나) $b^2 + c^2 = a^2$
 ③ (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a^2 + b^2 = c$
 ④ (가) c^2 (나) $b^2 - a^2 = c^2$
 ⑤ (가) $\frac{1}{2}c^2$ (나) $a + b = c$

해설

$$\begin{aligned} \triangle ABE + \triangle AED + \triangle ECD &= \square ABCD \text{ 이므로} \\ \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2 + \frac{1}{2}ab &= \frac{1}{2}(a+b)^2 \\ \text{따라서 } a^2 + b^2 &= c^2 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

5. 다음 그림의 정사각형 ABCD 에서 네 개의 직각삼각형이 합동일 때, 정사각형 PQRS 의 한 변의 길이는?



- ① $2(\sqrt{2}-1)$ ② $2(\sqrt{3}-1)$ ③ $3(\sqrt{2}-1)$
 ④ $3(\sqrt{3}-1)$ ⑤ 3

해설

$$\overline{AP} = \overline{BQ} = 2, \overline{AQ} = \sqrt{4^2 - 2^2} = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{PQ} = \overline{AQ} - \overline{AP} = 2\sqrt{3} - 2$$

∴ □PQRS 의 한 변의 길이는 $2(\sqrt{3}-1)$ 이다.

6. 다음 그림에서 $\angle C = 90^\circ$ 가 되기 위한 x 의 값을 구하면?

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{5}{6}$ ③ 1 ④ $\frac{7}{6}$ ⑤ $\frac{4}{3}$

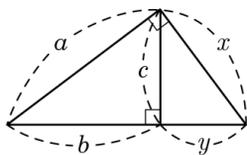


해설

$x + 3$ 이 빗변이므로 $(x + 3)^2 = x^2 + 4^2$ 이 성립한다.

$$\therefore x = \frac{7}{6}$$

7. 다음 그림에 대해 옳은 것의 개수는?



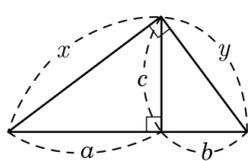
- | | |
|---|---|
| <input type="radio"/> ㉠ $a + y = b + x$ | <input type="radio"/> ㉡ $b^2 + c^2 = a^2$ |
| <input type="radio"/> ㉢ $a^2 + b^2 = x^2 + y^2$ | <input type="radio"/> ㉣ $x^2 - c^2 = y^2$ |
| <input type="radio"/> ㉤ $c = \sqrt{b^2 + a^2}$ | |

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

㉡ 피타고라스 정리에 따라 옳다.
 ㉣ 피타고라스 정리에 따라 $c^2 + y^2 = x^2$ 이므로 $x^2 - c^2 = y^2$ 이다.
 따라서 옳은 것은 2 개이다.

8. 다음 중 옳은 것을 고르면?

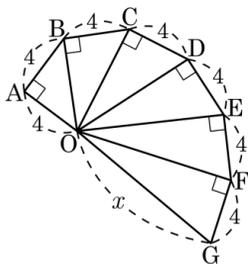


- ① $x^2 - a^2 = y^2 - b^2$ ② $a^2 + c^2 = y^2$
③ $y^2 - c^2 = x^2 - c^2$ ④ $b^2 = x^2 - c^2$
⑤ $a^2 + b^2 = x^2 + y^2$

해설

① 피타고라스 정리에 따라
 $x^2 = a^2 + c^2$
 $c^2 = x^2 - a^2$ 이고
 $c^2 + b^2 = y^2$
 $c^2 = y^2 - b^2$ 이므로
 $x^2 - a^2 = y^2 - b^2$ 이다.

9. 다음 그림에서 x 의 값으로 적절한 것을 고르면?



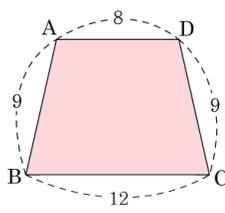
- ① $4\sqrt{7}$ ② $6\sqrt{7}$ ③ $8\sqrt{7}$ ④ $10\sqrt{7}$ ⑤ $12\sqrt{7}$

해설

$$\begin{aligned} \overline{BO} &= 4\sqrt{2}, \overline{CO} = 4\sqrt{3}, \overline{DO} = 8 \\ \overline{EO} &= 4\sqrt{5}, \overline{FO} = 4\sqrt{6} \\ \therefore x = \overline{GO} &= 4\sqrt{7} \end{aligned}$$

10. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD의 넓이는?

- ① $20\sqrt{77}$ ② $10\sqrt{77}$
③ 180 ④ 90
⑤ $30\sqrt{5}$



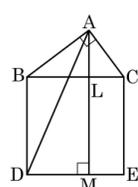
해설

사다리꼴 ABCD의 높이를 h 라 하면

$$h^2 = 9^2 - 2^2 = 77, h = \sqrt{77}$$

$$\therefore (\text{사다리꼴의 넓이}) = \frac{1}{2} \times (8 + 12) \times \sqrt{77} = 10\sqrt{77}$$

11. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 \overline{BC} 를 한 변으로 하는 정사각형 BDEC 를 그린 것이다. $\overline{BC} = 15 \text{ cm}$, $\triangle ABD = 50 \text{ cm}^2$ 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 정답: $5\sqrt{5}$ cm

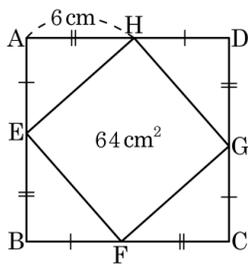
해설

$\triangle ABD = \triangle LBD = 50(\text{cm}^2)$ 이므로 $\square BDML = 100(\text{cm}^2)$
 따라서 $\square LMEC = 15^2 - 100 = 125(\text{cm}^2)$

$$\overline{AC}^2 = 125$$

$$\therefore \overline{AC} = 5\sqrt{5}(\text{cm})$$

12. 다음 정사각형 ABCD 안에 직각삼각형 AEH와 합동인 삼각형이 4개가 들어 있을 때, □EFGH의 사각형의 종류와 AE의 길이를 차례로 나열한 것은?

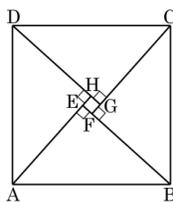


- ① 직사각형, $2\sqrt{7}$ cm ② 정사각형, $2\sqrt{7}$ cm
 ③ 직사각형, $3\sqrt{7}$ cm ④ 정사각형, $3\sqrt{7}$ cm
 ⑤ 직사각형, $3\sqrt{6}$ cm

해설

□EFGH는 네 변의 길이가 같고, 네 내각이 90° 이므로, 정사각형이다.
 $\overline{EH} = 8\text{cm}$, $(\overline{EH})^2 = (\overline{AE})^2 + (\overline{AH})^2$, $\overline{AE} = \sqrt{8^2 - 6^2} = 2\sqrt{7}(\text{cm})$

14. 다음 그림에서 4 개의 직각삼각형은 모두 합동 이고 사각형 ABCD 의 넓이는 36cm^2 , AE 의 길이는 4cm 일 때, 사각형 EFGH 의 둘레의 길이는?

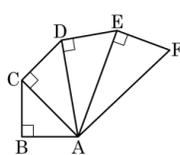


- ① $2(\sqrt{5}-1)\text{cm}$ ② $4(\sqrt{6}-1)\text{cm}$ ③ $4(\sqrt{5}-1)\text{cm}$
 ④ $8(\sqrt{6}-1)\text{cm}$ ⑤ $8(\sqrt{5}-2)\text{cm}$

해설

□ABCD 의 넓이가 36cm^2 이므로
 한 변의 길이는 6cm 이다.
 $\overline{AH} = \sqrt{6^2 - 4^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}(\text{cm})$ 이다.
 $\overline{AE} = 4\text{cm}$ 이고 사각형 EFGH 의 한 변인 $\overline{EH} = \overline{AH} - \overline{AE}$
 이므로
 $\overline{EH} = 2\sqrt{5} - 4 = 2(\sqrt{5} - 2)$ 이고,
 사각형 EFGH 의 둘레의 길이는
 $2(\sqrt{5} - 2) \times 4 = 8(\sqrt{5} - 2)\text{cm}$ 이다.

15. 다음 그림에서 $\overline{BA} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE} = \overline{EF}$ 이고, $\triangle ADE$ 의 둘레가 $3 + 3\sqrt{3}$ 일 때, $\triangle AEF$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 3

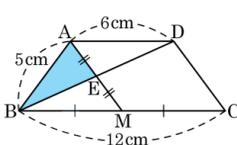
해설

$\overline{BA} = a$ 라고 하면 $\overline{AD} = \sqrt{a^2 + a^2 + a^2} = a\sqrt{3}$, $\overline{AE} = \sqrt{(a\sqrt{3})^2 + a^2} = 2a$ 이다.

따라서 $\triangle ADE$ 의 둘레는 $a + a\sqrt{3} + 2a = 3a + a\sqrt{3} = 3 + 3\sqrt{3}$, $a = \sqrt{3}$ 이고

$\triangle AEF$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 3$ 이다.

16. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD에서 \overline{BC} 의 중점을 M, \overline{AM} 과 \overline{BD} 의 교점을 E라고 할 때, $\overline{AE} = \overline{EM}$ 이 성립한다. $\triangle AEB$ 의 넓이를 구하여라.

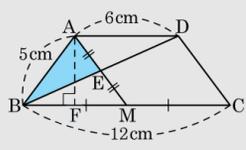


▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^2$

▶ 정답: 6 cm^2

해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 F라고 하자.



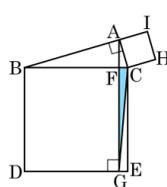
$\overline{BF} = 3 \text{ cm}$ 이므로 $\overline{AF} = 4 \text{ cm}$

따라서 $\triangle ABM$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12(\text{cm}^2)$ 이다.

이 때, $\triangle AEB$ 의 넓이는 $\triangle ABM$ 의 넓이의 $\frac{1}{2}$ 배이므로 $\triangle AEB$ 의 넓이는 6 cm^2 이다. ($\because \overline{AE} = \overline{EM}$)

17. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형이고 $\square BDEC$ 는 정사각형이다. $\overline{AG} \perp \overline{DE}$ 이고, $\overline{AB} = 24$, $\overline{BC} = 25$ 일 때, $\triangle FGC$ 의 넓이는 얼마인가?

- ① 48 ② $\frac{49}{2}$ ③ 50
 ④ $\frac{51}{2}$ ⑤ 52



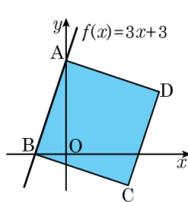
해설

$$\overline{AC} = \sqrt{25^2 - 24^2} = 7 \text{ 이므로 } \square ACHI = 49$$

$$\triangle FGC = \triangle ECF = \triangle ACH = \frac{1}{2} \square ACHI \text{ 이므로}$$

$$\triangle FGC = \frac{1}{2} \times 49 = \frac{49}{2} \text{ 이다.}$$

18. 함수 $f(x)$ 와 y 축, x 축이 만나는 점을 각각 A, B 라고 할 때, AB 를 한 변으로 하는 정사각형 ABCD 를 그린 것이다. □ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

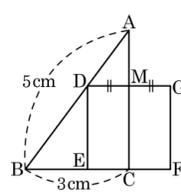
$A = (0, 3)$, $B = (-1, 0)$ 이므로

$\overline{OA} = 3$, $\overline{OB} = 1$

따라서 피타고라스 정리에 대입하면 $\overline{AB} = \sqrt{10}$ 이 성립한다.

그러므로 구하고자 하는 □ABCD 의 넓이는 10 이다.

19. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{BC} = 3\text{cm}$, $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형이고, $\square DEFG$ 는 정사각형이다. $\overline{DM} = \overline{MG}$ 일 때, 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 정답: 2.4 cm

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\overline{AC} = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4(\text{cm})$
 이 때, 정사각형의 한 변의 길이를 x 라 하면

$$\overline{DM} = \overline{GM} = \frac{x}{2} \text{ 이므로}$$

$$\overline{BE} = 3 - \frac{x}{2}, \overline{AM} = 4 - x \text{ 이다.}$$

또한, $\triangle ADM \sim \triangle DBE$ (\because AA 닮음) 이므로

$$\overline{DM} : \overline{BE} = \overline{AM} : \overline{DE}$$

$$\frac{x}{2} : \left(3 - \frac{x}{2}\right) = (4 - x) : x$$

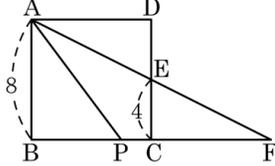
$$\frac{x^2}{2} = \left(3 - \frac{x}{2}\right)(4 - x)$$

$$x^2 = 24 - 10x + x^2$$

$$10x = 24$$

$$\therefore x = 2.4(\text{cm})$$

20. 한 변의 길이가 8인 정사각형 ABCD에서 \overline{BC} 위에 임의의 점 P를 잡고 점 A와 점 P를 잇고 $\angle PAD$ 의 이등분선이 \overline{AE} , \overline{AE} 의 연장선과 \overline{BC} 의 연장선과의 교점을 F라 하자. $EC = 4$ 일 때, AP 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$\triangle ECF \sim \triangle ABF$ 이므로
 $8 : 4 = (\overline{CF} + 8) : \overline{CF}$
 $\therefore \overline{CF} = 8$
 $\angle DAE = \angle CFE$ (엇각)
 $\triangle APF$ 는 이등변삼각형
 $\overline{AP} = \overline{PF} = x$ 라 하면 $\overline{BP} = 16 - x$
 $\triangle ABP$ 에서
 $x^2 = 8^2 + (16 - x)^2$
 $\therefore x = 10$