

1. 다음 보기에서 육면체인 것의 개수는?

보기

- ㉠ 삼각기둥
- ㉡ 오각기둥
- ㉢ 삼각뿔
- ㉣ 사각뿔대
- ㉤ 오각뿔

- ① 1 개
- ② 2 개
- ③ 3 개
- ④ 4 개
- ⑤ 5 개

해설

다면체의 면의 개수는
㉠ 삼각기둥 : 5 개
㉡ 오각기둥 : 7 개
㉢ 삼각뿔 : 4 개
㉣ 사각뿔대 : 6 개
㉤ 오각뿔 : 6 개
따라서 육면체는 2 개이다.

2. 다음 중 모서리의 개수가 8개인 다면체는?

- ① 삼각뿔대 ② 사각기둥 ③ 사각뿔
④ 삼각뿔 ⑤ 오각뿔

해설

모서리의 개수는 n 각기둥이 $3n$, n 각뿔은 $2n$, n 각뿔대는 $3n$ 이다.

따라서

① $3 \times 3 = 9$ (개)

② $3 \times 4 = 12$ (개)

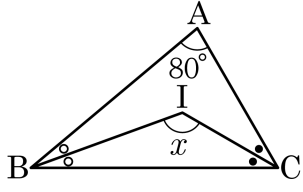
③ $2 \times 4 = 8$ (개)

④ $2 \times 3 = 6$ (개)

⑤ $2 \times 5 = 10$ (개) 이다.

모서리의 개수가 8 개인 것은 ③이다.

3. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 I 라고 하자.
 $\angle A = 80^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

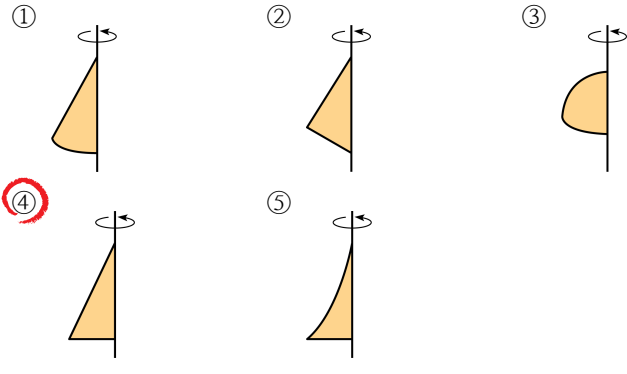
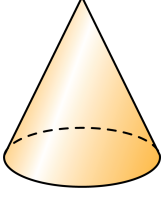


- ① 100° ② 120° ③ 130° ④ 140° ⑤ 150°

해설

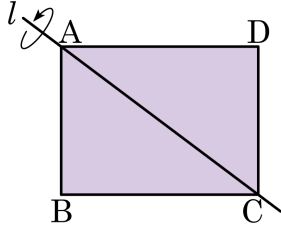
$\triangle ABC$ 에서 $2\angle IBC + 2\angle ICB + 80^\circ = 180^\circ$
 $\therefore \angle IBC + \angle ICB = 50^\circ$
 $\triangle BIC$ 에서 $\angle x = 180^\circ - (\angle IBC + \angle ICB) = 130^\circ$

4. 다음 회전체는 다음 중 어떤 도형을 회전시킬 때,
생기는 입체도형인가?

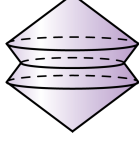


해설

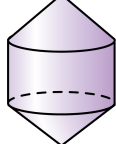
5. 다음 그림의 직사각형 ABCD 를 대각선 AC 를 축으로 하여 회전시킬 때 생기는 회전체는?



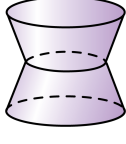
①



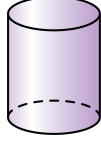
②



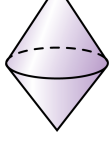
③



④

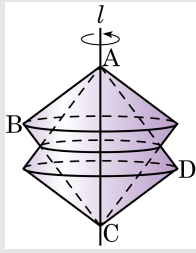


⑤

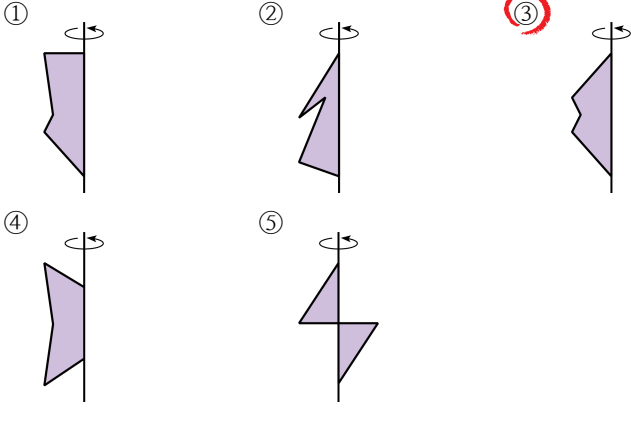
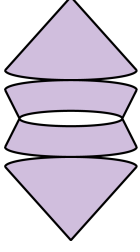


해설

주어진 도형을 회전시키면 다음 그림과 같은 회전체가 생긴다.

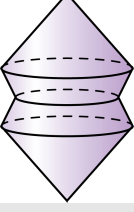


6. 다음 그림은 어느 회전체의 전개도이다. 다음 중 어느 평면도형을 회전시켜서 얻어진 것인가?



해설

주어진 전개도로 입체도형을 만들면 다음과 같으므로 삼각형과 사다리꼴이 2 개씩 합쳐진 ③번을 회전시킨 것이다.



7. 대각선의 총수가 44 개인 다각형의 꼭짓점의 개수는?

- ① 8 개 ② 9 개 ③ 10 개 ④ 11 개 ⑤ 12 개

해설

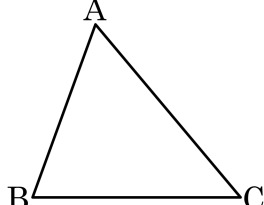
n 각형의 대각선 총 개수는 $\frac{n(n-3)}{2}$ 개 이므로 $\frac{n(n-3)}{2} = 44$

$$n(n-3) = 88 = 11 \times 8$$

$$\therefore n = 11$$

십일각형의 꼭짓점의 개수는 11 개이다.

8. 다음은 $\triangle ABC$ 의 세 내각의 합이 180° 임을 보이는 과정이다. ㉠ ~ ㉥에 들어갈 것으로 옳지 않은 것을 고르면?



$\triangle ABC$ 의 꼭짓점 A 를 지나 변 BC와 평행한 직선 DE 를 그 으면

$\angle B = \angle DAB$ (㉠),

$\angle C = \angle EAC$ (㉡),

$\therefore \angle A + \angle B + \angle C$

$\angle A +$ $+$ $=$

- ㉠ ㉠ : 동위각 ㉡ ㉡ : 엇각 ㉢ ㉢ : $\angle DAB$
- ㉣ ㉣ : $\angle EAC$ ㉤ ㉤ : 180°

해설

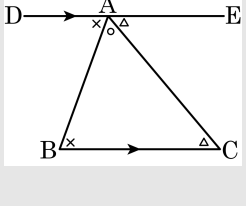
$\triangle ABC$ 의 꼭짓점 A 를 지나 변 BC와 평
행한 직선 DE 를 그 으면

$\angle B = \angle DAB$ (엇각),

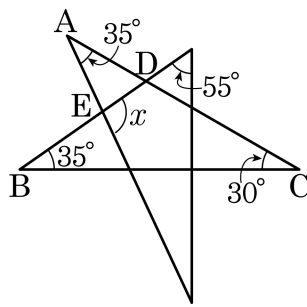
$\angle C = \angle EAC$ (엇각),

$\therefore \angle A + \angle B + \angle C =$

$\angle A + \angle DAB + \angle EAC = 180^\circ$



9. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 40° ② 60° ③ 80° ④ 100° ⑤ 120°

해설

$\angle ADE$ 는 $\triangle DBC$ 의 외각이므로
 $\angle ADE = 35^\circ + 30^\circ = 65^\circ$
 $\angle x$ 는 $\triangle AED$ 의 외각이므로
 $\angle x = 35^\circ + 65^\circ = 100^\circ$ 이다.

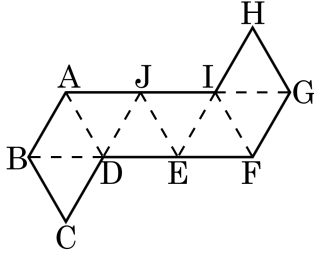
10. 한 내각의 크기가 108° 인 정다각형의 한 외각의 크기는?

- ① 52° ② 62° ③ 72° ④ 92° ⑤ 102°

해설

$$180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$$

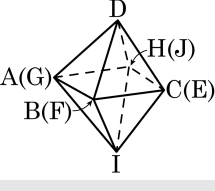
11. 다음 전개도로 정팔면체를 만들었을 때, 면 IFG 와 만나지 않는 면은?



- ① 면 BCD
- ② 면 ABD
- ③ 면 ADJ
- ④ 면 JDE
- ⑤ 면 JEI

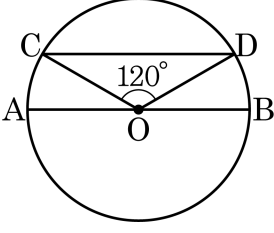
해설

정팔면체를 만들어 보면 다음과 같다.



점 A = 점 G , 점 B = 점 F
점 C = 점 E , 점 H = 점 J
따라서 면 IFG 와 만나지 않는 면은 면 DHC , 즉 면 DJE 이다.

12. 다음 그림의 원에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이고, $\angle COD = 120^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이는 원의 둘레의 길이의 몇 배인가?(단, 점 O는 원의 중심)

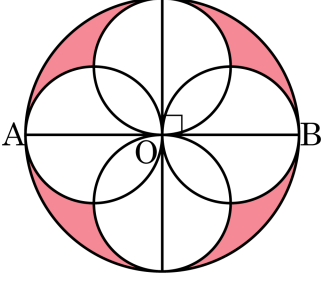


- ① $\frac{1}{4}$ 배
 ④ $\frac{1}{20}$ 배
- ② $\frac{1}{6}$ 배
 ⑤ $\frac{1}{24}$ 배
- ③ $\frac{1}{12}$ 배

해설

따라서 $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 는 원의 둘레의 길이의 $\frac{30^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{12}$ (배)이다.

13. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는? (단, 큰 원의 지름 $\overline{AB}$ 의 길이는 24cm이다.)



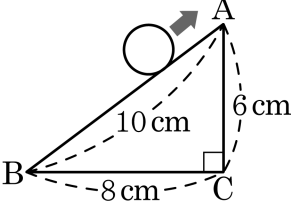
- ① $(60\pi - 100)\text{cm}^2$
- ② $(60\pi - 121)\text{cm}^2$
- ③ $(60\pi - 144)\text{cm}^2$
- ④ $(72\pi - 121)\text{cm}^2$
- ⑤ $(72\pi - 144)\text{cm}^2$

해설

색칠한 네 부분의 넓이는 같으므로 한 부분의 넓이를 구하면

$$\pi \times 12^2 \times \frac{1}{4} - 2 \times \pi \times 6^2 \times \frac{1}{4} - 6 \times 6 = 18\pi - 36$$
$$\therefore 4 \times (18\pi - 36) = 72\pi - 144(\text{cm}^2)$$

14. 다음그림과 같이 반지름의 길이가 2cm 인 원을 굴려서 직각삼각형을 한 바퀴 돌 때, 이 원이 지나간 부분의 넓이는?



- ① $(24 + 8\pi)\text{cm}^2$

② $(48 + 48\pi)\text{cm}^2$
- ③ $(64 + 24\pi)\text{cm}^2$

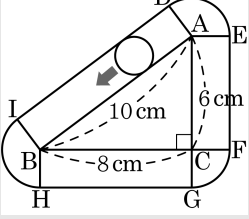
④ $(96 + 16\pi)\text{cm}^2$
- ⑤ $(108 + 56\pi)\text{cm}^2$

해설

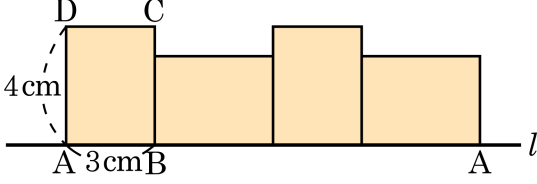
그림과 같이 원이 지나간 부분의 넓이는 직사각형의 3 개와 부채꼴 3 개의 넓이와 같다.

$\angle DAE + \angle FBG + \angle HCI = 360^\circ$ 이므로

구하는 넓이는 $10 \times 4 + 6 \times 4 + 8 \times 4 + \pi \times 4^2 = 96 + 16\pi(\text{cm}^2)$ 이다.



15. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 3cm, 4cm 이고 대각선의 길이가 5cm 인 직사각형을 직선 l 위에서 한 바퀴 돌렸을 때, 꼭지점 A 가 움직인 거리는?



- ① $4\pi\text{cm}$ ② $5\pi\text{cm}$ ③ $6\pi\text{cm}$ ④ $7\pi\text{cm}$ ⑤ $8\pi\text{cm}$

해설

구하는 길이는

$$\frac{2\pi \times 3}{4} + \frac{2\pi \times 5}{4} + \frac{2\pi \times 4}{4} = 6\pi(\text{cm})$$

