

1. 철수는 철사로 뱃변의 길이가 20cm, 한 변의 길이가 10cm인 직각삼각형을 만들었다. 나머지 한 변의 길이는?

①  $9\sqrt{3}$ cm      ②  $10\sqrt{2}$ cm      ③  $10\sqrt{3}$ cm  
④  $11\sqrt{3}$ cm      ⑤  $11\sqrt{2}$ cm

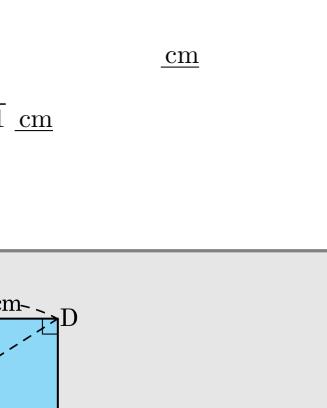
해설

나머지 한 변의 길이를  $x$ 라고 하면

$$x^2 = 20^2 - 10^2 = 300$$

$$x = \sqrt{300} = 10\sqrt{3}(\text{cm})$$

2. 다음 그림과 같이 □ABCD 가  $\overline{AB} = 13\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 15\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 10\text{cm}$  인 사다리꼴일 때,  $\overline{BD}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 :  $3\sqrt{41}$  cm

해설



A에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 E라고 하자.

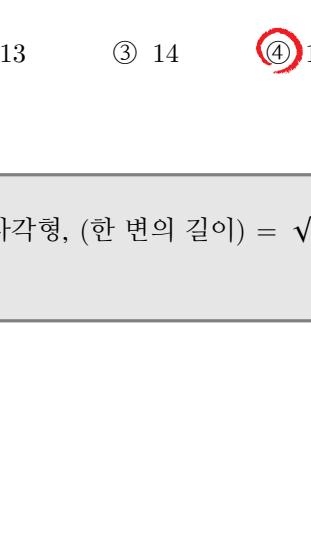
삼각형 ABE에서

$$\overline{AE} = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{144} = 12(\text{cm})$$

삼각형 BCD에서

$$\overline{BD} = \sqrt{15^2 + 12^2} = \sqrt{369} = 3\sqrt{41}(\text{cm})$$

3. 다음 정사각형 ABCD에서 4개의 직각삼각형은 합동이고  $x^2+y^2=15$  일 때, □EFGH의 넓이는?

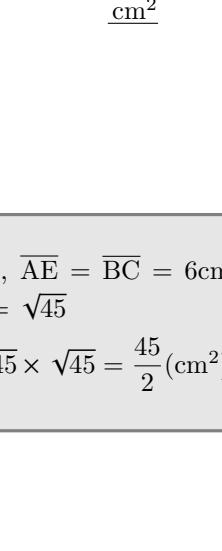


- ① 12      ② 13      ③ 14      ④ 15      ⑤ 16

해설

□EFGH는 정사각형, (한 변의 길이) =  $\sqrt{15}$ , 넓이는  $\sqrt{15} \times \sqrt{15} = 15$

4. 다음 그림에서  $\triangle ADE \cong \triangle BEC$  이고,  $\overline{AD} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 6\text{cm}$  일 때  
 $\triangle DEC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\underline{\hspace{2cm}}\text{cm}^2$

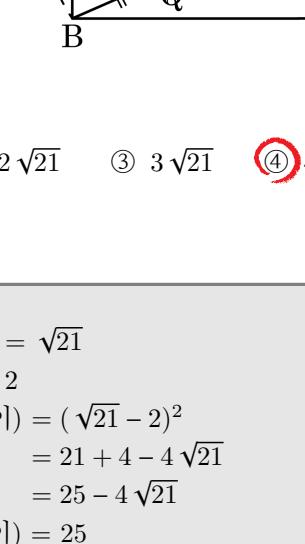
▷ 정답 :  $\frac{45}{2}\text{cm}^2$

해설

$$\overline{AD} = \overline{EB} = 3\text{cm}, \overline{AE} = \overline{BC} = 6\text{cm}, (\overline{ED})^2 = (\overline{EC})^2 = 3^2 + 6^2, \overline{ED} = \overline{EC} = \sqrt{45}$$

$$\therefore \triangle DEC = \frac{1}{2} \times \sqrt{45} \times \sqrt{45} = \frac{45}{2}(\text{cm}^2)$$

5. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD에서  $\overline{AP} = \overline{BQ} = \overline{CR} = \overline{DS}$  일 때, □ABCD 와 □PQRS 의 넓이의 차를 구하면?



- ①  $\sqrt{21}$     ②  $2\sqrt{21}$     ③  $3\sqrt{21}$     ④  $4\sqrt{21}$     ⑤  $5\sqrt{21}$

해설

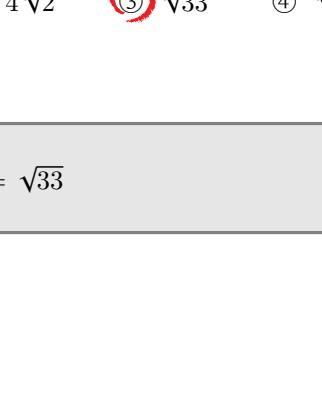
$$\begin{aligned}\overline{AQ} &= \sqrt{5^2 - 2^2} = \sqrt{21} \\ \therefore \overline{PQ} &= \sqrt{21} - 2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(\square PQRS \text{의 넓이}) &= (\sqrt{21} - 2)^2 \\ &= 21 + 4 - 4\sqrt{21} \\ &= 25 - 4\sqrt{21}\end{aligned}$$

$$(\square ABCD \text{의 넓이}) = 25$$

$$\therefore (\text{넓이의 합}) = 4\sqrt{21}$$

6. 다음 삼각형에서  $x$ 의 값을 구하면?



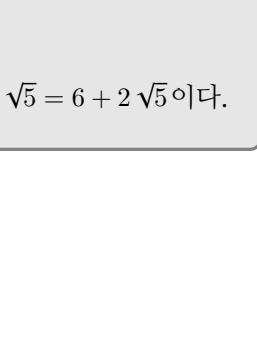
- ①  $\sqrt{31}$     ②  $4\sqrt{2}$     ③  $\sqrt{33}$     ④  $\sqrt{34}$     ⑤ 6

해설

$$x = \sqrt{7^2 - 4^2} = \sqrt{33}$$

7. 다음 그림에서  $\triangle AEF$ 의 둘레의 길이는?

- Ⓐ 6 + 2  $\sqrt{5}$  Ⓑ 5 + 2  $\sqrt{5}$   
Ⓒ 4 + 2  $\sqrt{5}$  Ⓒ 3 + 2  $\sqrt{5}$   
Ⓓ 2 + 2  $\sqrt{5}$



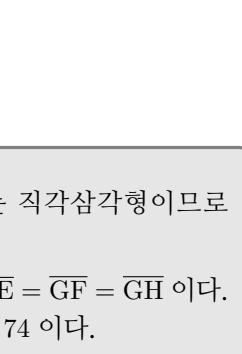
해설

$$\overline{AE} = \sqrt{2^2 + 2^2 + 2^2 + 2^2} = 4,$$

$$\overline{AF} = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$$

따라서  $\triangle AEF$ 의 둘레를 구하면  $4 + 2 + 2\sqrt{5} = 6 + 2\sqrt{5}$ 이다.

8. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$ 인  $\triangle AEH$  와 이와 합동인 세 개의 삼각형을 이용하여 정사각형 ABCD 를 만들었다. 이때, 정사각형 EFGH 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

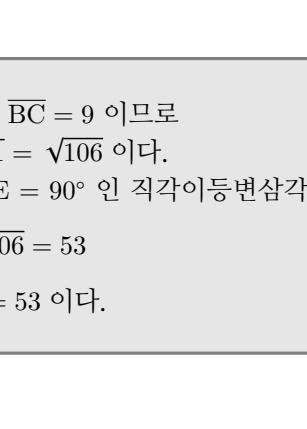
▷ 정답 : 74

해설

$\overline{AH} = 7, \overline{HD} = \overline{AE} = 5$  이고  $\triangle AEH$  는 직각삼각형이므로  $\overline{EH}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{AE}^2 = 7^2 + 5^2 = 74$  이다.

사각형 EFGH 는 정사각형이므로  $\overline{EH} = \overline{FE} = \overline{GF} = \overline{GH}$  이다. 따라서 정사각형 EFGH 의 넓이는  $\overline{EH}^2 = 74$  이다.

9. 다음 그림에서 두 직각삼각형 ABC 와 CDE 는 합동이고, 세 점 B, C, D 는 일직선 위에 있다.  $\overline{AB} = 5$  cm,  $\overline{DE} = 9$  cm 일 때,  $\triangle ACE$  의 넓이는?



- ① 49      ② 50      ③ 51      ④ 52      ⑤ 53

해설

$\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{DE} = \overline{BC} = 9$  이므로  
 $\overline{AC} = \sqrt{25 + 81} = \sqrt{106}$  이다.

$\triangle ACE$  օ)  $\angle ACE = 90^\circ$  인 직각이등변삼각형이므로  $\triangle ACE = \frac{1}{2} \times \sqrt{106} \times \sqrt{106} = 53$

따라서  $\triangle ACE = 53$  օ이다.

10. 다음 그림에서  $\overline{BF} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{DG} = 4\text{cm}$  이고, 삼각형 4 개는 모두 합동인 삼각형이다. (가)와 (나)에 알맞은 것을 차례대로 쓴 것은?



□EFGH의 모양은 이고,  
 $\overline{BC}$ 의 길이는 이다.

- ① (가) : 직사각형, (나) : 5 cm
- ② (가) : 직사각형, (나) : 6 cm
- ③ (가) : 정사각형, (나) : 5 cm
- ④ (가) : 정사각형, (나) : 8 cm
- ⑤ (가) : 정사각형, (나) : 9 cm

해설

□EFGH의 모양은 정사각형이고,  $\overline{BC}$ 의 길이는 5 cm이다.

11. 세변의 길이가 각각 다음과 같을 때, 직각삼각형이 아닌 것은?

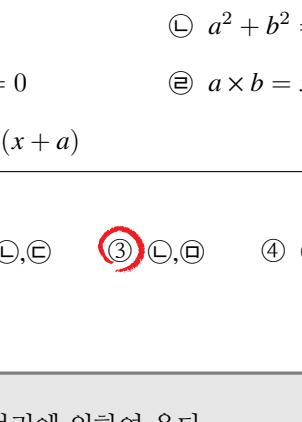
- ① 3, 5, 4      ② 4, 2,  $2\sqrt{3}$       ③  $\sqrt{3}, 2\sqrt{2}, \sqrt{5}$   
④  $\sqrt{15}, 6, \sqrt{21}$       ⑤ 4, 5,  $2\sqrt{2}$

해설

세 변의 길이가  $a, b, c$  인 삼각형에서 가장 긴 변의 길이를  $c$  라고 할 때,  $a^2 + b^2 = c^2$  성립하면 직각삼각형이고,  $a^2 + b^2 \neq c^2$  이면 직각삼각형이 아니다.

⑤ 가장 긴 변은 5이고,  $4^2 + (2\sqrt{2})^2 \neq 5^2$  이므로 직각삼각형이 아니다.

12. 다음 그림처럼 뱃변의 길이가  $x$ 이고, 다른 두 변의 길이가  $a, b$ 인  
직각삼각형에서 다음 중 옳은 것은?



Ⓐ $a + b = x$	Ⓛ $a^2 + b^2 = x^2$
Ⓑ $a + b - 2x = 0$	Ⓜ $a \times b = x^2$
Ⓒ $b^2 = (x - a)(x + a)$	

① Ⓐ,Ⓛ      ② Ⓢ,Ⓜ      Ⓛ Ⓢ,Ⓠ      ④ Ⓡ,Ⓠ      ⑤ Ⓣ,Ⓠ

해설

Ⓛ 피타고라스 정리에 의하여 옳다.

$$\text{Ⓜ } b^2 = (x - a)(x + a) = x^2 - a^2$$

13. 다음 그림은  $\overline{AB}$  를 한 변으로 하는 정사각형  $ABDE$  의 각 꼭짓점에서 수선  $AH, BC, DF, EG$  를 그어 직각삼각형을 만든 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



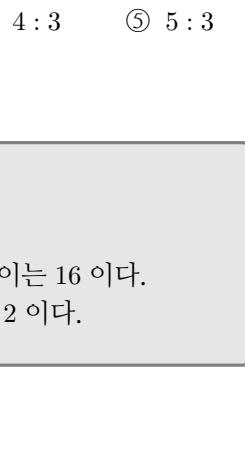
- ①  $\overline{AH} = 2\sqrt{3}$  cm
- ②  $\triangle ABC = 2\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup>
- ③  $\overline{EH} = 2$  cm
- ④  $\overline{CF} = 2$  cm
- ⑤  $\square FGHC = (16 - 8\sqrt{3})$  cm<sup>2</sup>

해설

$$\triangle ABC \cong \triangle BDF \cong \triangle DEG \cong \triangle EAH \text{ (RHA 합동)}$$

$$\textcircled{4} \quad \overline{CF} = \overline{BC} - \overline{BF} = 2\sqrt{3} - 2 \text{ (cm)}$$

14. 합동인 직각삼각형 4 개를 이용하여 다음 그림과 같이 □BDEA 를 만들었다. 이 때, □BDEA 와 □FGHC 의 넓이의 비는?



- ① 2 : 1      ② 3 : 2      ③ 5 : 2      ④ 4 : 3      ⑤ 5 : 3

해설

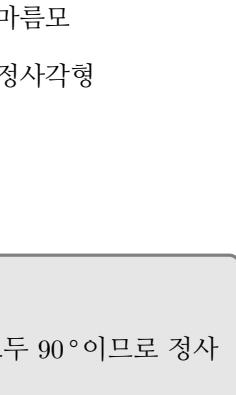
$$\overline{AB} = \sqrt{6^2 + 2^2} = \sqrt{40} = 2\sqrt{10} \text{ 이므로}$$

$$\square BDEA \text{의 넓이는 } (2\sqrt{10})^2 = 40 \text{ 이다.}$$

또,  $\overline{CF} = 6 - 2 = 4$  이므로  $\square FGHC$ 의 넓이는 16 이다.

따라서  $\square BDEA : \square FGHC = 40 : 16 = 5 : 2$  이다.

15. 다음은 4 개의 합동인 직각삼각형을 맞대어서 정사각형 ABDE 를 만든 것이다. 정사각형 ABDE 에서  $\overline{CH}$  의 길이와  $\square CFGH$  의 사각형의 종류를 차례대로 말한 것은?



- ①  $a - b$ , 마름모  
②  $b - a$ , 마름모  
③  $a - b$ , 정사각형  
④  $b - a$ , 정사각형  
⑤  $a - b$ , 직사각형

해설

$\overline{CH} = \overline{AH} - \overline{AC} = a - b$   
 $\square CFGH$ 는 네 변의 길이가 같고, 내각이 모두  $90^\circ$ 이므로 정사각형이다.

16. 다음은 삼각형의 세 변의 길이이다. 예각삼각형이 아닌 것은?

- ① 7, 9, 15      ② 10, 11, 5      ③ 6, 7, 9  
④  $3\sqrt{2}$ , 4,  $3\sqrt{3}$       ⑤  $3\sqrt{3}$ , 7, 8

해설

①  $15^2 = 225$ ,  $7^2 + 9^2 = 130$ ,  $225 > 130$   
 $\therefore$  둔각삼각형

17. 다음 중 직각삼각형인 것을 모두 고르면?

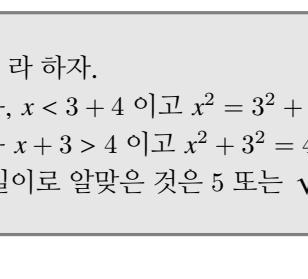
- |  |                                  |
|--|----------------------------------|
| Ⓐ 2, 4, $\sqrt{10}$                          | Ⓑ 3, $\sqrt{15}$ , $\sqrt{23}$   |
| Ⓒ 5, 12, 13                                  | Ⓓ $\sqrt{91}$ , 5 $\sqrt{3}$ , 4 |
| Ⓔ 2 $\sqrt{3}$ , 3 $\sqrt{5}$ , 2 $\sqrt{7}$ |                                  |

- ① Ⓐ, Ⓑ Ⓒ Ⓓ, Ⓔ ③ Ⓕ, Ⓖ ④ Ⓗ, Ⓘ ⑤ Ⓙ, Ⓕ

해설

- Ⓐ  $4^2 > (\sqrt{10})^2 + 2^2$   
Ⓑ  $(\sqrt{23})^2 < 3^2 + (\sqrt{15})^2$   
Ⓔ  $(3\sqrt{5})^2 > (2\sqrt{3})^2 + (2\sqrt{7})^2$

18. 다음 그림의 삼각형 ABC 가 직각삼각형의 되기 위해  $\overline{BC}$  의 길이로 알맞은 것을 모두 고르면?(단,  $\overline{BC}$ 의 길이는 4보다 작을 수도 있다.)



- ① 5      ② 25      ③  $7\sqrt{7}$       ④  $\sqrt{7}$       ⑤  $\sqrt{10}$

해설

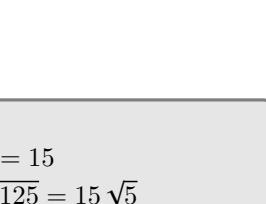
$\overline{BC}$ 의 길이를  $x$  라 하자.

①  $x > 4$  인 경우,  $x < 3 + 4$  이고  $x^2 = 3^2 + 4^2 \therefore x = 5$

④  $x < 4$  인 경우  $x + 3 > 4$  이고  $x^2 + 3^2 = 4^2 \therefore x = \sqrt{7}$

따라서  $\overline{BC}$ 의 길이로 알맞은 것은 5 또는  $\sqrt{7}$  이 된다.

19. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에서  $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



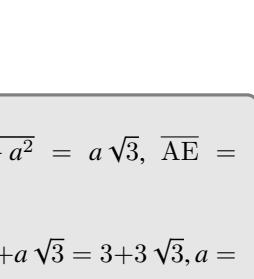
▶ 답:

▷ 정답:  $15\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}AH &= \sqrt{17^2 - 8^2} = \sqrt{289 - 64} = \sqrt{225} = 15 \\AB &= \sqrt{15^2 + 30^2} = \sqrt{225 + 900} = \sqrt{1125} = 15\sqrt{5}\end{aligned}$$

20. 다음 그림에서  $\overline{BA} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE} = \overline{EF}$  이고,  $\triangle ADE$ 의 둘레가  $3 + 3\sqrt{3}$  일 때,  
 $\triangle AEF$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 3

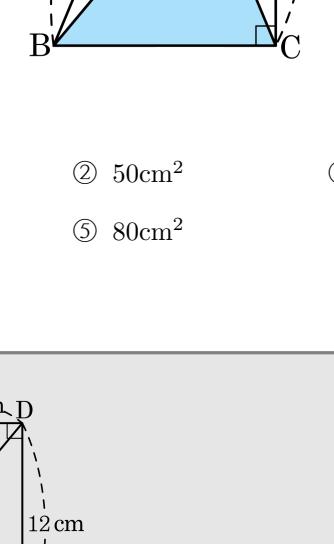
해설

$\overline{BA} = a$ 라고 하면  $\overline{AD} = \sqrt{a^2 + a^2 + a^2} = a\sqrt{3}$ ,  $\overline{AE} = \sqrt{(a\sqrt{3})^2 + a^2} = 2a$ 이다.

따라서  $\triangle ADE$ 의 둘레는  $a + a\sqrt{3} + 2a = 3a + a\sqrt{3} = 3 + 3\sqrt{3}$ ,  $a = \sqrt{3}$ 이고

$\triangle AEF$ 의 넓이는  $\frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 3$ 이다.

21. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서  $\angle C = \angle D = 90^\circ$ ,  $\overline{AD} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{AB} = 13\text{cm}$ ,  $\overline{DC} = 12\text{cm}$  일 때,  $\triangle EBC$ 의 넓이를 구하면?

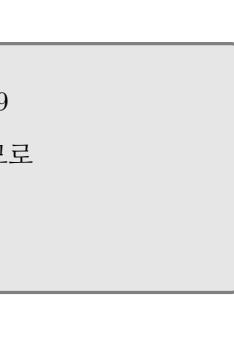


- ①  $40\text{cm}^2$       ②  $50\text{cm}^2$       ③  $60\text{cm}^2$   
 ④  $70\text{cm}^2$       ⑤  $80\text{cm}^2$



22. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형이고  $\square BDEC$  는 정사각형이다.  $\overline{AG} \perp \overline{DE}$ 이고,  $\overline{AB} = 24$ ,  $\overline{BC} = 25$  일 때,  $\triangle FGC$  의 넓이는 얼마인가?

- ① 48      ②  $\frac{49}{2}$       ③ 50  
 ④  $\frac{51}{2}$       ⑤ 52



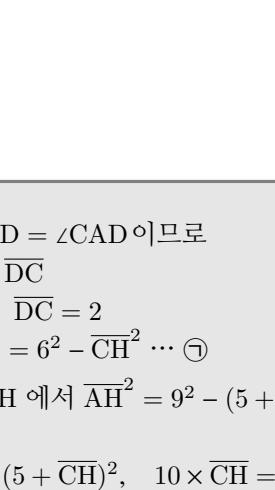
해설

$$\overline{AC} = \sqrt{25^2 - 24^2} = 7 \text{ 이므로 } \square ACHI = 49$$

$$\triangle FGC = \triangle ECF = \triangle ACH = \frac{1}{2} \square ACHI \text{ 이므로}$$

$$\triangle FGC = \frac{1}{2} \times 49 = \frac{49}{2} \text{ 이다.}$$

23. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB} = 9$ ,  $\overline{AC} = 6$ 이고,  
 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC와 만나는 점을 D라 하면  $\overline{BD} = 3$ 이다. 이  
 때, 점 A에서 변 BC의 연장선에 내린 수선  $\overline{CH}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$\triangle ABC$ 에서  $\triangle BAD \sim \triangle CAD$ 이므로

$$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$$

$$9 : 6 = 3 : \overline{DC} \therefore \overline{DC} = 2$$

$\triangle ACH$ 에서  $\overline{AH}^2 = 6^2 - \overline{CH}^2 \cdots \odot$

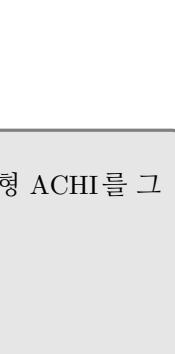
마찬가지로  $\triangle ABH$ 에서  $\overline{AH}^2 = 9^2 - (\overline{5} + \overline{CH})^2 \cdots \odot$

$\odot = \odot$ 에서

$$6^2 - \overline{CH}^2 = 9^2 - (\overline{5} + \overline{CH})^2, \quad 10 \times \overline{CH} = 20$$

$$\overline{CH} = 2$$

24. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 는 직각삼각형이고,  $\square BDEC$ 는  $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형이다.  $\square FGEC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}}$   $\text{cm}^2$

▷ 정답:  $16 \text{cm}^2$

해설

다음 그림과 같이  $\overline{AC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형  $ACHI$ 를 그리면



$\triangle BCH \cong \triangle ECA$ (SAS 합동),  $\triangle ACH = \triangle BCH$   
( $\because$  밑변과 높이가 서로 같다.)

$\triangle FCE = \triangle ECA$ ( $\because$  밑변과 높이가 서로 같다.)

$\therefore \triangle ACH = \triangle FCE$

따라서  $\square FGEC$ 는  $\square ACHI$ 와 넓이가 같으므로

$\square FGEC = \square ACHI = 4 \times 4 = 16(\text{cm}^2)$

25. 자연수  $a$ ,  $b$  에 대하여 세 변의 길이가  $a$ ,  $a + 50$ ,  $b$  인 삼각형이 직각 삼각형일 때,  $b$  의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

$b$  가 가장 작은 값을 가질 때는  $a + 50$  이 빗변인 경우이다.

피타고拉斯 정리에 의해  $a^2 + b^2 = (a + 50)^2$

$$\therefore b = 10\sqrt{a+25}$$

그런데  $b$ 는 자연수이므로  $a + 25$  가 완전제곱수가 되어야 한다.

이때,  $a + 25$  가 최소의 완전제곱수가 되는 경우는  $a + 25 = 36$ 에서  $a = 11$  일 때이다.

따라서  $b$ 의 최솟값은  $10\sqrt{11+25} = 60$  이다.