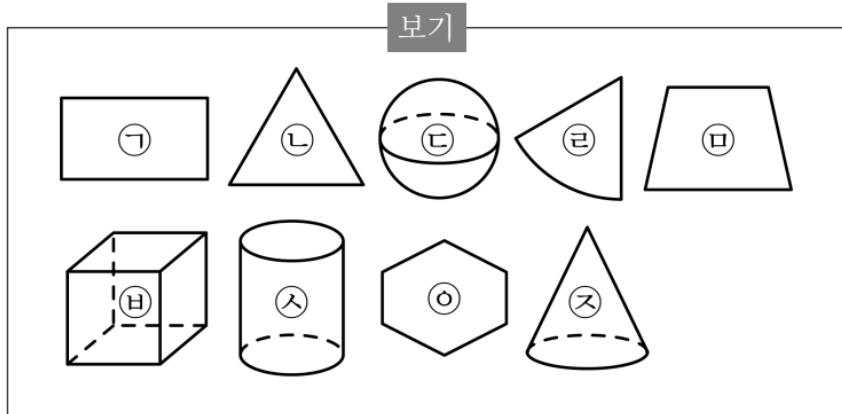


1. 다음 보기에서 다각형을 모두 골라라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㄱ

▷ 정답 : ㄴ

▷ 정답 : ㅁ

▷ 정답 : ㅎ

해설

다각형: 세 개 이상의 선분으로 둘러싸인 평면도형

2. 오각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는?

- ① 0 개
- ② 1 개
- ③ 2 개
- ④ 3 개
- ⑤ 4 개

해설

$$5 - 3 = 2$$

3. 삼각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수와 대각선의 총수를 순서대로 적은 것은?

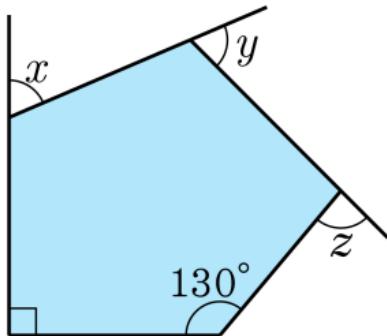
- ① 5 개, 35 개
- ② 5 개, 33 개
- ③ 6 개, 35 개
- ④ 6 개, 33 개
- ⑤ 7 개, 35 개

해설

$$n = 10, n - 3 = 7 \text{ (개)}$$

$$(\text{총수}) = \frac{10(10 - 3)}{2} = 35 \text{ (개)}$$

4. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 크기는?



- ① 110° ② 180° ③ 220° ④ 240° ⑤ 300°

해설

x 의 외각 :

$$360^\circ = x + y + z + 50^\circ + 90^\circ$$

$$x + y + z = 220^\circ$$

5. 정십이각형의 한 내각의 크기와 외각의 크기의 차를 구하면?

- ① 100°
- ② 110°
- ③ 120°
- ④ 130°
- ⑤ 140°

해설

$$(\text{한 내각의 크기}) = \frac{180^\circ \times (12 - 2)}{12} = 150^\circ$$

$$(\text{한 외각의 크기}) = \frac{360^\circ}{12} = 30^\circ$$

$$\therefore 150^\circ - 30^\circ = 120^\circ$$

6. 다음 보기 중 다각형이 아닌 것의 개수는?

보기

㉠ 팔각형

㉡ 정육면체

㉢ 십오각형

㉣ 원

㉤ 삼각형

㉥ 이십각형

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

④ 4 개

⑤ 5 개

해설

다각형은 세 개 이상의 선분으로 둘러싸인 평면도형이다.
따라서 ㉡, ㉣이 다각형이 아니다.

7. 다음 조건을 만족하는 다각형은?

- ㄱ. 6개의 선분으로 둘러싸여 있다.
- ㄴ. 변의 길이가 모두 같고 내각의 크기가 모두 같다.

- ① 정육면체
- ② 정삼각형
- ③ 육각형
- ④ 사각형
- ⑤ 정육각형

해설

6 개의 선분으로 둘러싸여 있으므로 육각형이고, 변의 길이와 내각의 크기가 모두 같으므로 정육각형이다.

8. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 5 개인 다각형을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 팔각형

해설

구하는 다각형을 n 각형이라 하면

$$n - 3 = 5 \quad \therefore n = 8$$

따라서 구하는 다각형은 팔각형이다.

9. 십이각형의 대각선의 총 개수를 a 개라 하고, 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수를 b 개라 할 때, $a - b$ 의 값은?

① 25

② 30

③ 35

④ 45

⑤ 50

해설

$$a = \frac{12(12 - 3)}{2} = 54$$

$$b = 12 - 3 = 9$$

$$\therefore a - b = 54 - 9 = 45$$

10. 대각선의 총 개수가 20 개인 다각형의 이름을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 팔각형

해설

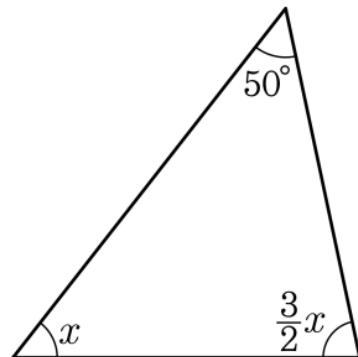
$$\frac{n(n - 3)}{2} = 20$$

$$n(n - 3) = 40$$

$$n(n - 3) = 8 \times 5$$

$$\therefore n = 8$$

11. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 50° ② 52° ③ 54° ④ 56° ⑤ 60°

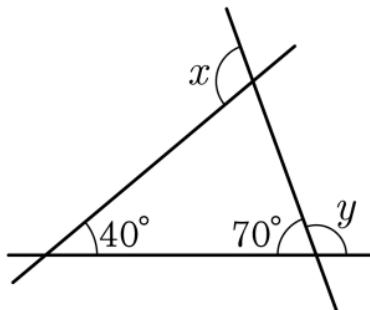
해설

$$50^\circ + x + \frac{3}{2}x = 180^\circ$$

$$\frac{5}{2}x = 130^\circ$$

$$\therefore \angle x = 52^\circ$$

12. 다음 그림의 $\angle x + \angle y$ 의 값으로 옳은 것은?



- ① 90° ② 160° ③ 220° ④ 300° ⑤ 360°

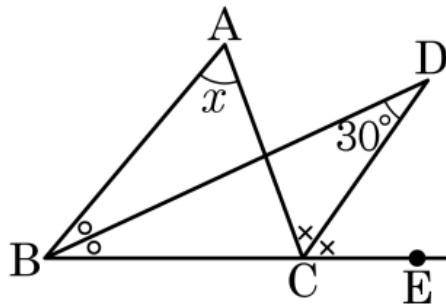
해설

$\angle x$ 는 맞닿아 있지 않은 삼각형의 두 내각의 합과 같으므로, $\angle x = 40^\circ + 70^\circ = 110^\circ$,

$\angle y$ 와 맞닿아 있는 삼각형의 내각의 합은 180° 이므로, $\angle y = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 이다.

$\angle x + \angle y = 110^\circ + 110^\circ = 220^\circ$ 이다.

13. 다음 그림에서 $\angle ABC$, $\angle ACE$ 의 이등분선의 교점을 D 라 한다. $\angle D = 30^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



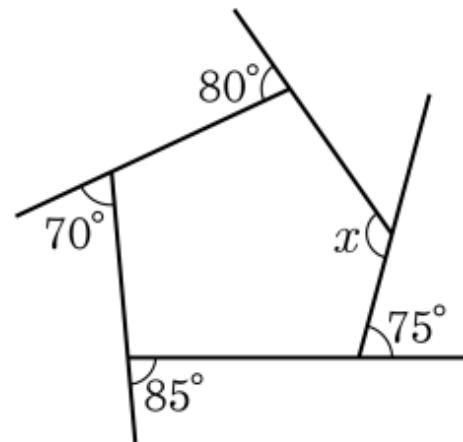
- ① 50° ② 55° ③ 60° ④ 65° ⑤ 70°

해설

$\angle x + \angle B = 2(30^\circ + \angle DBC)$ 인데 $2\angle DBC = \angle B$ 이므로 $\angle x = 60^\circ$ 이다.

14. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

- ① 50°
- ② 90°
- ③ 100°
- ④ 120°
- ⑤ 130°



해설

$\angle x$ 의 외각의 크기는

$$360^\circ - (80^\circ + 70^\circ + 85^\circ + 75^\circ) = 50^\circ$$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

15. 대각선의 총수가 77 개인 다각형의 꼭짓점의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 14 개

해설

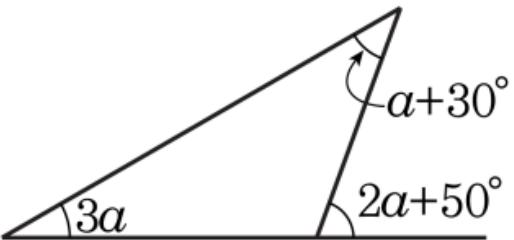
$$\frac{n(n - 3)}{2} = 77$$

$$n(n - 3) = 154$$

$$n = 14$$

십사각형의 꼭짓점의 개수는 14 이다.

16. 다음 그림에서 $\angle a$ 의 크기를 구하여라.



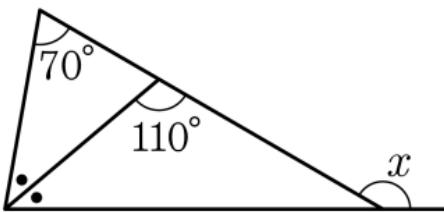
- ▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$
- ▶ 정답 : 10°

해설

$$3\angle a + \angle a + 30^\circ = 2\angle a + 50^\circ$$

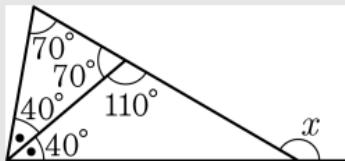
$$\therefore \angle a = 10^\circ$$

17. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 40° ② 60° ③ 70° ④ 110° ⑤ 150°

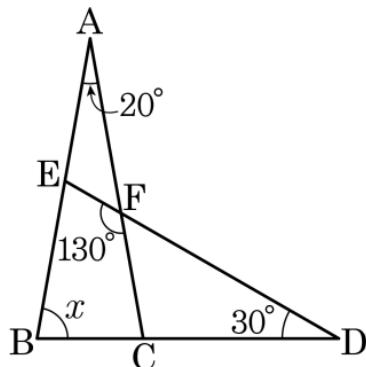
해설



삼각형의 외각인 x 는 이웃하지 않는 두 내각의 합이므로

$$x = 70^\circ + (40^\circ + 40^\circ) = 150^\circ$$

18. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 60° ② 70° ③ 80° ④ 85° ⑤ 90°

해설

$$\angle AFE = \angle CFD = 50^\circ \text{ } \circ\text{므로}$$

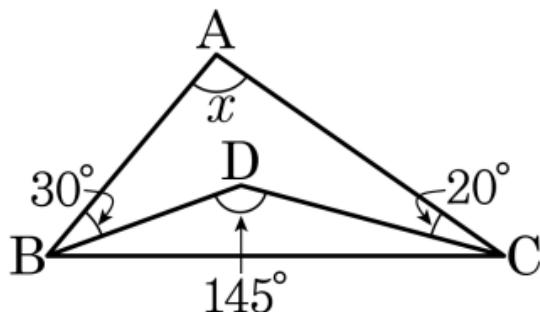
$$\angle BEF = 20^\circ + 50^\circ = 70^\circ$$

$$\angle BCF = 50^\circ + 30^\circ = 80^\circ$$

□EBCF에서

$$\angle x = 360^\circ - (70^\circ + 80^\circ + 130^\circ) = 80^\circ$$

19. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

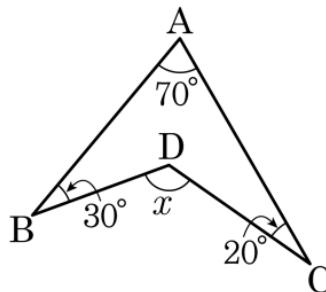


- ① 90° ② 95° ③ 100° ④ 105° ⑤ 110°

해설

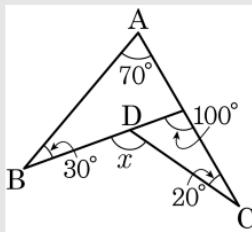
$$\angle x + 30^\circ + 20^\circ = 145^\circ, \therefore \angle x = 95^\circ$$

20. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



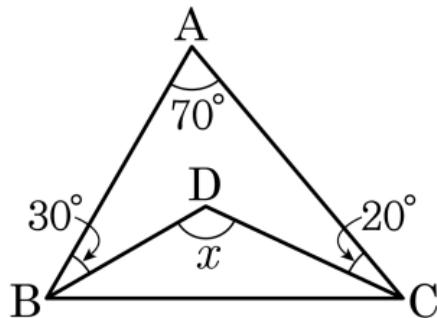
- ① 100° ② 105° ③ 110° ④ 115° ⑤ 120°

해설



$$\therefore \angle x = 30^\circ + 20^\circ + 70^\circ = 120^\circ$$

21. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 150° ② 140° ③ 130° ④ 120° ⑤ 110°

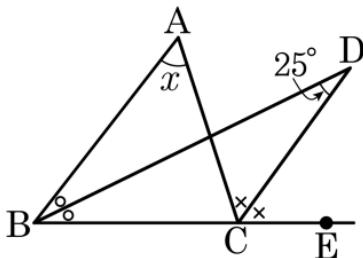
해설

$$70^\circ + 30^\circ + \angle DBC + 20^\circ + \angle DCB = 180^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle DBC + \angle DCB = 60^\circ$$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

22. 다음은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B$ 의 이등분선에서 점 C와 만나는 점을 D이고, $\angle BDC = 25^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 50°

해설

$$\angle DBC + 25^\circ = \angle DCE \text{ 이므로,}$$

$$\angle DCE - \angle DBC = 25^\circ$$

따라서 $\angle x$

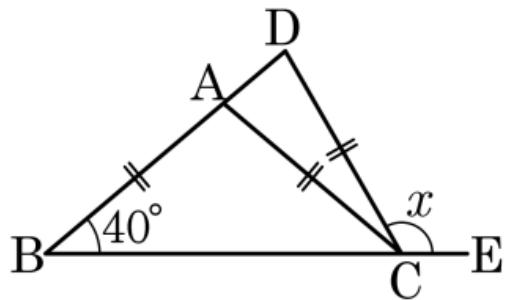
$$= \angle ACE - \angle ABC$$

$$= 2\angle DCE - 2\angle DBC$$

$$= 2(\angle DCE - \angle DBC)$$

$$= 2 \times 25^\circ = 50^\circ$$

23. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{CD}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 100° ② 120° ③ 150° ④ 160° ⑤ 165°

해설

$$2\angle ABC = \angle DAC, \angle DCE = 3\angle ABC$$

$$\angle x = 3 \times 40^\circ = 120^\circ$$

24. 한 내각의 크기가 135° 인 정다각형은?

① 정육각형

② 정칠각형

③ 정팔각형

④ 정십각형

⑤ 정십이각형

해설

정 n 각형의 한 외각의 크기 : $180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$

$$\frac{360^\circ}{n} = 45^\circ$$

$$n = 8$$

\therefore 정팔각형

25. 한 외각의 크기가 30° 인 정다각형의 꼭짓점의 개수는?

- ① 8 개
- ② 9 개
- ③ 10 개
- ④ 11 개
- ⑤ 12 개

해설

$$\frac{360^\circ}{n} = 30^\circ$$

$$\therefore n = 12$$

십이각형이므로 꼭짓점의 개수는 12 개이다.

26. 정팔각형의 한 외각의 크기와 정십각형의 한 내각의 크기의 차는?

① 90°

② 93°

③ 96°

④ 99°

⑤ 102°

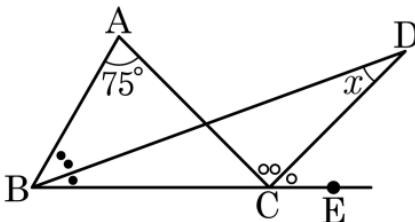
해설

정팔각형의 한 외각의 크기 : $360^\circ \div 8 = 45^\circ$

정십각형의 한 내각의 크기 : $\frac{180^\circ \times (10 - 2)}{10} = 144^\circ$

$$\therefore 144^\circ - 45^\circ = 99^\circ$$

27. 다음 그림에서 $\angle ABD = 2\angle DBC$, $\angle ACD = 2\angle DCE$, $\angle A = 75^\circ$ 일 때,
 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 25°

해설

$\triangle ABC$ 에서

$$\angle DCE = \frac{1}{3}\angle ACE = \frac{1}{3}(75^\circ + 3\angle DBC)$$

$$\therefore \angle DCE = 25^\circ + \angle DBC \cdots \textcircled{\text{1}}$$

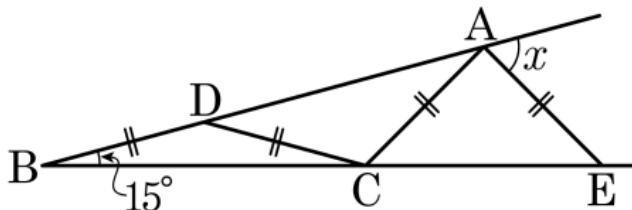
$\triangle DBC$ 에서

$$\angle DCE = \angle x + \angle DBC \cdots \textcircled{\text{2}}$$

$$\textcircled{\text{1}}, \textcircled{\text{2}} \text{에서 } \angle x + \angle DBC = 25^\circ + \angle DBC$$

$$\therefore \angle x = 25^\circ$$

28. 다음 그림에서 $\overline{DB} = \overline{DC} = \overline{AC} = \overline{AE}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: 60°

▷ 정답: 60°

해설

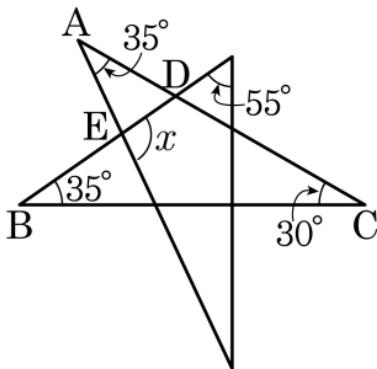
$$\angle DCB = \angle DBC = 15^\circ$$

$$\angle ADC = \angle DAC = 15^\circ + 15^\circ = 30^\circ$$

$$\angle ACE = \angle AEC = 30^\circ + 15^\circ = 45^\circ$$

$$\therefore \angle x = \angle DBC + \angle AEC = 15^\circ + 45^\circ = 60^\circ$$

29. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 40° ② 60° ③ 80° ④ 100° ⑤ 120°

해설

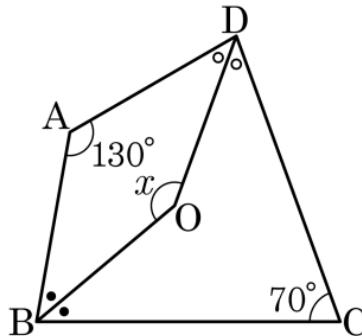
$\angle ADE$ 는 $\triangle DBC$ 의 외각이므로

$$\angle ADE = 35^\circ + 30^\circ = 65^\circ$$

$\angle x$ 는 $\triangle AED$ 의 외각이므로

$$\angle x = 35^\circ + 65^\circ = 100^\circ \text{ 이다.}$$

30. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 의 이등분선의 교점을 O라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 110° ② 120° ③ 130° ④ 140° ⑤ 150°

해설

□ABCD에서 $130^\circ + 70^\circ + 2\angle ADO + 2\angle ABO = 360^\circ$ 이므로
 $\angle ABO + \angle ADO = 80^\circ$ 이다.

또한, □ABOD에서 $130^\circ + \angle ABO + \angle ADO + \angle x = 360^\circ$ 이므로
 $\angle x = 150^\circ$ 이다.