- 1. 두 자연수  $2^2 \times 3^2 \times 5$ ,  $2 \times 3^3 \times 7$  의 공약수의 개수는?
  - ① 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

-해설 고야스

공약수는 최대공약수의 약수이므로 두 수의 최대공약수는  $2 \times 3^2$ : 약수의 개수는  $(1+1) \times (2+1) = 6$  (개)

$$2. \qquad \left(+\frac{2}{5}\right) - \left(-\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) \, \stackrel{\circ}{=} \, \, 계산하면?$$

 $\frac{2}{9}$  ②  $\frac{9}{20}$  ③  $-\frac{9}{20}$  ④  $\frac{1}{20}$  ⑤  $-\frac{1}{20}$ 

해설 
$$\frac{2}{5} + \frac{1}{4} - \frac{1}{5} = \frac{2}{5} - \frac{1}{5} + \frac{1}{4} = \frac{1}{5} + \frac{1}{4} = \frac{9}{20}$$

- **3.** 다음 중 가장 큰 수는?

  - ①  $(-2)^3$  ②  $-2^3$
- (3)  $-(-2)^3$
- $(4) -2^2$   $(5) (-2)^2$

- ①  $(-2)^3 = -8$ ②  $-2^3 = -8$
- $(3) (-2)^3 = +8$
- $4 2^2 = -4$  $(-2)^2 = +4$

- 4. 두  $+ 2^2 \times 3^3 \times 7, 2^3 \times 3^2 \times 5$  의 최대공약수를 구하면?
  - ①  $2^2 \times 3^2$  ②  $2^2 \times 3^3$  ③  $2^3 \times 3^3 \times 5$

- $\textcircled{4} \ 2^3 \times 3^3 \times 5 \qquad \qquad \textcircled{5} \ 2^5 \times 3^5 \times 7$

## 해설

공통인 소인수 중 지수가 낮은 쪽을 택하여 곱하면 최대공약수  $2^2 \times 3^3 \times 7$ ,  $2^3 \times 3^2 \times 5$ 의 최대공약수:  $2^2 \times 3^2$ 

**5.** 수직선 위의 점 A, B, C, D, E 가 나타내는 수로 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 점 A 가 나타내는 점은  $-3\frac{1}{2}$ 이다. ② 점 B 가 나타내는 점은  $-\frac{5}{2}$ 이다.
- ③ 유리수를 나타내는 점은 모두 5개이다. ④ 음의 정수를 나타내는 점은 모두 2개이다.
- ⑤ 점 A가 나타내는 수와 점 E가 나타내는 수의 절댓값이 같다.

음의 정수는 자연수에 음의 부호를 붙인 수이므로 음의 정수를

나타내는 점은 0개이다.

## **6.** 다음 중 옳은 것은?

- a 가 음수일 때, a 의 절댓값은 a 이다.
   a < b 이면 a 의 절댓값이 b 의 절댓값보다 작다.</li>
- 3a < b < 0 이면 a 의 절댓값이 b 의 절댓값보다 크다.
- ④ 절댓값이 가장 작은 정수는 1 이다.
- ⑤ *a* 가 유리수일 때, 절댓값이 *a* 인 수는 항상 2 개이다.

## ① a 가 음수일 때, a 의 절댓값은 -a 이다.

해설

- ② 반례: -3 < -2 이지만, -3 의 절댓값이 -2 보다 크다. ④ 절댓값이 가장 작은 정수는 0 이다.
- ④ 절댓값이 가장 작은 정수는 0 이다. ⑤ 반례: 0 은 유리수이지만 절댓값이 0 인 수는 0 하나 뿐이다.
- | ③ 반테 · U 은 유디누이지만 실뎃없^ |

- 7. -5보다  $-\frac{1}{3}$  만큼 작은 수를 a, 7보다  $-\frac{1}{2}$  만큼 큰 수를 b 라 할 때,  $a < x \le b$  인 정수 x 의 개수는?
  - ① 9개 ② 10개 ③ 11개 ④ 12개 ⑤ 13개

해설  $a = -5 - \left(-\frac{1}{3}\right) = -5 + \left(+\frac{1}{3}\right) = -\frac{14}{3}$   $b = 7 + \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{13}{2}$   $\therefore -\frac{14}{3} < x \le \frac{13}{2}$  인 정수는 -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6의 11 개이다.

8. 
$$(-1)^{100} + (2)^3 \div \frac{1}{8} \times (-1)^{101}$$
의 값은?

① -64 ② -63 ③ 0 ④ 63 ⑤ 64

$$(-1)^{100} + (2)^3 \div \frac{1}{8} \times (-1)^{101}$$

$$= 1 + (8) \times 8 \times (-1)$$

$$= 1 + (-64) = -63$$

$$= 1 + (-64) = -63$$

9. 어떤 자연수 n 에 대하여  $\frac{110}{2 \times n + 1}$  이 자연수가 된다. 이러한 n 의 값의 합을 구하여라.

답:▷ 정답: 34

02: 3

110의 약수를 구해보면 1, 2, 5, 10, 11, 22, 55, 110이다.

그 중 <del>홀수는</del> 1, 5, 11, 55 이다. 2×n+1=1에서 ∴ n=0

 $2 \times n + 1 = 5 \text{ odd} : n = 2$ 

 $2 \times n + 1 = 11$  에서 : n = 5

2×n+1=55에서 ∴ n=27 따라서 자연수 n의 합을 구하면 2+5+27=34

- **10.** 자연수 a,b,c 에 대하여  $5 \times a = 7 \times b = c^2$  을 만족하는 c 의 값으로 가능하지 <u>않은</u> 것은?
  - ① 35 ② 70 ③ 105 ④ 140 ⑤ 180

 $5 \times a = 7 \times b = c^2 \text{ old}$ 

해설

i )  $a=5\times7^2$  ,  $b=5^2\times7$  일 때,  $5\times(5\times7^2)=7\times(5^2\times7)=(5\times7)^2=35^2$ ii )  $a=2^2\times5\times7^2$  ,  $b=2^2\times5^2\times7$  일 때,  $5\times(2^2\times5\times7^2)=$ 

ii)  $a = 2^2 \times 5 \times 7^2$ ,  $b = 2^2 \times 5^2 \times 7$  일 때,  $5 \times (2^2 \times 5 \times 7^2) = 7 \times (2^2 \times 5^2 \times 7) = (2 \times 5 \times 7)^2 = 70^2$ 

iii)  $a = 3^2 \times 5 \times 7^2$  ,  $b = 3^2 \times 5^2 \times 7$  일 때,  $5 \times (3^2 \times 5 \times 7^2) =$ 

in)  $a = 3 \times 5 \times 7$ ,  $b = 3 \times 5 \times 7$   $\exists$  in,  $5 \times (3 \times 5 \times 7) = 7 \times (3^2 \times 5^2 \times 7) = (3 \times 5 \times 7)^2 = 105^2$ iv)  $a = 4^2 \times 5 \times 7^2$ ,  $b = 4^2 \times 5^2 \times 7$   $\exists$  in,  $5 \times (4^2 \times 5 \times 7^2) = 105^2$ 

 $7 \times (4^2 \times 5^2 \times 7) = (4 \times 5 \times 7)^2 = 140^2$ 

따라서 c 의 값으로 가능한 것은  $35,70,105,140,\cdots$  이다.

- **11.** a,b 의 최대공약수는 7, 두 수의 곱이 588일 때, (a,b)의 개수는?
  - ②2 개 ⑤ 5 개 ① 1개 ③ 3 개 ④ 4 개

a, b 의 최대공약수가 7 이므로

 $a=7x, b=7y\;(x\;,y\; 는 서로소,\; x<\!y\;)$ 라 하면  $7x \times 7y = 588$ 이다. 따라서  $x \times y = 12$ 즉, (x, y)는 (1,12), (3,4) 이므로 (a,b)는 (7,84), (21,28) 이다. 따라서 2 개이다.

- 12. 두 분수  $\frac{21}{16}$ ,  $\frac{35}{24}$  의 어느 것에 곱하여도 그 결과가 자연수가 되게 하는 분수 중에서 가장 작은 분수를 구하여라.
  - ①  $\frac{8}{7}$  ②  $\frac{48}{7}$  ③  $\frac{8}{105}$  ④  $\frac{48}{105}$  ⑤  $\frac{1}{35}$

**13.**  $5^x = 125$  를 만족하는 x 를 구하여라.

답:

▷ 정답: 3

 $125 = 5^3$  이다. 따라서 x = 3 이다.

 $\left[\frac{1\times2\times3\times\cdots\times5097+1\times2\times3\times\cdots\times5094}{1\times2\times3\times\cdots\times5096+1\times2\times3\times\cdots\times5095}\right]$ 의 값을 구하여라.

**14.** 유리수 x 에 대하여 [x] 는 x 보다 크지 않은 최대의 정수일 때,

▶ 답:

▷ 정답: 5096

 $1\times2\times3\times\cdots\times5096+1\times2\times3\times\cdots\times5095$  $= (1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5095) \times (5096 + 1)$  $= (1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5095) \times 5097$  $\frac{1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 5097 + 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 5094}{1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 5096 + 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 5095} = \frac{1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 5097}{(1 \times 2 \times 3 \dots \times 5095) \times 5097} + \frac{1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 5094}{(1 \times 2 \times 3 \dots \times 5095) \times 5097}$ 이므로  $1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5097$  $\frac{\cancel{(1 \times 2 \times 3 \cdots \times 5095) \times 5097}}{(1 \times 2 \times 3 \cdots \times 5095) \times 5097} = 5096 ,$  $\frac{1\times2\times3\times\cdots\times5094}{(1\times2\times3\cdots\times5095)\times5097}=0.\times\times\times\times$ 이다.  $\lceil 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5097 + 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5094 \rceil$  $\left[ 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5096 + 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 5095 \right]$  $[5096.\times\!\times\!\times\!\times]=5096$ 

- **15.** m 은 0 이 아닌 짝수, n 은 0 이 아닌 홀수일 때  $(-1)^m + (-1)^{-2n} (-1)^{2m-n} + (-1)^{m+4n}$  을 계산하여라.
  - 답:

▷ 정답: 4

해설

2n 은 짝수, 2m-n 은 홀수, m+4n 은 짝수이므로,  $(-1)^m + (-1)^{-2n} - (-1)^{2m-n} + (-1)^{m+4n} = 1 + 1 - (-1) + 1 = 4$