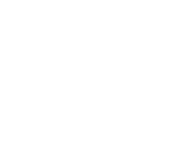


1. $\{1, 2, 3, 4, 6, 12\}, \{1, 2, 3, 6\}$ 을 원소로 가지는 집합을 각각 A, B 라 할 때, 두 집합 사이의 관계를 벤 다이어그램으로 바르게 나타낸 것은?



2. $A = \{1, 2, 3\}$ 일 때, 다음 중에서 옳지 않은 것은?

- ① $\emptyset \subset A$ ② $\{2\} \in A$
③ $\{1, 2, 3\} \subset A$ ④ $\{1, 2\} \subset A$
⑤ $A \subset \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

3. 두 집합 $A = \{2, \bigcirc, 6\}$, $B = \{4, 2, \diamond\}$ 에 대하여 $A = B$ 일 때, \bigcirc , \diamond 에 대하여 $A = B$ 일 때, \bigcirc , \diamond 안에 들어갈 수를 차례로 구하여라.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

4. $A = \{a, i, u, e, o\}$ 일 때, $B \subset A$ 이고, $A \neq B$ 인 집합 B 의 개수는?

- ① 3 개 ② 7 개 ③ 15 개 ④ 31 개 ⑤ 63 개

5. 두 집합 $A = \{3, 5\}$, $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 $A \subset X \subset B$ 를 만족하는
집합 X 의 개수를 모두 구하여라.

 답: _____ 개

6. 다음은 은희와 수지의 월요일 시간표이다.

	1교시	2교시	3교시	4교시	5교시	6교시
은희	도덕	국어	체육	수학	미술	한문
수지	국어	영어	음악	사회	컴퓨터	과학

은희의 시간표에 있는 교과의 집합을 A , 수지의 시간표에 있는 교과의 집합을 B 라 할 때, $A \cap B$ 를 원소나열법으로 나타내어라.

▶ 답: _____

7. 두 집합 $A = \{x|x\text{는 } 10 \text{ 이하의 홀수}\}, B = \{3, 6, 9, 12\}$ 를 벤 다이어그램으로 나타낼 때, \square 안에 알맞은 수를 쓰시오.



▶ 답: _____

▶ 답: _____

8. 두 집합 $A = \{a, b, c, d\}$, $B = \{b, c, e, f\}$ 일 때, $n(A - B)$ 는?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

9. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $(A \cup B) \cap (A \cup B^C)$ 을 간단히 하면?

- ① A ② U ③ \emptyset ④ B ⑤ B^C

10. 두 집합 $A = \{x \mid x \leq 10 \text{ 이하의 소수}\}$, $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 일 때, $n(A \cup B)$ 는?

- ① 5개 ② 6개 ③ 7개 ④ 8개 ⑤ 9개

11. 10 의 약수의 집합을 A , 12 의 약수의 집합을 B 라고 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

- ① $10 \in A$ ② $12 \in A$ ③ $14 \notin B$
④ $8 \in B$ ⑤ $6 \notin B$

12. 25 보다 작은 6의 배수의 모임을 집합 A 라고 할 때, A 를 원소나열법, 조건제시법, 벤 다이어그램으로 나타낸 것 중 옳은 것을 모두 고르면?
(정답 3개)

- ① $A = \{24, 12, 6, 18\}$
② $A = \{6, 12, 18\}$
③ $A = \{x \mid x \text{는 } 25\text{보다 작은 } 6\text{의 배수}\}$



13. 다음 중 유한집합인 것을 모두 골라라.

- Ⓐ { x | x 는 자연수}
- Ⓑ { x | x 는 가장 작은 자연수}
- Ⓒ { x | $0 < x < 1$, x 는 자연수}
- Ⓓ {1, 2, 3, 4, 6, 12, 24}
- Ⓔ { x | x 는 1보다 작은 수}
- Ⓕ { x | x 는 100보다 작은 2의 배수}

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

14. 집합 $A = \{\emptyset, x, y, \{x, y\}\}$ 일 때, $n(A)$ 를 구하여라.

▶ 답: _____

15. 다음 중 집합 $A = \{x \mid x\text{는 }6\text{의 약수}\}$ 의 부분집합인 것을 고르면?

- ① {0, 2} ② {1, 4} ③ {1, 2, 6}
④ {1, 3, 5} ⑤ {4, 5, 6}

16. 다음 중 옳지 않은 것은?

[보기]

- Ⓐ $n(\{\emptyset\}) = 1$
- Ⓑ $A \subset B$ 이면, $n(A) \leq n(B)$ 이다.
- Ⓒ $n(x \mid x \text{는 } 1 \text{보다 크고 } 3 \text{보다 작은 홀수}) = 2$
- Ⓓ $n(A) \leq n(B)$ 이면 $A \subset B$ 이다.

① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓐ, Ⓒ ③ Ⓑ, Ⓓ ④ Ⓑ, Ⓔ ⑤ Ⓒ, Ⓔ

17. 집합 $\{1, 3, 5, 7\}$ 에서 원소 1을 포함하고 5를 포함하지 않는 부분집합의 개수는?

- ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 6 개 ⑤ 8 개

18. 두 집합 A , B 에 대하여 옳지 않은 것을 모두 고른 것은?

$\textcircled{\text{A}} \quad (A \cap B) \subset (A \cup B)$	$\textcircled{\text{B}} \quad \emptyset \cap A = A$
$\textcircled{\text{C}} \quad B \subset (A \cap B)$	$\textcircled{\text{D}} \quad B \cup \emptyset = \emptyset$

- | | | |
|----------------|----------------|--------------|
| <p>① ②,③</p> | <p>② ④,⑤</p> | <p>③ ④,⑤</p> |
| <p>④ ④,⑤,⑥</p> | <p>⑤ ①,④,⑤</p> | |

19. 세 집합 A, B, X 에 대하여 $X \cup (A \cap B) = X$ 일 때 다음 중 옳은 것은?

- ① $X \subset A$
- ② $X \subset (A \cap B)$
- ③ $X \subset (A \cup B)$
- ④ $(A \cup B) \subset X$
- ⑤ $(A \cap B) \subset X$

20. 두 집합 $A = \{b, c, d, f, g\}$, $B = \{a, b, d, e, f, g, h\}$ 에 대하여
 $(A \cap B) \subset X \subset (A \cup B)$ 를 만족하는 집합 X 의 개수는?

- ① 8 개 ② 10 개 ③ 12 개 ④ 14 개 ⑤ 16 개

21. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 의 두 부분집합 $A = \{1, 3, 5\}, B = \{2, 3, 4\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $A - B = \{1, 5\}$ ② $B^c = \{1, 5, 6, 7\}$
③ $A \cap B = \{3\}$ ④ $A \cup B = \{1, 2, 4, 5\}$
⑤ $B - A^c = \{3\}$

22. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여, $A \subset B$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $B^C \subset A^C$ ② $A - B = \emptyset$ ③ $A \cap B = A$
④ $A \cup B = B$ ⑤ $B - A = \emptyset$

23. 미란이는 두 집합의 연산을 이용하여 새로운 집합을 만드는 팀구를 하다가 $A - B = \{2, 6\}$ 인 새로운 집합을 만든 원래의 두 집합 $A = \{2, 3, 4, b\}, B = \{3, a, 5, 7\}$ 을 발견하였다. 이 때, 원소 a, b 를 찾아 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: $a + b =$ _____

24. 전체집합 $U = \{a, b, c, d, e\}$ 의 두 부분집합 $A = \{a, b, c\}, B = \{b, d\}$ 에 대하여 $A^c \cap B^c$ 은?

- ① $\{a\}$ ② $\{a, c\}$ ③ $\{b\}$ ④ $\{e\}$ ⑤ $\{b, e\}$

25. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 두 부분집합 $A = \{2, 3, 4\}, B = \{1, 3, 5\}$ 에 대하여 $A \cap B^c$ 은?

- ① {1} ② {2} ③ {4} ④ {1, 2} ⑤ {2, 4}

26. 1 부터 20 까지의 자연수 중 2 의 배수이지만 3 의 배수가 아닌 수의 개수는?

- ① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 10 개

27. 다음 중에서 명제 ‘자연수 n 의 각 자리 숫자의 합이 6의 배수이면, n 은 6의 배수이다.’가 거짓임을 보여주는 n 의 값은?

- ① 30 ② 33 ③ 40
- ④ 42 ⑤ 답 없음

28. 다음 (가), (나)에 들어갈 말을 알맞게 나열한 것은?

- $|a| = |b|$ 는 $a = b$ 이기 위한 (가) 조건이다.
- 3의 배수는 6의 배수이기 위한 (나) 조건이다.

① 필요, 필요 ② 필요, 충분

③ 충분, 충분 ④ 충분, 필요

⑤ 충분, 필요충분

29. $a > 0$ 일 때, $A = 1 + \frac{a}{2}$, $B = \sqrt{1+a}$ 의 대소를 바르게 비교한 것은?

- ① $A > B$ ② $A < B$ ③ $A \geq B$
④ $A \leq B$ ⑤ $A = B$

30. 부등식 $|x + y| \leq |x| + |y|$ 에서 등호가 성립할 필요충분조건은?

- ① $x = y$
- ② $xy > 0$
- ③ $xy \geq 0$
- ④ $x \geq 0, y \geq 0$
- ⑤ $x \leq 0, y \leq 0$

31. $x > 3$ 일 때 $\frac{3}{x-3} + 2 + 3x$ 의 최솟값은?

- ① 3 ② 5 ③ 12 ④ 15 ⑤ 17

32. $A = \{x \mid x\text{는 } 6\text{ 이하의 자연수}\}$ 의 부분집합 중에서 홀수를 적어도 1 개 포함하는 집합의 개수는?

- ① 12 개 ② 16 개 ③ 32 개 ④ 56 개 ⑤ 64 개

33. 명제 ‘모든 학생들은 수학을 좋아한다.’의 부정으로 옳은 것은?

- ① 모든 학생들은 수학을 좋아하지 않는다.
- ② 모든 학생들은 영어를 좋아한다.
- ③ 어떤 학생들은 수학을 좋아한다.
- ④ 어떤 학생들은 수학을 좋아하지 않는다.
- ⑤ 어떤 학생들은 영어를 좋아한다.

34. 다음 중 참인 명제는?

- ① 직사각형은 마름모이다.
- ② 평행사변형은 직사각형이다.
- ③ 사다리꼴이면 정사각형이다.
- ④ 정삼각형이면 이등변삼각형이다.
- ⑤ 삼각형 ABC 가 직각삼각형이면 $\angle A = 90^\circ$ 이다.

35. 세 조건 p, q, r 을 만족하는 집합을 각각 P, Q, R 이라 하고, $P \cap R = Q$ 인 관계가 성립한다고 할 때, 다음 중 참인 명제는?

- ① $p \rightarrow q$ ② $p \rightarrow \sim r$ ③ $q \rightarrow r$
④ $r \rightarrow p$ ⑤ $r \rightarrow \sim q$

36. 집합 $A = \{x \mid -1 \leq x \leq 1, x\text{는 정수}\}$ 에 대하여 $a \in A, b \in A$ 일 때,
다음 중 참인 명제는?

- ① 임의의 a 에 대하여 $a^2 > 0$ 이다.
- ② $a^2 - 1 = 0$ 을 만족하지 않는 a 가 있다.
- ③ 모든 a, b 에 대하여 $a^2 + b^2 = 1$ 을 만족한다.
- ④ 모든 a, b 에 대하여 $a + b > 2$ 이다.
- ⑤ $|a| = |b|$ 이면 $ab = 1$ 이다.

37. 명제 ‘ $x - 2 = 0$ 이면 $x^2 - ax + 6 = 0$ 이다.’ 가 참이 되도록 하는 상수 a 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

38. 다음 중 명제의 역이 참인 것을 모두 고르면?

- ① x 가 소수이면 x 는 홀수이다.
- ② x 가 3의 배수이면 $x + 1$ 은 짝수이다.
- ③ 4 의 배수는 2 의 배수이다.
- ④ $2x > x + 3$ 이면 $x > 3$ 이다.
- ⑤ $x + y \leq 5$ 이면 $x \leq 2, y \leq 3$ 이다.

39. 두 실수 x, y 에 대하여 다음 명제가 참일 때, 실수 k 의 최솟값을 구하여라.

$$x + y < 8 \text{ 이면 } x < -2 \text{ 또는 } y < k$$

▶ 답: _____

40. 네 조건 p, q, r, s 에 대하여 명제 $p \Rightarrow \sim q, q \Rightarrow r, s \Rightarrow q$ 일 때,
보기 중 참인 명제의 개수는?

Ⓐ $q \Rightarrow p$	Ⓑ $s \Rightarrow r$	Ⓒ $r \Rightarrow s$
Ⓓ $p \Rightarrow \sim s$	Ⓔ $q \Rightarrow \sim p$	Ⓕ $\sim r \Rightarrow \sim q$
Ⓖ $s \Rightarrow \sim p$		

- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 7개

41. 자연수 n 에 대하여 ' n^2 이 짝수이면 n 도 짝수이다.'를 증명하는 과정이다. 이 때 괄호 안에 들어갈 알맞은 논리 종 틀린 것을 아래의 보기에서 고르면?

[증명]

주어진 명제의 (①)를 구하여 보면 $n \mid (②)$ 이면 n^2 도 (②)이다. 이 때 $n \mid (②)$ 이므로 $n = (③)$ (k 는 0 또는 자연수) $\mid n^2 = 2(2k^2 + 2k) + 1$

$\therefore n^2$ 은 (②)이다. 따라서, (①) 가 (④) 이므로 주어진 명제는 (⑤)이다.

- ① 대우 ② 홀수 ③ $2k + 1$

- ④ 거짓 ⑤ 참

42. 두 조건 $p : |x - h| \leq 1$, $q : -3 \leq x \leq 6$ 에 대하여 p 가 q 이기 위한 충분조건일 때, 정수 h 의 개수는?

- ① 4개 ② 5개 ③ 6개 ④ 7개 ⑤ 8개

43. 전체집합 U 에 대하여 두 집합이 $A = \{x \mid x > 3\}$, $B = \{x \mid x \leq -1\}$ 일 때, 주어진 조건 또는 명제를 집합으로 바르게 표현한 것은?

- ① 조건: $x < 3$, 집합표현: A^c
- ② 조건: $x \geq -1$, 집합표현: B^c
- ③ 조건: $-1 < x \leq 3$, 집합표현: $(A \cap B)^c$
- ④ 명제: $x > 3 \rightarrow x > -1$, 집합표현: $A \subset B^c$
- ⑤ 조건: $x \leq 3$ 또는 $x > -1$, 집합표현: $(A \cup B)^c$

44. 네 조건 p , q , r , s 에 대하여 p 는 r 이기 위한 충분조건, q 는 r 이기 위한 충분조건, s 는 r 이기 위한 필요조건, q 는 s 이기 위한 필요조건이다. 이 때, q 는 p 이기 위한 무슨 조건인지 구하여라.

▶ 답: _____ 조건

45. 다음은 $|a| < 1$, $|b| < 1$, $|c| < 1$ 일 때 부등식 $abc + 2 > a + b + c$ 가 성립함을 증명한 것이다. ①, ②, ③에 알맞은 것을 차례로 나열한 것은?

$$\begin{aligned} abc + 2 &> a + b + c \\ &= abc + 1 + 1 - a - b - c \\ &= (1 - ab)(1 - c) + (\textcircled{1}) \end{aligned}$$

$|a| < 1$ 이므로 $(\textcircled{1}) < 1 - a < (\textcircled{2})$
같은 방법으로 $(\textcircled{1}) < 1 - b < (\textcircled{3})$,
 $(\textcircled{1}) < 1 - c < (\textcircled{4})$
또한 $|ab| < 1$ 이므로 $(\textcircled{1}) < 1 - ab < (\textcircled{2})$
따라서 $abc + 2 - (a + b + c) = (1 - ab)(1 - c) + (\textcircled{1}) > (\textcircled{1})$
이므로 $abc + 2 > a + b + c$

① $(1 + a)(1 + b), 0, 2$ ② $(1 - a)(1 + b), 0, 2$

③ $(1 + a)(1 + b), -1, 1$ ④ $(1 - a)(1 - b), 0, 2$

⑤ $(1 - a)(1 - b), -1, 1$

46. m 이 실수 일 때, $2m^2 + \frac{8}{m^2} - 2 \geq k$ 를 만족하는 k 의 최댓값을 구하시오.

(단, $m \neq 0$)

▶ 답: _____

47. 실수 x, y 가 $x^2 + y^2 = 5$ 를 만족할 때, $x + 2y$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 한다. 이 때, $M - m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

48. 두 실수 x , y 의 제곱의 합이 10일 때, $x + 3y$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 한다. 이 때, $M - m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

49. 다음은 수근이가 중학교에 입학한 첫 날의 일기이다. 밑 줄 친 말 중에서 집합이 될 수 있는 것을 모두 골라라.

5월 18일 비온 뒤 캠

오늘은 내가 중학교에 입학한 첫 날이다. 교복을 입은 내 모습이 어색해 보였지만, 새로 사귀게 될 ⑦ 멋진 친구들과 선생님을 만날 생각을 하니 기대가 되었다.

입학 첫 날이어서 그런지 부모님과 함께 온 학생들도 많았다. 나는 ⑧ 1학년 1반에 배정되었는데, ⑨ 6학년 때 같은 반이었던 친구들도 있었다.

선생님은 중학교 생활에 대하여 여러 가지 말씀을 하신 후, 자리를 정해 주셨다. 나는 ⑩ 키가 큰 편이어서 뒤쪽에 앉게 되었는데, 눈이 나빠서 칠판이 잘 보이지 않았다. 내일은 안경을 맞추어야겠다.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

50. 자연수를 원소로 하는 두 집합 $A = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6\}$, $B = \{a_k + b | a_k \in A\}$ 가 있다. $A \cap B = \{4, 7, 9\}$ 이고, 집합 A 의 원소의 합이 32, $A \cup B$ 의 원소의 합이 62일 때, 집합 B 의 원소 중 가장 큰 수와 작은 수의 차를 구하여라.

▶ 답: _____