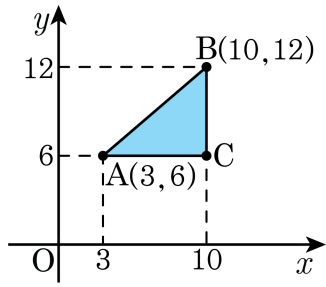


1. 다음 좌표평면 위의 두 점 A(3,6), B(10,12) 사이의 거리를 구하는 과정이다. 안에 알맞은 수를 구하여라.



$$\begin{aligned}(\text{두 점 A, B 사이의 거리}) &= \overline{AB} \\ \overline{AB}^2 &= \overline{AC}^2 + \overline{BC}^2 \\ &= (10 - 3)^2 + (12 - 6)^2 \\ &= 49 + 36 \\ &= 85 \\ \therefore \overline{AB} &= \text{ }\end{aligned}$$

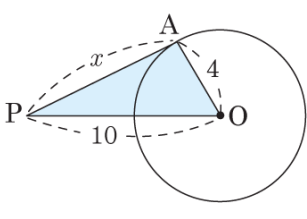
- ① $3\sqrt{5}$ ② 6 ③ $6\sqrt{7}$ ④ 8 ⑤ $\sqrt{85}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{두 점 A, B 사이의 거리}) &= \overline{AB} \\ \overline{AB}^2 &= \overline{AC}^2 + \overline{BC}^2 \\ &= (10 - 3)^2 + (12 - 6)^2 \\ &= 49 + 36 = 85\end{aligned}$$

2. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는? (단, $\overline{PA}$ 는 원 O 의 접선)

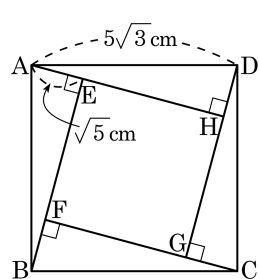
- ① $5\sqrt{3}$
- ② $3\sqrt{13}$
- ③ $4\sqrt{21}$
- ④ $4\sqrt{23}$
- ⑤ $9\sqrt{3}$



해설

$\angle A = 90^\circ$ 이므로
 $10^2 = x^2 + 4^2, \quad x = 2\sqrt{21}$
따라서 $\triangle PAO = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{21} \times 4 = 4\sqrt{21}$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 $5\sqrt{3}\text{ cm}$ 인 정사각형 ABCD 안에 함등인 4개의 직각삼각형이 있다. $\overline{AE} = \sqrt{5}\text{ cm}$ 일 때, □EFGH의 넓이를 구하여라.



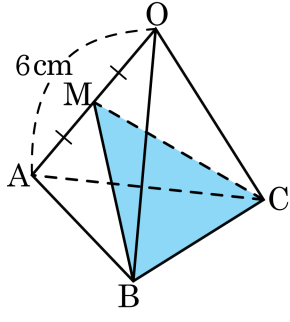
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $75 - 10\sqrt{14}\text{ cm}^2$

해설

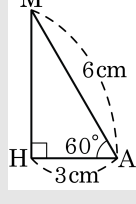
$$\begin{aligned} \overline{AE} &= \overline{HD} \\ \overline{AH} &= \sqrt{(5\sqrt{3})^2 - (\sqrt{5})^2} = \sqrt{70}(\text{cm}) \\ \overline{EH} &= \overline{AH} - \overline{AE} = \sqrt{70} - \sqrt{5} \\ \square\text{EFGH} &= (\sqrt{70} - \sqrt{5})^2 = (75 - 10\sqrt{14})(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

4. 다음 정사면체에서 $\overline{OA}$ 의 중점이 M 이고 $\overline{OA} = 6\text{cm}$ 일 때, $\triangle MBC$ 의 넓이를 구하면?

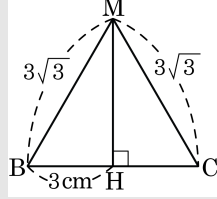


- ① $6\sqrt{2}\text{cm}^2$ ② $7\sqrt{2}\text{cm}^2$ ③ $8\sqrt{2}\text{cm}^2$
 ④ $9\sqrt{2}\text{cm}^2$ ⑤ $10\sqrt{2}\text{cm}^2$

해설



$$\overline{MB} = \overline{MC} = 3\sqrt{3}(\text{cm})$$

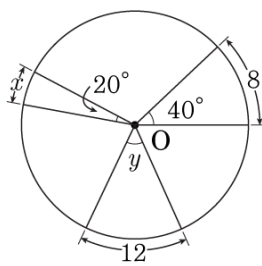


점 M 에서 $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H 라 하면

$$\overline{MH} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 - 3^2} = \sqrt{27 - 9} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$(\triangle MBC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 3\sqrt{2} = 9\sqrt{2}(\text{cm}^2)$$

5. 다음 그림의 원 O 에서 x 와 y 의 값은?



① $x = 4$, $y = 80^\circ$

② $x = 8$, $y = 80^\circ$

③ $x = 4$, $y = 60^\circ$

④ $x = 6$, $y = 60^\circ$

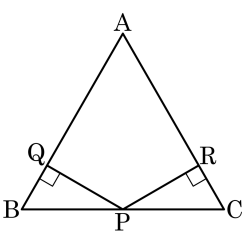
⑤ $x = 8$, $y = 60^\circ$

해설

$$20 : 40 = x : 8, \quad x = 4$$

$$8 : 12 = 40 : y, \quad y = 60$$

6. 한 변의 길이가 10 인 정삼각형 ABC 에서 $\overline{BC}$ 위에 임의의 점 P 를 잡고, 점 P 에서 $\overline{AB}$, $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 각각 Q, R 이라 할 때, $\overline{PQ} + \overline{PR}$ 를 구하면?
- ① $5\sqrt{3}$ ② $2\sqrt{5}$ ③ $5\sqrt{2}$
 ④ 6 ⑤ 8



해설

$$\triangle ABC \text{ 의 넓이 } S_1 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 10^2 = 25\sqrt{3}$$

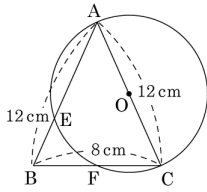
$$\triangle ABP \text{ 의 넓이 } S_2 = 10 \times \overline{PQ} \times \frac{1}{2} = 5\overline{PQ}$$

$$\triangle APC \text{ 의 넓이 } S_3 = 10 \times \overline{PR} \times \frac{1}{2} = 5\overline{PR}$$

$$S_1 = S_2 + S_3 \text{ 이므로 } 25\sqrt{3} = 5\overline{PQ} + 5\overline{PR}$$

$$\therefore \overline{PQ} + \overline{PR} = 5\sqrt{3}$$

7. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이고, $\overline{AC}$ 는 원 O 의 지름이다. $\overline{AB}$ 와 원 O 의 교점을 점 E , $\overline{BC}$ 와 원 O 의 교점을 점 F 라 할 때, $\overline{AE}$ 의 길이를 구하여라. (단, $\overline{AE} > \overline{BE}$)



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\frac{8}{3}$ cm

해설

$\overline{AF}$ 를 이으면 $\overline{BF} = \overline{CF}$ 이므로 $\overline{BF} = \overline{CF} = 4(\text{cm})$ 이다.
 $\overline{BE} = x$ 라 하면 $\overline{BE} \times \overline{BA} = \overline{BF} \times \overline{BC}$ 이므로
 $x \times 12 = 4 \times 8$, $x = \frac{8}{3}$ 이다.

8. 정수 x, k 에 대하여, $k-1 < \sqrt{x} < k+1$ 을 만족하는 x 의 개수가 47개가 되도록 하는 k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $k = 12$

해설

$k-1 < \sqrt{x} < k+1$ 에서 각 변을 제곱하면
 $(k-1)^2 < x < (k+1)^2$, x, k 가 모두 정수이므로
 $(k+1)^2 - (k-1)^2 - 1 = 47$
 $k^2 + 2k + 1 - k^2 + 2k - 1 - 1 = 47$
 $4k = 48$
 $\therefore k = 12$

9. 실수 x, y 에 대하여 $x^2 + y^2 = 2$ 를 만족하는 (x, y) 가 1개일 때, $x + y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : ± 2

해설

$x + y = k$ 라 하면 $y = -x + k$

이것을 $x^2 + y^2 = 2$ 에 대입하면

$$x^2 + (-x + k)^2 = 2$$

$$2x^2 - 2kx + k^2 - 2 = 0$$

$$x^2 - kx + \frac{k^2 - 2}{2} = 0$$

그런데 (x, y) 가 1개이므로 $D = 0$ 에서

$$k^2 - 4 \left(\frac{k^2 - 2}{2} \right) = 0$$

$$k^2 - 2k^2 + 4 = 0$$

$$k^2 = 4$$

$$\therefore k = x + y = \pm 2$$