①
$$(x+1)(x^2-x+1) = x^3+1$$

다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

②
$$(a+2b-3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$$

$$(x+2)(x^2-2x+4) = x^3+8$$

$$(x^2 - xy + y^2) (x^2 + xy + y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$$

$$(x-1)^2 (x+1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$$

2. 다항식 $2x^3 + ax^2 + bx + 8$ 이 x - 1과 x - 2로 각각 나누어 떨어지도록 하는 상수 a, b의 값은?

①
$$a = -2, b = -8$$

③ $a = -1, b = -3$

②
$$a = 3, b = 4$$

④ $a = 4, b = -2$

(5)
$$a = -3$$
, $b = 7$

 $f(x) = 2x^3 + ax^2 + bx + 8$ 로 놓으면

두 식을 연립하여 풀면 a = -2, b = -8

$$f(2) = 16 + 4a + 2b + 8 = 0$$

$$\therefore a + b = -10, \ 2a + b = -12$$

3. k의 값에 관계없이 $(3k^2+2k)x-(k+1)y-(k^2-1)z$ 의 값이 항상 1일 때, x+y+z의 값은?

 $\bigcirc -3$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 3$ $\bigcirc 3$ $\bigcirc 4$ $\bigcirc 6$ $\bigcirc 8$

$$k^2(3x-z)+k(2x-y)-(y-z)=1$$

위 식이 k 의 값에 관계없이 성립하므로 k 에 대한 항등식이다.
$$\begin{cases} 3x-z=0 & \cdots & \bigcirc \\ 2x-y=0 & \cdots & \bigcirc \\ z-y=1 & \sim & \bigcirc \end{cases}$$

①, (L), (C)을 연립하여 풀면

x = 1, y = 2, z = 3 $\therefore x + y + z = 6$

주어진 식을 k에 대하여 정리하면

해설

- **4.** x에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 3$ 이 $x^2 + 1$ 로 나누어떨어질 때, a + b의 값을 구하면?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설
$$x^3 + ax^2 + bx + 3 = (x^2 + 1)(x + k)$$
라 할 수 있다. 여기에서 상수항을 비교하면 $k = 3$
$$x^3 + ax^2 + bx + 3 = (x^2 + 1)(x + 3)$$

$$\therefore a=3, b=1$$
이므로 $a+b=4$

 $= x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

$$x^3 + ax^2 + bx + 3 = (x^2 + 1)Q(x)$$

 $x^2 = -1$ 을 대입하면
 $-x - a + bx + 3 = 0$, $(b - 1)x + (3 - a) = 0$
 x 에 대한 항등식이므로

 $\therefore a+b=4$

a = 3, b = 1

5. x 에 관한 항등식 $x^3 + 2x^2 - 3x + 5 = a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$ 를 만족시키는 a, b, c, d 에 대하여 abcd 의 값은?

해설
$$a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$$

$$= (x-1)\{a(x-1)^2 + b(x-1) + c\} + d$$

$$= (x-1)[(x-1)\{a(x-1) + b\} + c] + d$$
따라서 $x^3 + 2x^2 - 3x + 5 = x - 1$ 로 연속으로 나눌 때 나오는 나머지가 순서대로 d , c , b 가 되고 마지막의 몫이 a 이다.

a = 1, b = 5, c = 4, d = 5

 $\therefore abcd = 100$

6. 다음 다항식의 일차항의 계수는?

$$(1+x+x^2)^2(1+x)+(1+x+x^2+x^3)^3$$

① 3

- 2 4
- 3 5

4)6

5) 7

해설

i) $(1+x+x^2)^2(x+1)$ 의 일차항의 계수 : $(1+x+x^2)^2$ 의 일차항에 1을 곱할 때.

계수= 2

 $:(1+x+x^2)^2$ 의 상수항에 x를 곱할 때,

계수= 1

ii) $(1+x+x^2+x^3)^3$ 의 일차항의 계수

x + x² + x³ = Y 라 하면, (Y+1)³ = Y³ + 3Y² + 3Y + 1

 $3Y = 3x + 3x^2 + 3x^3$

일차항의 계수= 3, 다른 항에는 일차항이 없다.

i), ii)에서 2+1+3=6