

1.  $(-1)^n + (-1)^{n+1}$ 의 값은? ( $n$ 은 자연수)

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -2      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} n = 2k : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k} + (-1)^{2k+1} \\ &= 0 \\ n = 2k - 1 : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k-1} + (-1)^{2k} \\ &= 0 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned} n = \text{홀수일 때}, n+1 = \text{짝수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = -1 + 1 = 0 \\ n = \text{짝수일 때}, n+1 = \text{홀수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0 \end{aligned}$$

2.  $(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2$  을 간단히 하면?

- ①  $72a^7x^8$       ②  $-72a^7x^8$       ③  $72a^{12}x^{12}$   
④  $-72a^{12}x^{12}$       ⑤  $48a^8x^7$

해설

$$(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2 = 8a^3x^6 \times 9a^4x^2 = 72a^7x^8$$

3. 다음 등식 중에서  $x$ 에 어떤 값을 대입하여도 항상 성립하는 것을 모두 고르면?

①  $(x - 2)(x + 2) = x^2 - 4$       ②  $x^2 - x = x(x + 2)$   
③  $(x + y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$       ④  $x(x - 2) = 0$

⑤  $x + y = x - y$

해설

②는  $x = 0$  일 때만 성립하고,  
④는  $x = 0, 2$  일 때만 성립한다.  
그리고 ⑤는  $y = 0$  일 때만 성립한다.  
①과 ③은 모든 실수에 대하여 성립한다.

4. 다음 곱셈공식을 전개한 것 중 바른 것은?

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

②  $(a + b)^2(a - b)^2 = a^4 - 2a^2b^2 + b^4$

③  $(-x + 3)^3 = x^3 - 9x^2 + 27x - 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab - b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^{16} - 1$

해설

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

③  $(-x + 3)^3 = -x^3 + 9x^2 - 27x + 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^8 - 1$

5.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $ab + bc + ca = 9$ ,  $a + b + c$ 의 값은?

- ①  $-3\sqrt{2}$       ②  $-2\sqrt{3}$       ③  $\pm 3\sqrt{3}$   
④  $\pm 3\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

6.  $a, b$ 는 정수이고,  $ax^3 + bx^2 + 1 \mid x^2 - x - 1$ 로 나누어 떨어질 때,  $b$ 의 값은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

전개했을 때 양변의 최고차항과 상수항이 같아야 하므로

$$\begin{aligned} ax^3 + bx^2 + 1 \\ = (x^2 - x - 1)(ax - 1) \\ = ax^3 - (1 + a)x^2 + (1 - a)x + 1 \\ \text{양변의 계수를 비교하면} \\ -(1 + a) = b, 1 - a = 0 \\ \therefore a = 1, b = -2 \end{aligned}$$

7. 다항식  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ 을  $x - 2, x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지를 각각  $a, b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① -8      ② -2      ③ -16      ④ 4      ⑤ 2

해설

$$f(x) = (x - 2)Q(x) + a$$

$$f(x) = (x - 1)Q'(x) + b$$

$$f(2) = 4 = a, f(1) = -2 = b$$

$$\therefore a + b = 2$$

8. 등식  $3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c$  Ⓜ  $x$ 에 관한 항등식일 때, 상수  $b$ 의 값은?

① 3      ② -4      ③ 2      ④ 8      ⑤ 6

해설

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c \\ = (x - 1) \{a(x - 1) + b\} + c$$

$$\begin{array}{r|ccc} 1 & 3 & 2 & 1 \\ & & 3 & 5 \\ \hline 1 & 3 & 5 & 6 \\ & & 3 & \\ \hline & 3 & 8 & \leftarrow c \\ & \uparrow & & \\ & a & & \end{array}$$

해설

$$x = 1 \text{ 을 대입하면 } c = 6$$

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + 6$$

$$\rightarrow 3x^2 + 2x - 5 = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$$

$$\rightarrow (x - 1)(3x + 5) = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$$

→ 양변을  $x - 1$ 로 나누면

$$3x + 5 = a(x - 1) + b = ax - a + b$$

$$\therefore a = 3, b = 8$$

※ 준식의 우변을 모두 전개해서 계수비교하여 구할 수도 있다.

9.  $(a+b)(a^2-ab+b^2)(a^3-b^3)$  의 전개식으로 옳은 것은?

- ①  $a^3 + b^3$       ②  $a^6 + b^6$       ③  $a^6 - b^6$   
④  $a^9 + b^9$       ⑤  $a^9 - b^9$

해설

$$(준 식) = (a^3 + b^3)(a^3 - b^3) = a^6 - b^6$$

### 해설

- $$x^2 - x + 1 = 0 \text{ 를 } x \text{ 도 나누어 정리안나.}$$

$$x + \frac{1}{x} = 1$$

1

11. 등식  $(2k+1)y - (k+3)x + 10 = 0$  o]  $k$ 의 값에 관계없이 항상 성립하도록 하는 상수  $x, y$ 에 대하여  $x+y$ 의 값은?

① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

해설

$$(준식) = (y - 3x + 10) + (2y - x)k = 0$$

$$\therefore 2y = x, y - 3x = -10$$

$$\therefore x = 4, y = 2$$

$$\therefore x + y = 6$$

12. 다항식  $(x^3 + x^2 - 2x - 1)^5$  을 전개한 식의  $a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_{14}x^{14} + a_{15}x^{15}$  일 때,  $a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \cdots + a_{14} - a_{15}$  의 값을 구하면?

① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(x^3 + x^2 - 2x - 1)^5 \\ = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_{14}x^{14} + a_{15}x^{15} \\ \text{양변에 } x = -1 \text{ 을 대입하면} \\ (-1 + 1 + 2 - 1)^5 = a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \cdots + a_{14} - a_{15} = 1\end{aligned}$$

13. 1985년부터 1995년까지 5년 간격으로 조사한 우리나라의 농가인구 비율  $P$ 는 다음과 같은 식으로 나타낼 수 있다.

연도	85	90	95
인구비율 (%)	20.9	15.5	10.8
인구(1000 명)	8521	6661	4851

$$P = 0.35t^2 - 5.75t + 20.9$$

이 때,  $t = 0$ 은 1985년을 나타낸다. 이 식을  $t = 0$ 이 1990년을 나타내도록 변형하면?

- ①  $P = 0.35t^2 - 5.75t + 20.9$
- ②  $P = 0.35(t+1)^2 - 5.75(t+1) + 20.9$
- ③  $P = 0.35(t-1)^2 - 5.75(t-1) + 20.9$
- ④  $P = 0.35(t+2)^2 - 5.75(t+2) + 20.9$
- ⑤  $P = 0.35(t-2)^2 - 5.75(t-2) + 20.9$

해설

$P_1(t) = 0.35t^2 - 5.75t + 20.9$  일 때,  
 $t = 0 \rightarrow 1985$ 년,  $t = 1 \rightarrow 1990$ 년,  $t = 2 \rightarrow 1995$ 년  
 $P_2(t) = 0.35(t+1)^2 - 5.75(t+1) + 20.9$ 이면,  
 $P_2(0) = P_1(1)$ 이므로  $P_2(t)$ 에서  
 $t = 0 \rightarrow 1990$ 년임을 알 수 있다.

14.  $x$ 에 대한 다항식  $f(x)$ 를  $(x-a)(x+b)$ ,  $(x+b)(x-c)$ ,  $(x-c)(x-a)$ 로 나눈 나머지가 각각  $x+2$ ,  $-x+4$ , 0 일 때, 상수  $a, b, c$ 의 곱을 구하면?

① 8      ② -8      ③ 12      ④ -12      ⑤ 16

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x-a)(x+b)P(x) + x+2 \cdots ① \\&= (x+b)(x-c)Q(x) - x+4 \cdots ② \\&= (x-c)(x-a)R(x) \cdots ③\end{aligned}$$

나머지 정리에 의해

i ) ①에서  $f(a) = a+2$ , ③에서

$$f(a) = 0$$

$$\Rightarrow a = -2$$

ii ) ①에서  $f(-b) = -b+2$ , ②에서

$$f(-b) = b+4$$

$$\Rightarrow b = -1$$

iii) ②에서  $f(c) = -c+4$ , ③에서

$$f(c) = 0$$

$$\Rightarrow c = 4$$

$$\therefore abc = 8$$

15.  $x$ 에 관한 다항식  $f(x)$ 를  $x^2 - 4$ 로 나눈 나머지는  $2x + 1$ 이고,  $g(x)$ 를  $x^2 - 5x + 6$ 으로 나눈 나머지는  $x - 4$ 이다. 이 때,  $(x+2)f(x) + 3g(x+1)$  을  $x - 2$ 로 나눈 나머지를 구하면?

① 7      ② 9      ③ 13      ④ 17      ⑤ 23

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 4)p(x) + 2x + 1 \quad | f(2) = 5 \\g(x) &= (x^2 - 5x + 6)q(x) + x - 4 \quad | g(3) = -1 \\h(x) &= (x+2)f(x) + 3g(x+1) \text{이라 놓으면,} \\h(x) &\text{를 } x - 2 \text{로 나눈 나머지는} \\h(2) &= 4f(2) + 3g(3) = 17\end{aligned}$$