1. 흰 공 4 개, 검은 공 5 개, 파란 공 3 개가 들어 있는 주머니에서 공을 한 개 꺼낼 때, 검은 공 또는 흰 공이 나올 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 9 가지

해설

$4+5=9$ (가지)

2. 3 개 자음 ㄱ, ㄴ, ㄷ과 5 개 모음 ㅏ, ㅑ, ㅓ, ㅕ, ㅗ를 각각 한 번씩 사용하여 만들 수 있는 글자는 몇 개인가?

① 5 개 ② 10 개 ③ 15 개 ④ 20 개 ⑤ 25 개

해설

$3 \times 5 = 15$(개)

3. 1, 2, 3, 4 의 숫자가 각각 적힌 네 장의 카드를 이용하여 만들 수 있는 3 자리의 정수는 모두 몇 가지인가?

① 4 가지　② 6 가지　③ 8 가지

④ 16 가지　⑤ 24 가지

해설

$4 \times 3 \times 2 = 24$ (가지)

4. 수진이네 모둠에는 남학생 5 명, 여학생 5 명이 있다. 이 모둠에서 반장 1 명과 남녀 부반장 1 명씩을 뽑는 경우의 수는?

① 180 ② 186 ③ 196 ④ 200 ⑤ 204

해설

남녀 부반장을 1 명씩 뽑고 남은 8 명 중 반장 1 명을 뽑는다.
$5 \times 5 \times 8 = 200$(가지)

5. 500원, 100원, 50원짜리 동전이 각각 1개, 3개, 5개가 있다. 이 동전을 사용하여 800원짜리 물건을 사려고 할 때, 지불하는 경우의 수는?

① 2　② 3　③ 4　④ 5　⑤ 6

해설

(500원, 100원, 50원)으로 800원을 만드는 경우는 (1, 3, 0), (1, 2, 2), (1, 1, 4)로 3가지가 있다.

6. 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나온 눈의 합이 4 또는 8 이 되는 경우의 수는?

① 4 가지 ② 5 가지 ③ 8 가지

④ 10 가지 ⑤ 12 가지

해설

합이 4 인 경우 : (1, 3), (2, 2), (3, 1)
합이 8 인 경우 : (2, 6), (3, 5), (4, 4), (5, 3), (6, 2)
∴ 합이 4 또는 8 이 되는 경우의 수 : $3 + 5 = 8$ (가지)

7. 서울에서 대구까지 오가는 교통편이 하루에 비행기는 4회, 기차는 7회, 버스는 9회가 다닌다고 한다. 서울에서 대구까지 가는 경우의 수를 구하면?

① 12가지 ② 13가지 ③ 15가지
④ 17가지 ⑤ 20가지

해설

비행기를 타고 가는 방법과 기차를 타고 가는 방법, 버스를 타고 가는 방법은 동시에 일어나는 사건이 아니므로 경우의 수는 $4+7+9=20$(가지)이다.

8. A, B, C, D, E, F 여섯 명이 한 줄로 늘어설 때, F가 맨 앞에 서는 경우의 수는?

① 60 ② 80 ③ 100 ④ 120 ⑤ 720

해설

F를 앞에 세워 놓고, A, B, C, D, E를 한 줄로 세우는 경우의 수를 구한다.

$5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$

9. 0, 1, 2, 3, 4, 5의 6개의 수 중에서 2개를 택하여 두 자리 정수를 만들 때, 짝수가 나오는 경우의 수는?

① 3 가지 ② 7 가지 ③ 13 가지

④ 17 가지 ⑤ 19 가지

해설

일의 자리가 0인 경우 : 10, 20, 30, 40, 50의 5 가지
일의 자리가 2인 경우 : 12, 32, 42, 52의 4가지
일의 자리가 4인 경우 : 14, 24, 34, 54의 4가지
그러므로 구하는 경우의 수는 $5+4+4=13$ (가지)

10. A, B, C 세 명의 후보 중에서 대표 2 명을 뽑을 때, 일어날 수 있는 모든 경우의 수는?

① 2 가지 ② 3 가지 ③ 4 가지
④ 5 가지 ⑤ 6 가지

해설

3 명 중에서 2 명을 뽑아 일렬로 나열하는 경우는 $3\times2=6$ (가지) 이다. 그런데 A, B가 대표가 되는 경우는 (A, B) , (B, A) 로 2 가지가 같고, 다른 경우도 모두 2 가지씩 중복된다. 그러므로 구하는 경우의 수는 $\frac{3\times2}{2\times1}=3$ (가지) 이다.

11. $a = 1,\ 2,\ 3$이고, $b = 4,\ 5,\ 6,\ 7$일 때, a의 값을 x좌표, b의 값을 y좌표로 하는 순서쌍은 모두 몇 개인가?

① 4개 ② 8개 ③ 12개 ④ 16개 ⑤ 20개

해설

$a = 1$인 경우 만들 수 있는 순서쌍은 4개이다.
a의 값은 3개이므로, 모든 경우의 수는 $3 \times 4 = 12$(가지)
$\therefore$ 12개

12. A, B, C 세 사람이 가위, 바위, 보를 할 때, 세 사람이 모두 서로 다른 것을 내는 경우의 수는?

① 6 가지 ② 9 가지 ③ 12 가지

④ 21 가지 ⑤ 27 가지

해설

A 가 낼 수 있는 경우는 3 가지, B 가 낼 수 있는 경우는 2 가지, C 가 낼 수 있는 경우는 1 가지이므로 경우의 수는 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지) 이다.

13. A, B, C, D, E, F, G 의 7개의 팀이 다른 팀과 한 번씩 축구 경기를 할 때, 모두 몇 번의 경기를 해야 하는지 구하여라.

▶ 답 : 번

▷ 정답 : 21번

해설

$\frac{7 \times 6}{2} = 21$ (번)

14. x의 값이 2, 3, 4이고, y의 값이 a, b, c일 때 (x, y) 꼴의 순서쌍 개수를 구하여라.

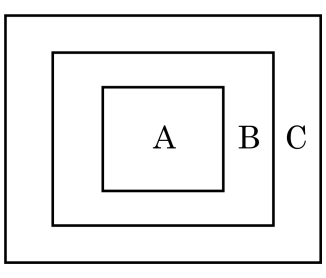
▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 9가지

해설

x의 값을 선택하는 경우의 수 : 3가지
y의 값을 선택하는경우의 수 : 3가지
$\therefore 3 \times 3 = 9$(가지)
$(2, a)$, $(2, b)$, $(2, c)$, $(3, a)$, $(3, b)$, $(3, c)$,
$(4, a)$, $(4, b)$, $(4, c)$

15. 다음 그림의 A, B, C 에 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라색 중에서 서로 다른 색을 칠하려고 한다. B 에는 반드시 보라색을 칠한다고 할 때, A, B, C에 서로 다른 색을 칠할 수 있는 모든 경우의 수는?



① 6 가지 ② 12 가지 ③ 20 가지

④ 30 가지 ⑤ 42 가지

해설

보라색을 제외한 나머지 6가지 색 중에서 2가지 색을 뽑아 칠하는 경우의 수이므로 $6 \times 5 = 30$ (가지)이다.

16. 경미, 진섭, 현준, 민경, 상희, 상민이가 모여 있다. 이 중에서 4 명을 뽑아 일렬로 세울 때, 상민이를 제외하는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 120

해설

상민이를 제외한 나머지 5 명 중에서 4 명을 뽑아 일렬로 세우는 경우의 수이므로 $5 \times 4 \times 3 \times 2 = 120$(가지) 이다.

17. 0, 1, 2, 3, 4 의 숫자가 각각 적힌 5 장의 카드를 나열하여 만들 수 있는 세 자리의 정수 중에서 짝수가 되는 경우의 수를 a 가지, 홀수가 되는 경우의 수를 b 가지라 할 때, $a-b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

세 자리 정수 중
짝수가 되는 경우 일의 자리의 숫자가
1) ◯◯0 인 경우 $4\times3=12$ (가지)
2) ◯◯2 인 경우 $3\times3=9$ (가지)
3) ◯◯4 인 경우 $3\times3=9$ (가지)
$a=12+9+9=30$
홀수가 되는 경우 일의 자리의 숫자가
1) ◯◯1 인 경우 $3\times3=9$ (가지)
2) ◯◯3 인 경우 $3\times3=9$ (가지)
$b=9+9=18$
$\therefore\ a-b=30-18=12$

18. 0, 1, 2, 3, 4의 숫자가 적힌 다섯 장의 카드가 있다. 이 중 2장을 뽑아 두 자리의 정수를 만들 때 5의 배수가 될 경우의 수는?

① 2가지 ② 3가지 ③ 4가지
④ 5가지 ⑤ 6가지

해설

10, 20, 30, 40이므로 4가지이다.

19. 모양과 크기가 같은 과일 7 개를 서로 다른 접시 A, B 에 담는 방법의 수를 구하여라.(단, 접시에는 과일이 반드시 담겨 있다.)

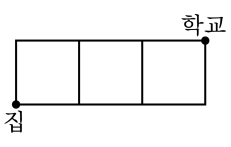
▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 6 가지

해설

(A, B) 로 각각의 접시에 올릴 과일의 수를 나타내 보면
(1, 6), (2, 5), (3, 4), (4, 3), (5, 2), (6, 1)
로 총 6 가지이다.

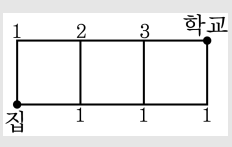
20. 집에서 학교까지 가는 최단경로의 가짓수를 구하여라.



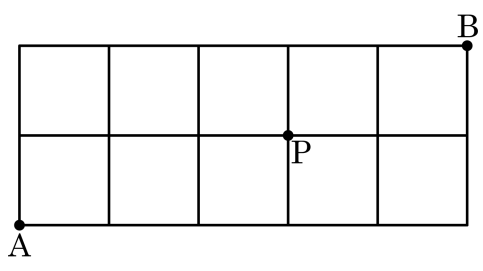
▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 4 가지

해설



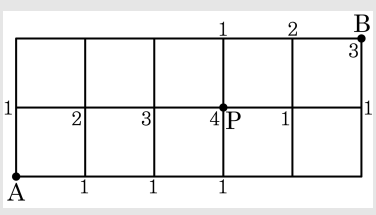
21. 점 A 에서 점 B 까지 선을 따라 가는데 점 P 를 거쳐서 가장 짧은 거리로 가는 방법은 몇 가지인지 구하여라.



▶ 답 : 가지

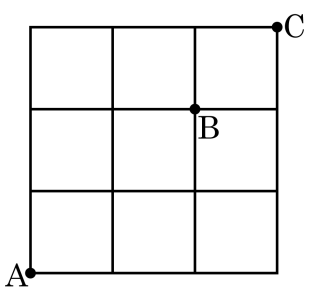
▷ 정답 : 12 가지

해설



점 A 에서 점 P 까지 가는 최단 경로의 경우의 수는 4 가지이고 점 P 에서 점 B 까지 가는 최단 경로의 경우의 수는 3 가지이다. 따라서 점 A 에서 점 B 까지 가는 최단 경로의 경우의 수는 $4 \times 3 = 12$(가지) 이다.

22. 다음 그림과 같은 도형에서 A를 출발하여 변을 따라 B를 지나 C로 가려고 한다. 가장 짧은 거리로 가는 모든 경우의 수는? (단, 각 변의 길이는 같다.)

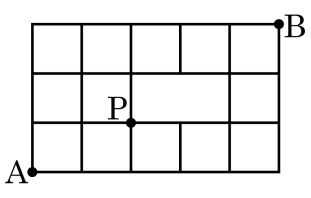


① 12가지 ② 13가지 ③ 14가지
④ 15가지 ⑤ 16가지

해설

왼쪽에서 오른쪽으로 가는 것을 a, 아래에서 위로 가는 것을 b라 하면
A → B : 6 가지
(a, a, b, b), (a, b, a, b), (a, b, b, a), (b, b, a, a), (b, a, b, a), (b, a, a, b)
B → C : 2 가지
(a, b), (b, a)
그러므로 구하는 경우의 수는 $6 \times 2 = 12$ (가지)

23. 다음 그림에서 점 A 를 출발하여 점 B 까지 가는 가장 짧은 경우와 A 에서 출발해서 P 를 꼭 지나서 점 B 까지 가는 가장 짧은 거리의 차를 구하세요.

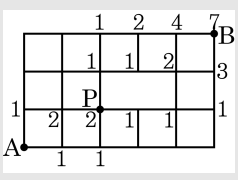


▶ 답 :

▷ 정답 : 23

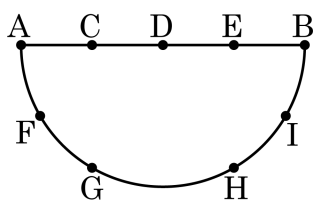
해설

① A 에서 B 까지 가는 경우=44 가지
② A 에서 P 를 꼭 지나서 B 까지 가는 경우



P 까지 가는 방법 : 3 가지
P 에서 B 까지 가는 방법 : 7 가지
$\therefore 3 \times 7 = 21$ (가지)
따라서 $44 - 21 = 23$

24. 다음 그림과 같이 선분 AB 를 지름으로 하는 반원 위에 9 개의 점이 있다. 이 점 중 3 개를 이어서 만든 삼각형 중에서 한 변이 지름 위에 있는 삼각형의 개수를 구하여라.



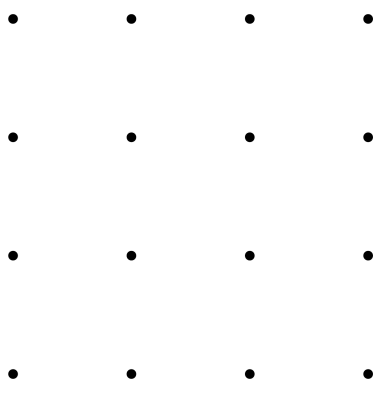
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 40 개

해설

삼각형의 한 변이 AC, AD, AE, AB, CD, CE, CB, DE, DB, EB 일 때 각각의 경우에 점 F, G, H, I 중 하나를 선택하여 연결하면 삼각형이 되므로 구하는 경우의 수는 $10 \times 4 = 40$(개) 이다.

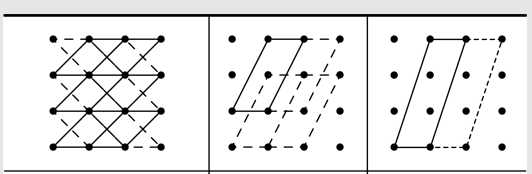
25. 다음 그림과 같이 일정한 간격으로 나열되어 있는 16 개의 점 중 4 개의 점을 이어서 만들 수 있는 평행사변형의 개수를 구하여라. (단, 직사각형은 제외한다.)



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 80 개

해설



위와 같은 모양의 평행사변형의 개수 ① 1개 짜리:2×3×2=12(개) ② 2개 짜리:3×2+2×2=10(개) ∴12+10=22(개)이고, 위의 그림을 90° 회전한 모양과 같은 평행사변형을 더 얻으므로 총 44개	위와 같은 모양의 평행사변형의 개수 ① 1개 짜리:4×2=8(개) ② 2개 짜리:2×2=4(개) 8+4=12(개)이고, 위의 그림을 90° 회전한 모양과 같은 평행사변형을 더 얻으므로 총 24개	위와 같은 모양의 평행사변형의 개수 ① 1개 짜리:2×2=4(개) ② 2개 짜리:1×2=2(개) 4+2=6(개)이고, 위의 그림을 90° 회전한 모양과 같은 평행사변형을 더 얻으므로 총 12개

따라서 구하는 평행사변형의 개수는 $44+24+12=80$(개)이다.

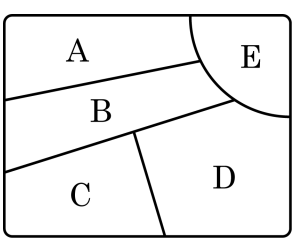
26. 동전 2 개와 주사위 2 개를 동시에 던질 때, 적어도 하나의 동전은 뒷면이 나오고 주사위는 모두 홀수의 눈이 나올 경우의 수는?

① 16 가지　② 20 가지　③ 24 가지
④ 25 가지　⑤ 27 가지

해설

적어도 하나의 동전이 뒷면이 나오는 경우는 (뒤, 뒤), (앞, 뒤), (뒤, 앞) 의 3 가지이고, 주사위에서 홀수가 나오는 경우는 각각 1, 3, 5 의 3 가지이므로 $3 \times 3 \times 3 = 27$ (가지) 이다.

27. 다음 그림과 같은 A, B, C, D, E의 각 부분에 빨강, 파랑, 노랑, 초록, 보라의 5가지 색을 칠하려고 한다. 같은 색을 두 번 이상 사용할 수는 있으나 이웃한 면은 반드시 다른 색을 칠하는 방법의 수를 구하여라.



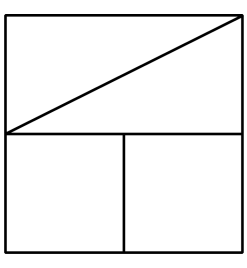
▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 540가지

해설

서로 같은 색을 칠할 수 있는 순서쌍은 A – C, A – D, C – E가 있다.
5가지 색을 사용하는 경우 : $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ (가지)
4가지 색을 사용하는 경우 : $3 \times (5 \times 4 \times 3 \times 2) = 360$ (가지)
3가지 색을 사용하는 경우 : $5 \times 4 \times 3 = 60$ (가지)
$\therefore\ 120 + 360 + 60 = 540$ (가지)

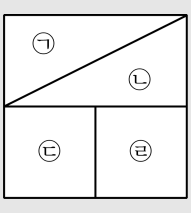
28. 다음 그림과 같은 도형에 3 가지색을 이용하여 칠하려고 한다. 이웃하는 부분은 서로 다른 색을 칠할 때, 칠하는 방법의 수를 구하여라.



▶ 답 : 가지

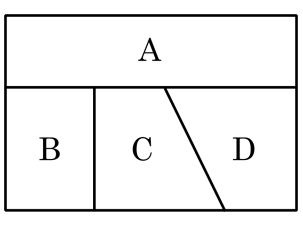
▷ 정답 : 12 가지

해설



① 두 번 칠할 색을 고르는 경우의 수 : 3 가지
② 같은 색을 칠할 부분을 고르는 경우의 수 : 2 가지
㉠과 ㉢ 또는 ㉠과 ㉣
③ 각 경우에 나머지 부분을 색칠하는 경우의 수 : 2 가지
$\therefore 3 \times 2 \times 2 = 12$ (가지)

29. 다음 그림과 같은 도형에 4 가지색으로 칠하려고 한다. 이웃하는 부분은 서로 다른 색을 칠한다고 할 때, 칠하는 방법은 모두 몇 가지인가?



① 48 가지 ② 36 가지 ③ 32 가지
④ 28 가지 ⑤ 16 가지

해설

A 에 색을 칠하는 방법은 4 가지, B 는 A 에 칠한 색을 제외한 3 가지,
C 는 A, B 에 칠한 색을 제외한 2 가지, D 는 A, C 에 칠한 색을 제외한 2 가지
따라서 칠하는 방법의 수는 $4 \times 3 \times 2 \times 2 = 48$

30. 남자 2 명과 여자 2 명을 일렬로 세울 때, 같은 성끼리는 이웃하지 않도록 세우는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 8 가지

해설

남자끼리 이웃하지 않고, 여자끼리도 서로 이웃하게 않도록 세우는 경우는 남자와 여자를 번갈아 가며 세우는 것이다. (남, 여, 남, 여), (여, 남, 여, 남) 의 두 경우에서 각각 남자와 여자를 세우는 방법의 수는 $2\times1=2$ (가지) 이다. 따라서 (남, 여, 남, 여) 의 경우의 수는 $2\times2=4$ (가지) 이고 (여, 남, 여, 남) 의 경우의 수도 4 가지이므로 구하는 경우의 수는 8 가지이다.