

1. 월드컵 예선전과 같이 출전한 모든 팀들이 다른 팀들과 각각 한 번씩 시합을 하는 게임 방식을 리그전이라고 한다. 아시아 8 개국이 친선 축구 시합을 리그전으로 하려고 한다. 이 때, 총 시합의 수는?

- ① 21      ② 24      ③ 28      ④ 30      ⑤ 33

해설

게임은 두 팀씩 하는 것이므로 8개 팀에서 두 팀을 뽑는 조합의 수와 같다.

$$\therefore {}_8C_2 = \frac{8 \times 7}{2} = 28$$

2. 8 개의 축구팀이 서로 한 번씩 경기를 할 때, 열리는 총 경기의 수는?

- ① 16
- ② 24
- ③ 28
- ④ 36
- ⑤ 42

해설

8 개 팀 중 2 개팀을 고르는 방법 수와 같다.

$$\therefore 8C_2 = 28$$

3. 한국 선수 11 명과 일본 선수 11 명이 축구 경기 후 상대팀 선수들과 서로 악수를 할 때, 악수한 총 횟수는? (단, 한 번 악수한 사람과는 다시 악수하지 않는다.)

- ① 54
- ② 66
- ③ 85
- ④ 112
- ⑤ 121

해설

한국 선수 1 명당 일본 선수 11 명과 악수를 해야 한다.  $11 \times 11 = 121$

4. 5 명의 남학생과 3 명의 여학생에 대하여 남학생 2 명과 여학생 1 명을 뽑는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▶ 정답 : 30가지

해설

$$5C_2 \times_3 C_1 = 30$$

5. 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라의 7 가지 색 중에서 4 가지를 뽑아 그림을 색칠하려고 한다. 보라를 제외하고 뽑는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 15가지

해설

보라를 제외한 6 가지 색 중 4 가지를 고르면 된다.

$$_6C_4 = 15$$

6. 10종류의 아이스크림 중에서 3가지를 고르는 방법의 수는?

- ① 120      ② 320      ③ 540      ④ 620      ⑤ 720

해설

$$10C_3 = 120$$

7. 남자 4 명, 여자 6 명 중에서 남자 2 명, 여자 3 명을 뽑는 방법은 몇 가지인가?

- ① 36
- ② 72
- ③ 120
- ④ 144
- ⑤ 156

해설

$${}_4C_2 \times {}_6C_3 = 120$$

8. 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라의 7가지 색 중에서 4가지를 뽑아 그림을 색칠하려고 한다. 빨강을 포함하여 뽑는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 20 가지

해설

$$_6C_3 = 20$$

9. 크기가 서로 다른 오렌지 10 개 중에서 3 개를 선택할 때, 크기가 가장 큰 오렌지 1 개가 반드시 포함되는 경우의 수는?

① 36

② 40

③ 44

④ 48

⑤ 52

해설

오렌지 9개 중 2개를 뽑는 경우의 수와 같다.

$$\therefore {}_9C_2 = 36$$

10. 0, 1, 2, 3, 4, 5의 6개의 숫자 중에서 서로 다른 4개를 택하여 만들 수 있는 네 자리의 정수의 개수는?

- ① 120      ② 240      ③ 300      ④ 360      ⑤ 400

해설

0이 포함되는 것과 안 되는 것을 구별하여 구한다.

1) 0이 포함되는 것 :  ${}_5C_3 \times 3 \times 3 \times 2 \times 1 = 180$

2) 0이 포함되지 않는 것 :  ${}_5P_4 = 120$

$$\therefore 180 + 120 = 300$$

11. 어느 세 점도 일직선 위에 있지 않은 7 개의 점이 있을 때, 점을 연결하여 만들 수 있는 직선의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 21 개

해설

$${}_7C_2 = 21$$

12. 어느 세 점도 일직선 위에 있지 않은 7 개의 점이 있을 때, 점을 연결하여 만들 수 있는 삼각형의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 35 개

해설

$${}^7C_3 = 35$$

13. 5 명의 학생을 2 명과 3 명의 두 그룹으로 나누는 방법의 수는?

- ① 5      ② 10      ③ 15      ④ 20      ⑤ 25

해설

$$5C_2 \times_3 C_3 = 10$$

14. 10 명의 학생이 있다. 5 명, 5 명의 두 무리로 나누는 방법은 몇 가지 인지 구하여라.

▶ 답: 가지

▶ 정답: 126 가지

해설

$${}_{10}C_5 \times {}_5C_5 \times \frac{1}{2!} = 126 \text{ (가지)} \Leftarrow 5 \text{ 명씩 } 2 \text{ 패$$

15. 남학생 6명과 여학생 7명 중에서 남학생 3명, 여학생 4명을 뽑아 청소를 시킬 때, 키가 가장 큰 남학생 1명은 청소를 하고, 키가 가장 작은 여학생 1명은 청소를 하지 않는 방법의 수는?(단, 학생들의 키는 모두 다르다.)

① 100

② 150

③ 200

④ 250

⑤ 300

해설

남학생 5명 중 2명을 뽑고, 여학생 6명 중 4명을 뽑는 경우의 수와 같다.

$$\therefore {}_5C_2 \times {}_6C_4 = 150$$

16. 남자 6명, 여자 6명의 모임에서 4명의 대표를 뽑을 때, 남자와 여자를 적어도 1명씩 뽑는 방법의 수는?

① 455

② 465

③ 475

④ 485

⑤ 495

해설

전체의 경우의 수에서 남자만 뽑거나, 여자만 뽑는 경우를 빼준다.  ${}_{12}C_4 - ({}_6C_4 + {}_6C_4) = 465$

17. 집합  $X = \{1, 2, 3\}$ ,  $Y = \{1, 2, 3, 4\}$ 가 있을 때,  $f : X \rightarrow Y$  중에서  $f(1) \neq 1$  인 것은 모두 몇 가지인가?

① 24

② 30

③ 36

④ 48

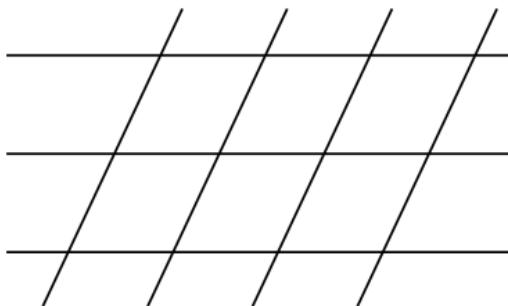
⑤ 60

해설

$f(1) \neq 1$  이므로  $f(1)$ 은 2, 3, 4 중 하나의 값을 갖는다.  $f(2), f(3)$ 은 1, 2, 3, 4 중 중복을 허락하여 하나의 값을 갖는다.

$$\therefore 3 \cdot 4 \cdot 4 = 48$$

18. 다음 그림과 같이 3 개의 평행선과 4 개의 평행선이 만나고 있다.  
이들로 이루어지는 평행사변형은 몇 개인가?



- ① 18 개      ② 24 개      ③ 28 개      ④ 32 개      ⑤ 36 개

해설

가로줄 중에서 2 개를 선택하고, 세로줄 중에서 2 개를 선택하면  
평행사변형이 하나 정해진다.

$${}_3C_2 \times {}_4C_2 = 18$$

19. 남학생 7 명, 여학생 2 명이 3 명씩 세 개의 조로 나누어 게임을 하려고 한다. 여학생 2 명이 같은 조에 속하는 방법의 수는? (단, 조의 구분은 없다.)

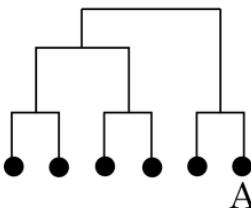
- ① 60      ② 70      ③ 120      ④ 140      ⑤ 210

해설

남학생 7 명 중 한 명이 여학생 2 명과 한 조를 이루면 되므로 구하는 방법의 수는 남학생 7 명을 3 명, 3 명, 1 명으로 나누는 방법의 수와 같다.

$${}^7C_3 \times {}^4C_3 \times {}^1C_1 \times \frac{1}{2!} = 70$$

20. 지난 대회 우승 팀 A 가 먼저 배정을 받은 다음 그림과 같은 토너먼트 방식의 대진표에서 제비뽑기를 하여 5 개의 팀을 결정하기로 할 때, 가능한 모든 경우의 수는?



- ① 15      ② 18      ③ 20      ④ 24      ⑤ 30

해설

A 팀과 게임을 할 팀을 뽑는 방법의 수는

$${}_5C_1 = 5 \text{ (가지)}$$

그 각각의 경우에 대하여 나머지 4 팀을

(2팀, 2팀)으로 편성하는 방법의 수는

$${}_4C_2 \times {}_2C_2 \times \frac{1}{2!} = 3 \text{ (가지)}$$

따라서 구하는 경우의 수는  $5 \times 3 = 15$  (가지)

21. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

ㄱ.  ${}_{3n}C_{n-1} = {}_{3n}C_{2n+1}$

ㄴ.  ${}_{4n}P_{3n} = (3n)! \times {}_{4n}C_n$

ㄷ.  ${}_{2n+1}C_{n+2} = {}_{2n}C_{n-1} + {}_{2n}C_{n-2}$  (단,  $n \geq 2$ )

① ㄱ

② ㄱ, ㄴ

③ ㄱ, ㄷ

④ ㄷ

⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

해설

㉠  ${}_nC_r = {}_nC_{n-r}$  이므로

$${}_{3n}C_{n-1} = {}_{3n}C_{3n} - (n-1) = {}_{3n}C_{2n+1} \text{ (참)}$$

㉡  ${}_nC_r = \frac{{}_nP_r}{r!}$ 에서

$${}_nP_r = r! \times {}_nC_r$$

$${}_{4n}P_{3n} = (3n)! \times {}_{4n}C_{3n}$$

$$= (3n)! \times {}_{4n}C_{4n-3n}$$

$$= (3n)! \times {}_{4n}C_n \text{ (참)}$$

㉢  ${}_nC_r = {}_{n-1}C_{r-1} + {}_{n-1}C_r$  이므로

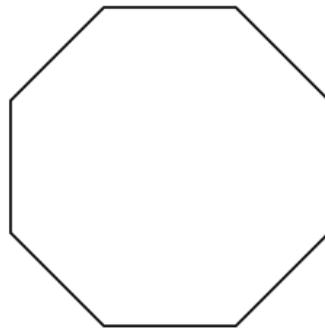
$${}_{2n+1}C_{n+2} = {}_{2n}C_{n+1} + {}_{2n}C_{n+2}$$

$$= {}_{2n}C_{2n-(n+1)} + {}_{2n}C_{2n-(n+2)}$$

$$= {}_{2n}C_{n-1} + {}_{2n}C_{n-2} \text{ (참)}$$

따라서 옳은 것은 ㉠, ㉡, ㉢이다.

22. 그림과 같은 팔각형에서 대각선의 개수는?

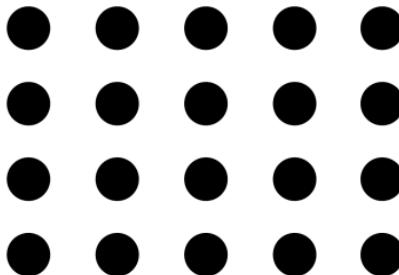


- ① 14      ② 20      ③ 21      ④ 22      ⑤ 23

해설

8 개점 중 2 개를 선택하는 방법은,  
 ${}_8C_2 = 28$  이고 여기서 변의 개수 8 을 빼준다.  
 $\Rightarrow 28 - 8 = 20$

23. 다음 그림과 같이 20개의 점이 똑같은 크기의 직사각형 모양을 이루고 있을 때, 이들 20개의 점으로 만들 수 있는 삼각형의 개수를 구하여라.



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 1056 개

### 해설

총 삼각형의 개수는 20개에서 3개 택하는 경우의 수에서 3개를 택했을 때 삼각형이 되지 않는 경우의 수를 빼는 가지 수이다.

삼각형이 되지 않는 경우의 수는

i) 일직선상에 있는 5개의 점 중에서 3개 택하는 경우의 수 :  ${}_5C_3 \times 4 = 40$

ii) 일직선상에 있는 4개의 점 중에서 3개 택하는 경우의 수 :  ${}_4C_3 \times 9 = 36$

iii) 일직선상에 있는 3개의 점 중에서 3개 택하는 경우의 수  ${}_3C_3 \times 8 = 8$

따라서 구하는 경우의 수는  ${}_{20}C_3 - (40 + 36 + 8) = 1056$

24. 6 명을 세 개의 조로 나누는 방법의 수는?

① 15

② 30

③ 60

④ 90

⑤ 180

해설

( i ) 1, 2, 3 명으로 나누는 경우

$$: {}_6C_1 \times {}_5C_2 \times {}_3C_3 = 60$$

( ii ) 2, 2, 2 명으로 나누는 경우

$$: {}_6C_2 \times {}_4C_2 \times {}_2C_2 \times \frac{1}{3!} = 15$$

( iii ) 1, 1, 4 명으로 나누는 경우

$$: {}_6C_1 \times {}_5C_1 \times {}_4C_4 \times \frac{1}{2!} = 15$$

( i ), ( ii ), ( iii )에서 구하는 경우의 수는

$$60 + 15 + 15 = 90$$

25. 6 권의 서로 다른 책을 2 개, 2 개, 2 개로 나누어서 3 개의 서로 다른 가방  $A, B, C$  에 담을 때, 특정한 책 하나는 반드시 가방  $A$  에 담는 방법의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▶ 정답: 30 가지

해설

특정한 책 하나는 반드시 가방  $A$  에 담아야 하므로 나머지 5 개의 책을 가방  $A$  에 1 개, 가방  $B$ 에 2 개, 가방  $C$ 에 2 개를 나누어 담으면 된다.

따라서, 구하는 경우의 수는

$$5C_1 \times_4 C_2 \times_2 C_2 = 30 \text{ (가지)}$$