①
$$y = -2(x+1)^2 - 4$$
 ② $y = (x-2)^2 - 3$
③ $y = -2(x-1)^2 + 3$ ④ $y = -(x+1)^2 + 3$

$$y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$$

해설
꼭짓점이
$$(0, -1)$$
 이므로 $y = ax^2 - 1$
 $(2, -3)$ 을 대입하면 $-3 = 4a - 1$
 $a = -\frac{1}{2}$
 $\therefore y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

2. 이차함수 $y = x^2 + 2kx + 4k$ 의 최솟값을 m 이라 할 때, m 의 최댓값을 구하면?

해설

$$y = x^{2} + 2kx + 4k$$

$$= (x^{2} + 2kx) + 4k$$

$$= (x + k)^{2} - k^{2} + 4k$$
최숙값 $m = -k^{2} + 4k = -(k - 2)^{2} + 4$

따라서 m 의 최댓값 4이다.

- 3. 합이 18 인 두 수가 있다. 이 두 수의 곱의 최댓값을 구하면?
 - ① 17 ② 65 ③ 77 ④ 81 ⑤ 162

해설
두 수를 각각
$$x$$
, $18 - x$ 라고 하면
 $y = x(18 - x)$
 $= -x^2 + 18x$
 $= -(x^2 - 18x + 81 - 81)$
 $= -(x - 9)^2 + 81$

x = 9 일 때, 최댓값 81 을 갖는다.

4. 직각을 낀 두 변의 길이의 합이 10 인 직사각형의 최대 넓이는?





4 50

⑤ 100

두 변의 길이를 x , 10 - x , 넓이를 y 라 하면

$$y = x(10 - x)$$

$$= -(x^2 - 10x)$$

$$= -(x^2 - 10x + 25 - 25)$$

$$= -(x - 5)^2 + 25$$

∴ (최대 넓이) = 25

5. 가로의 길이와 세로의 길이의 합이 12 인 직사각형의 넓이를 y라고 할때, y의 최댓값을 구하면?

가로의 길이를
$$x$$
 라고 두면 세로의 길이는 $12 - x$ 이다. $y = x \times (12 - x)$ $= -x^2 + 12x$

 $=-(x^2-12x+36)+36$

= -(x-6)² + 36 따라서 36이 최댓값이다. 6. 둘레의 길이가 24 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다. 부채꼴의 넓이를 y 라고 할 때, 부채꼴의 넓이의 최댓값을 구하면?

① 18

② 20

③ 30

4 32



반지름의 길이를
$$x$$
 라 하면 호의 길이는 $24 - 2x$ 이다.
$$y = \frac{1}{2} \times x \times (24 - 2x)$$
$$= x(12 - x)$$

$$= -x^{2} + 12x$$

$$= -(x^{2} - 12x + 36 - 36)$$

$$= -(x - 6)^{2} + 36$$

이차함수는 위로 볼록이므로 꼭짓점이 최댓값을 나타낸다.

따라서 꼭짓점이 (6,36) 이므로 반지름의 길이 x = 6 일 때, 부채꼴의 넓이 y 가 최댓값 36 을 가진다.

7. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 는 직선 x = 2 에 대하여 대칭이고, 직선 y = x - 1 과 만나는 점의 x 좌표가 3, -2 일 때, a + b + c 의 값을 구하면?

① 0 ②
$$\frac{1}{3}$$
 ③ $\frac{2}{3}$ ④ 1 ⑤ 2

x = 2 에 대하여 대칭이므로 $y = a(x - 2)^2 + a$ 이고.

$$y = x - 1$$
에서 $(3, 2), (-2, -3)$ 을 지나므로, $a + q = 2, 16a + q = -3$ 에서 $a = -\frac{1}{3}, q = \frac{7}{3}$ 이므로 $y = -\frac{1}{3}(x - 2)^2 + \frac{7}{3} = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 1$

따라서 y = a + b + c = 2이다.

8. 세 점 (0, -4), (1, -1), (2, 8)을 지나는 이차함수의 식이 y = ax² + bx + c 일 때, 이차함수 y = bx² + cx + a 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?
① 아래로 볼록한 형태의 그래프이다.
② y 절편은 3 이다.
② 와쪽 위를 향하는 포물선 그래프이다.
③ 왼쪽 위를 향하다.

9. 다음 그림과 같이 20m 인 철망으로 직사각 형의 모양의 닭장을 만들려고 한다. 넓이가 최대가 되도록 하는 x 의 값은?

직사각형의 세로의 길이를 x, 가로의 길이를 20 - 2x 라고 하면, y = x(20 - 2x) = $-2x^2 + 20x$