

1. 다음 식에 대한 설명으로 옳지 않은 것을 고르면?

$$-2ax^2y^2 + xy - 3$$

- ① 항이 모두 3개로 이루어진 식이다.
- ② x 에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ③ y 에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ④ x 에 관한 4차식이다.
- ⑤ xy 의 계수는 1이다.

해설

- ④ x 에 관한 2차식이다.

2. 두 다항식 $2x^2 + 2x - 4$ 와 $4x^3 - 4$ 에 관한 설명이다. 옳지 않은 것을 고르면?

- ① 두 다항식은 $(x - 1)$ 로 나누어 떨어지므로, $(x - 1)$ 은 두 다항식의 공약수이다.
- ② 두 다항식은 공약수가 있으므로 서로소가 아니다.
- ③ $4(x - 1)^3(x + 2)^2(x^2 + x + 1)$ 은 두 다항식의 공배수이다.
- ④ 두 다항식의 최대공약수는 $2(x - 1)$ 이다.
- ⑤ 두 다항식의 최소공배수는 $(x + 2)(x - 1)^2(x^2 + x + 1)$ 이다.

해설

$$2x^2 + 2x - 4 = 2(x - 1)(x + 2)$$
$$4x^3 - 4 = 4(x - 1)(x^2 + x + 1)$$

최대공약수 : $2(x - 1)$

최소공배수 : $4(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 1)$

3. $x^2 + xy - 2y^2 - 2x - y + 1$ 을 인수분해하면?

- ① $(x + y - 1)(x + 2y - 1)$ ② $(x - y - 1)(x + 2y - 1)$
③ $(x - y + 1)(x + 2y - 1)$ ④ $(x - y - 1)(x + 2y + 1)$
⑤ $(x + y + 1)(x + 2y - 1)$

해설

x 에 대한 내림차순으로 정리한 뒤 인수분해한다.

$$\begin{aligned} & x^2 + (y - 2)x - 2y^2 - y + 1 \\ &= (x - (y + 1))(x + (2y - 1)) \\ &= (x - y - 1)(x + 2y - 1) \end{aligned}$$

4. 등식 $2x^2 - 3x - 1 = a(x-1)(x-2) + bx(x-1) + cx(x-2)$ $\circ|$ x 에 관한 항등식이 되도록 할 때, $a + b + c$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

수치대입법을 이용한다.

$$x = 0 \text{ 대입}, a = -\frac{1}{2}$$

$$x = 2 \text{ 대입}, b = \frac{1}{2}$$

$$x = 1 \text{ 대입}, c = 2$$

$$\therefore a + b + c = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + 2 = 2$$

5. 다항식 $f(x)$ 를 $x^2 - 4$ 로 나누었을 때의 나머지가 $-x + 4$ 이다. 다항식 $f(x+1)$ 을 $x^2 + 2x - 3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

- ① $2x + 1$ ② $\textcircled{2} -x + 3$ ③ $x - 1$
④ $2x$ ⑤ $2x - 3$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 4)P(x) - x + 4 \\&= (x+2)(x-2)P(x) - x + 4 \\&\therefore f(-2) = 6, f(2) = 2 \\f(x+1) &= (x^2 + 2x - 3)Q(x) + ax + b \\&= (x+3)(x-1)Q(x) + ax + b \\x = -3 \text{ 을 대입하면 } f(-2) &= -3a + b = 6 \\x = 1 \text{ 을 대입하면 } f(2) &= a + b = 2 \\&\therefore a = -1, b = 3 \\&\text{따라서 나머지는 } -x + 3\end{aligned}$$

6. $10^2 - 9^2 + 8^2 - 7^2 + 6^2 - 5^2 + 4^2 - 3^2 + 2^2 - 1^2$ 의 값을 구하면?

- ① 51 ② 52 ③ 53 ④ 54 ⑤ 55

해설

$$\begin{aligned}(10 - 9)(10 + 9) + (8 - 7)(8 + 7) + (6 - 5)(6 + 5) \\ + (4 - 3)(4 + 3) + (2 - 1)(2 + 1)\end{aligned}$$

$$= 10 + 9 + 8 + 7 + 6 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1 = 55$$

7. 다항식 $f(x)$ 를 $x - 1, x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 1, 2이다. $f(x)$ 를 $(x - 1)(x - 2)$ 로 나누었을 때의 몫이 $Q(x)$ 일 때, $f(x)$ 를 $x - 3$ 으로 나눈 나머지는?

- ① $Q(3) + 3$ ② $Q(3) + 4$ ③ $2Q(3) + 3$
④ $2Q(3) + 4$ ⑤ $Q(3)$

해설

$f(x)$ 를 $(x - 1)(x - 2)$ 로 나눈 몫이 $Q(x)$ 일 때, 나머지를 $ax + b$ 라고 하면

$$f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b$$

$$f(1) = 1 \text{에서 } a + b = 1 \quad \text{.....} \textcircled{\textcircled{1}}$$

$$f(2) = 2 \text{에서 } 2a + b = 2 \quad \text{.....} \textcircled{\textcircled{2}}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{에서 } a = 1, b = 0$$

$$\therefore f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + x$$

$$f(x) \text{를 } x - 3 \text{으로 나눈 나머지는 } f(3) \text{이므로 } f(3) = 2Q(3) + 3$$

8. 10차 다항식 $P(x) \ni P(k) = \frac{k}{k+1}$ (단, $k = 0, 1, 2, \dots, 10$) 을 만족
시킬 때, $P(11)$ 의 값은?

① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{5}{6}$ ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned} P(k) &= \frac{k}{k+1} \Rightarrow (k+1)P(k) - k = 0 \\ f(x) &= (x+1)P(x) - x \text{ 라 하면} \\ f(x) &\stackrel{\text{def}}{=} f(0) = f(1) = f(2) = \dots \\ &= f(10) = 0 \text{ 인 다항식이다.} \\ \therefore f(x) &= ax(x-1)(x-2)\cdots(x-10) \\ \text{丕, } f(-1) &= 1 = a(-1)(-2)\cdots(-11) \\ &= -a \cdot 11! \quad (11! = 1 \times 2 \times \cdots \times 11) \\ \therefore a &= -\frac{1}{11!} \\ f(11) &= 12P(11) - 11 \\ &= -\frac{1}{11!} \cdot 11 \cdot 10 \cdot 9 \cdots \cdot 1 = -1 \\ \therefore P(11) &= \frac{10}{12} = \frac{5}{6} \end{aligned}$$