

1.  $6 \leq \sqrt{5x} < 10$  을 만족하는 정수  $x$  의 개수는?

- ① 7 개    ② 9 개    ③ 10 개    ④ 12 개    ⑤ 13 개

해설

$$6 \leq \sqrt{5x} < 10 \text{에서 } 36 \leq 5x < 100$$

$$\text{따라서 } \frac{36}{5} \leq x < 20 \text{ 이므로}$$

정수  $x$  는 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19 이다. 따라서 12 개이다.

2. 다음 중 계산이 틀린 것은?

①  $\sqrt{20} + 3\sqrt{45} = 11\sqrt{5}$

②  $\sqrt{12} + \sqrt{27} = 5\sqrt{3}$

③  $\sqrt{7} - \sqrt{28} = -\sqrt{7}$

④  $\sqrt{6} + \sqrt{24} = 3\sqrt{6}$

⑤  $\frac{\sqrt{3}}{10} - \frac{2\sqrt{3}}{5} = -\frac{\sqrt{3}}{10}$

해설

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{3}}{10} - \frac{2\sqrt{3}}{5} = \frac{\sqrt{3}}{10} - \frac{4\sqrt{3}}{10} = -\frac{3\sqrt{3}}{10}$$

3. 다음 중 계산한 값이 다른 하나는?

- ①  $\sqrt{100} - \sqrt{13^2}$
- ②  $-\frac{\sqrt{4 \times 3^2}}{2}$
- ③  $-\sqrt{(-5)^2} \times \frac{3}{\sqrt{25}}$
- ④  $-\sqrt{5^2} + \sqrt{64}$
- ⑤  $(-\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2 \div (-\sqrt{4})$

해설

- ①  $\sqrt{100} - \sqrt{13^2} = 10 - 13 = -3$
- ②  $-\frac{\sqrt{4 \times 3^2}}{2} = -2 \times \frac{3}{2} = -3$
- ③  $-\sqrt{(-5)^2} \times \frac{3}{\sqrt{25}} = -5 \times \frac{3}{5} = -3$
- ④  $-\sqrt{5^2} + \sqrt{64} = -5 + 8 = 3$
- ⑤  $(-\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2 \div (-\sqrt{4}) = -3$

4. 두 이차식  $2a^2 + a - 6$ ,  $4a^2 - 12a + 9$ 의 공통인 인수는?

- ①  $2a + 3$       ②  $a + 2$       ③  $2a - 3$   
④  $a - 2$       ⑤  $2a - 1$

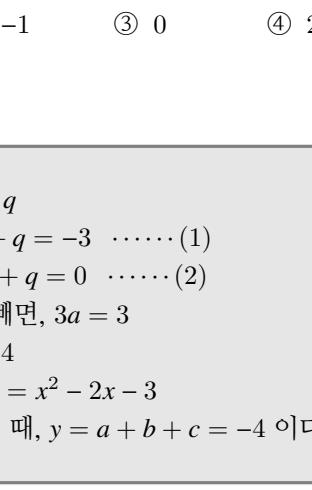
해설

$$2a^2 + a - 6 = (2a - 3)(a + 2)$$

$$4a^2 - 12a + 9 = (2a - 3)^2$$

따라서 공통인 인수는  $(2a - 3)$ 이다.

5. 다음 그림은 직선  $x = 1$  을 축으로 하는 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프이다. 이 때,  $a + b + c$  의 값은?



- ① -4      ② -1      ③ 0      ④ 2      ⑤ 5

해설

$$y = a(x - 1)^2 + q$$

$$x = 0 \text{ 일 때}, a + q = -3 \quad \dots \dots (1)$$

$$x = 3 \text{ 일 때}, 4a + q = 0 \quad \dots \dots (2)$$

(2)에서 (1)을 빼면,  $3a = 3$

$$\therefore a = 1, q = -4$$

$$y = (x - 1)^2 - 4 = x^2 - 2x - 3$$

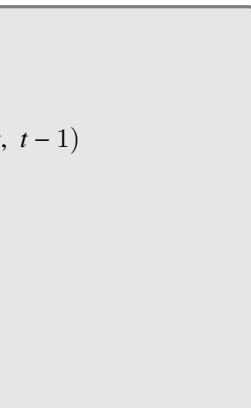
따라서  $x = 1$  일 때,  $y = a + b + c = -4$  이다.

6. 포물선  $y = x^2 + 1$  위의 한 점 P에서 y 축에

평행인 직선을 그어 직선  $y = x - 1$  과 만나는

점을 Q라 할 때  $\overline{PQ}$ 의 최솟값을 구하면?

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{7}{4}$       ③  $\frac{6}{5}$   
④  $\frac{7}{3}$       ⑤  $\frac{5}{2}$



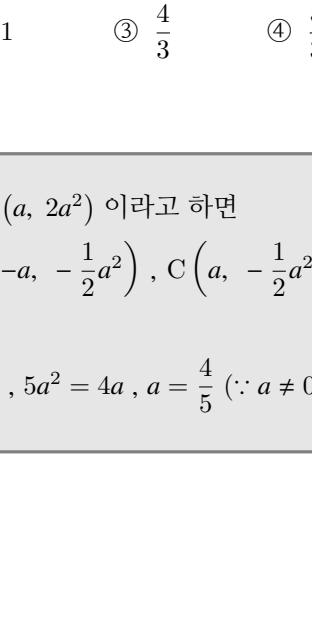
해설

$\overline{PQ}$  가 y 축에 평행하므로 점 P, Q의 x 좌표는 같다. 이때, 점 P의 좌표를  $(t, t^2 + 1)$ 이라고 하면, 점 Q의 좌표는  $(t, t - 1)$

$$\begin{aligned}\overline{PQ} &= t^2 + 1 - (t - 1) \\ &= t^2 - t + 2 \\ &= \left(t - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}\end{aligned}$$

따라서  $t = \frac{1}{2}$  일 때,  $\overline{PQ}$ 의 최솟값은  $\frac{7}{4}$

7. 다음 그림과 같이 두 이차함수  $y = 2x^2$ ,  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프 위에 있는 네 점 A, B, C, D가 정사각형을 이루는 때, 점 D의 x 좌표는?



- ①  $\frac{2}{3}$       ② 1      ③  $\frac{4}{3}$       ④  $\frac{5}{3}$       ⑤  $\frac{4}{5}$

해설

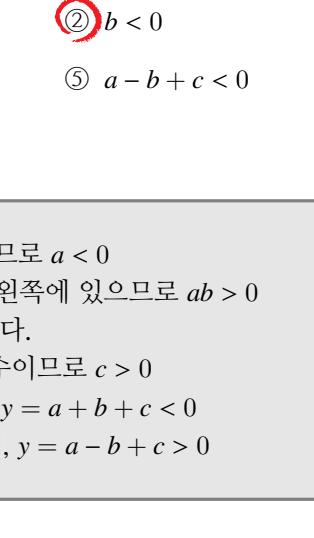
점 D의 좌표를  $(a, 2a^2)$  이라고 하면

$$A(-a, 2a^2), B\left(-a, -\frac{1}{2}a^2\right), C\left(a, -\frac{1}{2}a^2\right) \text{ 이고, } \overline{DC} = \overline{BC}$$

이므로

$$2a^2 + \frac{1}{2}a^2 = 2a, 5a^2 = 4a, a = \frac{4}{5} (\because a \neq 0)$$

8. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음과 같을 때, 다음 중 옳은 것을 구하면?



- ①  $a > 0$       ②  $b < 0$       ③  $c < 0$   
④  $a + b + c > 0$       ⑤  $a - b + c < 0$

해설

- ① 위로 볼록하므로  $a < 0$   
② 축이  $y$  축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0$   
따라서  $b < 0$  이다.  
③  $y$  절편이 양수이므로  $c > 0$   
④  $x = 1$  일 때,  $y = a + b + c < 0$   
⑤  $x = -1$  일 때,  $y = a - b + c > 0$