

1. 다음 보기의 자료를 보고 다음을 구하여라.

보기

㉠ 1, 2, 1, 2, 1, 2

㉡ 1, 3, 1, 3, 1, 3, 1, 3

㉢ 1, 1, 1, 2, 2, 2

㉣ 3, 3, 3, 3, 3, 3

- (1) 표준편차가 가장 큰 것
(2) 표준편차가 가장 작은 것

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: (1) ㉡

▶ 정답: (2) ㉣

해설

표준편차가 큰 것은 변량간의 격차가 큰 것이고, 작은 것은 변량간의 격차가 작은 것이다.

(1) ㉡

(2) ㉣

2. 다음은 3명의 학생이 5회에 걸쳐 실시한 탁걸이 개수를 나타낸 것이다. 표를 보고 다음을 구하여라.

	1회	2회	3회	4회	5회
A	7	7	7	6	6
B	4	1	8	2	2
C	6	6	6	6	6

- (1) 표준편차가 가장 큰 사람
(2) 표준편차가 가장 작은 사람

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) B

▷ 정답: (2) C

해설

표준편차가 큰 것은 변량간의 격차가 큰 것이고, 작은 것은 변량간의 격차가 작은 것이다.

(1) B

(2) C

3. 다음 자료들 중에서 표준편차가 가장 작은 것은?

① 1, 3, 1, 3, 1, 1, 1, 1

② 2, 4, 2, 4, 2, 4, 2, 4

③ 2, 4, 2, 4, 2, 4, 4, 4

④ 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1

⑤ 1, 3, 1, 3, 1, 3, 1, 3

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 주어진 자료들 중에서 표준편차가 가장 작은 것은 ④이다.

4. 5개의 변량 a, b, c, d, e 의 평균이 5이고 분산이 10일 때, $a+2, b+2, c+2, d+2, e+2$ 의 평균과 분산을 차례대로 나열하면?

① 평균 : 5, 분산 : 7

② 평균 : 5, 분산 : 10

③ 평균 : 6, 분산 : 10

④ 평균 : 7, 분산 : 10

⑤ 평균 : 8, 분산 : 15

해설

$$(\text{평균}) = 1 \cdot 5 + 2 = 7$$

$$(\text{분산}) = 1^2 \cdot 10 = 10$$

5. 다음 물음에 답하여라.

(1) w, x, y, z 의 평균이 25일 때, $w + 4, x + 4, y + 4, z + 4$ 의 평균을 구하여라.

(2) a, b, c, d 의 평균이 5일 때, $3a, 3b, 3c, 3d$ 의 평균을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 29

▷ 정답 : (2) 15

해설

n 개의 변량 $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ 의 평균이 m 이고 표준편차가 s 일 때, 변량 $ax_1 + b, ax_2 + b, ax_3 + b, \dots, ax_n + b$ 에 대하여 평균은 $am + b$ 이고 표준편차는 $|a|s$ 이다.

(1) $25 + 4 = 29$

(2) $3 \times 5 = 15$

6. 다음 물음에 답하여라.

(1) x, y, z 의 표준편차가 4일 때, $2x + 3, 2y + 3, 2z + 3$ 의 표준편차를 구하여라.

(2) a, b, c 의 표준편차가 5일 때, $3a + 1, 3b + 1, 3c + 1$ 의 표준편차를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 8

▷ 정답: (2) 15

해설

n 개의 변량 $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ 의 평균이 m 이고 표준편차가 s 일 때, 변량 $ax_1 + b, ax_2 + b, ax_3 + b, \dots, ax_n + b$ 에 대하여 평균은 $am + b$ 이고 표준편차는 $|a|s$ 이다.

(1) $|2| \cdot 4 = 8$

(2) $|3| \cdot 5 = 15$

7. 다음 물음에 답하여라.

(1) v, w, x, y, z 의 평균이 60일 때, $v+7, w+7, x+7, y+7, z+7$ 의 평균을 구하여라.

(2) a, b, c, d, e 의 평균이 35일 때, $3a, 3b, 3c, 3d, 3e$ 의 평균을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 67

▷ 정답: (2) 105

해설

n 개의 변량 $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ 의 평균이 m 이고 표준편차가 s 일 때, 변량 $ax_1+b, ax_2+b, ax_3+b, \dots, ax_n+b$ 에 대하여 평균은 $am+b$ 이고 표준편차는 $|a|s$ 이다.

(1) $60+7=67$

(2) $3 \times 35=105$

8. 다음 x, y, z 의 평균을 M , 분산을 S^2 이라 할 때, 세 수 $x+5, y+5, z+5$ 의 평균과 분산을 순서대로 적어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 평균 : $M+5$

▷ 정답: 분산 : S^2

해설

평균 : $\frac{x+y+z}{3} = M$ 이므로

세 수 $x+5, y+5, z+5$ 의 평균을

$$\frac{x+y+z+15}{3} = \frac{x+y+z}{3} + 5 = M+5$$

분산 : S^2

9. 다음 물음에 답하여라.

- (1) v, w, x, y, z 의 표준편차가 9일 때, $4v + 2, 4w + 2, 4x + 2, 4y + 2, 4z + 2$ 의 표준편차를 구하여라.

- (2) a, b, c, d, e 의 표준편차가 5일 때, $3a - 1, 3b - 1, 3c - 1, 3d - 1, 3e - 1$ 의 표준편차를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 36

▷ 정답: (2) 15

해설

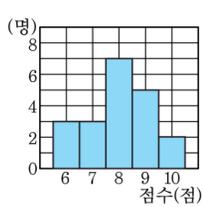
n 개의 변량 $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ 의 평균이 m 이고 표준편차가 s 일 때, 변량 $ax_1 + b, ax_2 + b, ax_3 + b, \dots, ax_n + b$ 에 대하여 평균은 $am + b$ 이고 표준편차는 $|a|s$ 이다.

(1) $|4| \cdot 9 = 36$

(2) $|3| \cdot 5 = 15$

10. 다음은 학생의 20명의 음악실기 점수이다. 학생 20명의 음악실기 점수의 분산과 표준편차를 차례대로 구한것은?

- ① 1.1, $\sqrt{1.1}$ ② 1.2, $\sqrt{1.2}$
 ③ 1.3, $\sqrt{1.3}$ ④ 1.4, $\sqrt{1.4}$
 ⑤ 1.5, $\sqrt{1.5}$



해설

$$\text{평균: } \frac{6 \times 3 + 7 \times 3 + 8 \times 7 + 9 \times 5 + 10 \times 2}{20} = 8$$

$$\text{편차: } -2, -1, 0, 1, 2$$

$$\text{분산: } \frac{(-2)^2 \times 3 + (-1)^2 \times 3 + 5 + 2^2 \times 2}{20} = 1.4$$

$$\text{표준편차: } \sqrt{1.4}$$

11. 다음 도수분포표는 어느 반에서 20명 학생의 수학 퀴즈 점수를 나타낸 것이다. 수학퀴즈점수의 분산과 표준편차를 구하여라.

점수(점)	10	20	30	40	50
학생수(명)	3	5	6	4	2

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 분산 142.75

▷ 정답: 표준편차 $\sqrt{142.75}$

해설

평균:

$$\frac{3 \times 10 + 5 \times 20 + 6 \times 30 + 4 \times 40 + 2 \times 50}{20} = 28.5$$

편차: -18.5, -8.5, 1.5, 11.5, 21.5

분산: $\frac{(-18.5)^2 \times 3 + (-8.5)^2 \times 5 + 1.5^2 \times 6 + 11.5^2 \times 4 + 21.5^2 \times 2}{20} = 142.75$

$$\frac{(-18.5)^2 \times 3 + (-8.5)^2 \times 5 + 1.5^2 \times 6 + 11.5^2 \times 4 + 21.5^2 \times 2}{20} = 142.75$$

표준편차: $\sqrt{142.75}$

12. 다음은 학생 8 명의 국어 시험의 성적을 조사하여 만든 것이다. 이 분포의 분산은?

계급	도수
55 ^{이상} ~ 65 ^{미만}	3
65 ^{이상} ~ 75 ^{미만}	a
75 ^{이상} ~ 85 ^{미만}	1
85 ^{이상} ~ 95 ^{미만}	1
합계	8

- ① 60 ② 70 ③ 80 ④ 90 ⑤ 100

해설

계급값이 60 일 때의 도수는 $a = 8 - (3 + 1 + 1) = 3$ 이므로 이 분포의 평균은

(평균)

$$= \frac{\{(\text{계급값}) \times (\text{도수})\} \text{의 총합}}{(\text{도수}) \text{의 총합}}$$

$$= \frac{60 \times 3 + 70 \times 3 + 80 \times 1 + 90 \times 1}{8}$$

$$= \frac{560}{8} = 70(\text{점})$$

따라서 구하는 분산은

$$\frac{1}{8} \{ (60-70)^2 \times 3 + (70-70)^2 \times 3 + (80-70)^2 \times 1 + (90-70)^2 \times 1 \}$$

$$= \frac{1}{8} (300 + 0 + 100 + 400) = 100$$

이다.

13. 다음은 학생 10 명의 국어 성적을 조사하여 만든 것이다. 학생들 10 명의 국어 성적의 분산을 구하여라.

계급	계급값	도수	(계급값) \times (도수)
55 ^{이상} ~ 65 ^{미만}	60	3	180
65 ^{이상} ~ 75 ^{미만}	70	3	210
75 ^{이상} ~ 85 ^{미만}	80	2	160
85 ^{이상} ~ 95 ^{미만}	90	2	180
계	계	10	730

▶ 답 :

▷ 정답 : 121

해설

학생들의 국어 성적의 평균은

$$\begin{aligned}
 (\text{평균}) &= \frac{(\text{계급값}) \times (\text{도수}) \text{의 총합}}{(\text{도수}) \text{의 총합}} \\
 &= \frac{730}{10} = 73(\text{점})
 \end{aligned}$$

따라서 구하는 분산은

$$\begin{aligned}
 &\frac{1}{10} \{ (60-73)^2 \times 3 + (70-73)^2 \times 3 + (80-73)^2 \times 2 + (90-73)^2 \times 2 \} \\
 &= \frac{1}{10} (507 + 27 + 98 + 578) = 121 \text{ 이다.}
 \end{aligned}$$

14. 다음 도수분포표는 어느 반에서 20명 학생의 체육 실기 점수를 나타낸 것이다. 이 반 학생들의 체육 실기 점수의 분산과 표준편차는?

점수(점)	1	2	3	4	5
학생수(명)	2	5	8	3	2

- ① 분산 : 1.15, 표준편차 : $\sqrt{1.15}$
 ② 분산 : 1.17, 표준편차 : $\sqrt{1.17}$
 ③ 분산 : 1.19, 표준편차 : $\sqrt{1.19}$
 ④ 분산 : 1.21, 표준편차 : $\sqrt{1.21}$
 ⑤ 분산 : 1.23, 표준편차 : $\sqrt{1.23}$

해설

$$\text{평균} : \frac{2 \times 1 + 2 \times 5 + 3 \times 8 + 4 \times 3 + 5 \times 2}{20} = 2.9$$

$$\text{편차} : -1.9, -0.9, 0.1, 1.1, 2.1$$

$$\text{분산} : \frac{(-1.9)^2 \times 2 + (-0.9)^2 \times 5 + 0.1^2 \times 8 + 1.1^2 \times 3 + 2.1^2 \times 2}{20} = 1.19$$

$$\text{표준편차} : \sqrt{1.19}$$

15. 네 개의 변량 4, 6, a , b 의 평균이 5이고, 분산이 3일 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

- ① 20 ② 40 ③ 60 ④ 80 ⑤ 100

해설

변량 4, 6, a , b 의 평균이 5이므로

$$\frac{4+6+a+b}{4} = 5, a+b+10 = 20$$

$$\therefore a+b = 10 \cdots \textcircled{1}$$

또, 분산이 3이므로

$$\frac{(4-5)^2 + (6-5)^2 + (a-5)^2 + (b-5)^2}{4} = 3$$

$$\frac{1+1+a^2-10a+25+b^2-10b+25}{4} = 3$$

$$\frac{a^2+b^2-10(a+b)+52}{4} = 3$$

$$a^2+b^2-10(a+b)+52 = 12$$

$$\therefore a^2+b^2-10(a+b) = -40 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{2}$ 의 식에 $\textcircled{1}$ 을 대입하면

$$\therefore a^2+b^2 = 10(a+b) - 40 = 10 \times 10 - 40 = 60$$

16. 다섯 개의 변량 5, 7, x , y , 8 의 평균이 6 이고, 분산이 5 일 때, $2xy$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 33

해설

다섯 개의 변량 5, 7, x , y , 8 의 평균이 6 이므로

$$\frac{5+7+x+y+8}{5} = 6, \quad x+y+20 = 30$$

$$\therefore x+y = 10 \quad \text{.....} \textcircled{1}$$

또, 분산이 5 이므로

$$\frac{(5-6)^2 + (7-6)^2 + (x-6)^2 + (y-6)^2}{5}$$

$$+ \frac{(8-6)^2}{5} = 5$$

$$\frac{1+1+x^2-12x+36+y^2-12y+36+4}{5} = 5$$

$$\frac{x^2+y^2-12(x+y)+78}{5} = 5$$

$$x^2+y^2-12(x+y)+78 = 25$$

$$\therefore x^2+y^2-12(x+y) = -53 \quad \text{.....} \textcircled{2}$$

$\textcircled{2}$ 의 식에 $\textcircled{1}$ 을 대입하면

$$x^2+y^2 = 12(x+y) - 53 = 12 \times 10 - 53 = 67$$

$$\therefore x^2+y^2 = 67 \quad \text{.....} \textcircled{3}$$

$$(x+y)^2 = x^2+y^2+2xy, \quad 10^2 = 67+2xy, \quad 2xy = 33$$

$$\therefore 2xy = 33$$

17. 다섯 개의 수 5, 3, a , b , 9의 평균이 5이고, 분산이 6일 때, $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 40

해설

다섯 개의 수 5, 3, a , b , 9의 평균이 5이므로

$$\frac{5+3+a+b+9}{5} = 5, a+b+17 = 25$$

$$\therefore a+b = 8 \cdots \textcircled{A}$$

또, 분산이 6이므로

$$\frac{(5-5)^2 + (3-5)^2 + (a-5)^2}{5} +$$

$$\frac{(b-5)^2 + (9-5)^2}{5} = 6$$

$$\frac{0+4+a^2-10a+25+b^2-10b+25+16}{5} = 6$$

$$\frac{a^2+b^2-10(a+b)+70}{5} = 6$$

$$a^2+b^2-10(a+b)+70 = 30$$

$$\therefore a^2+b^2-10(a+b) = -40 \cdots \textcircled{B}$$

\textcircled{B} 의 식에 \textcircled{A} 을 대입하면

$$\therefore a^2+b^2 = 10(a+b) - 40 = 10 \times 8 - 40 = 40$$