

1. 다항식  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x - 4$ 를 일차식  $x + 1$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① -10

② 10

③ -4

④ 4

⑤ 0

해설

$f(x) = (x + 1)Q(x) + R$ 이라고 놓으면

$$f(-1) = R$$

$$\therefore f(-1) = -1 - 2 - 3 - 4 = -10$$

따라서  $R = -10$

2. 다항식  $ax^3 + bx^2 - 4$  가  $x^2 + x - 2$ 로 나누어 떨어지도록  $a, b$ 를 정할 때,  $a$ 와  $b$ 의 곱을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} ax^3 + bx^2 - 4 &= (x^2 + x - 2)Q(x) \\ &= (x - 1)(x + 2)Q(x) \end{aligned}$$

양변에  $x = 1, x = -2$  를 각각 대입하면

$$a + b - 4 = 0, -8a + 4b - 4 = 0$$

두 식을 연립하여 풀면  $a = 1, b = 3$

$$\therefore ab = 3$$

해설

$$ax^3 + bx^2 - 4 = (x^2 + x - 2)(ax + 2)$$

우변을 전개하여 계수를 비교하면

$$a = 1, b = 3 \quad \therefore ab = 3$$

3. 다항식  $f(x)$  를  $(x - 1)(x - 2)$  로 나눈 나머지가  $4x + 3$  일 때  $f(2x)$  를  $x - 1$  로 나눈 나머지는?

① -1

② 0

③ 3

④ 7

⑤ 11

해설

$$f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + 4x + 3$$

$$x = 2 \text{ 를 대입하면 } f(2) = 11$$

$f(2x)$  를  $x - 1$  로 나눈 나머지를  $R$  이라 하면

$$f(2x) = (x - 1)Q'(x) + R$$

$$x = 1 \text{ 을 대입하면 } f(2) = R$$

$$\therefore R = 11$$

4. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ 3

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\\therefore f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

5. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 모든 모서리의 길이의 합이 20m이고 대각선의 길이가 3m 일 때, 이 상자의 겉넓이는 몇  $m^2$ 인가?

- ①  $12\ m^2$     ②  $13\ m^2$     ③  $14\ m^2$     ④  $15\ m^2$     ⑤  $16\ m^2$

해설

세 모서리의 길이를  $a, b, c$  라 하면

$$4(a + b + c) = 20, \quad a + b + c = 5$$

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 3, \quad a^2 + b^2 + c^2 = 9$$

$$\begin{aligned}(겉넓이) &= 2(ab + bc + ca) \\&= (a + b + c)^2 - (a^2 + b^2 + c^2) \\&= 25 - 9 = 16(\text{ }m^2)\end{aligned}$$