방정식 $2x^4 - x^3 - 6x^2 - x + 2 = 0$ 을 풀면? 1.

①
$$x = -1 \ (\stackrel{\angle}{\circ} \stackrel{\neg}{-}), \ -\frac{1}{2}, \ 2$$
 ② $x = -1 \ (\stackrel{\angle}{\circ} \stackrel{\neg}{-}), \ \frac{1}{2}, \ 1$ ③ $x = -1 \ (\stackrel{\angle}{\circ} \stackrel{\neg}{-}), \ \frac{1}{2}, \ 2$ ④ $x = -1, \frac{1}{2}, \ 2 \ (\stackrel{\angle}{\circ} \stackrel{\neg}{-})$ ⑤ $x = -1, \frac{1}{2} \ (\stackrel{\angle}{\circ} \stackrel{\neg}{-}), \ 2$

$$f(x) = 2x^4 - x^3 - 6x^2 - x + 2$$
 라 하면 $f(-1) = 0$, $f(2) = 0$ 이므로 $(x+1)(x-2)$ 를 인수로 갖는다.

 $(x+1)(x-2)(2x^2+x-1) = 0$ $(x+1)^2(x-2)(2x-1) = 0$

$$\therefore x = -1, \frac{1}{2}, 2$$

2. 삼차방정식 $x^3 + 27 = 0$ 의 모든 근의 합은?

①0 2 1 3 2 4 3 5 4

 $x^3 + 3^3 = 0$, $(x+3)(x^2 - 3x + 9) = 0$

의해 세 근의 합은 0

 $x^3 + 27 = 0$ 에서 x^2 의 계수가 0이므로 근과 계수와의 관계에

- 방정식 $(x-1)(x^2-x-2)=0$ 의 모든 근의 합을 구하면? 3.

 - ① 5 ② 4 ③ 3

(x-1)(x-2)(x+1) = 0

x = -1, 1, 2

 $\therefore -1+1+2=2$

4. 연립방정식

 $\begin{cases} 2x + ay = 10\\ x - y = b \end{cases}$

의 해가 x = 2, y = -3일 때, a + b의 값은?

① 1

②3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

x=2, y=-3

두 방정식 2x + ay = 10, x - y = b에 대입하면

모두 성립시키므로 4 - 3a = 10

 $\therefore a = -2$ 2 - (-3) = b

 $\therefore b = 5$ $\therefore a+b=3$

- **5.** 다음 중 1+i가 하나의 근이며 중근을 갖는 사차방정식은?
 - ② $(x^2 - 2x + 2)(x - 1)(x + 1)$
 - $(x^2 1)(x^2 2x 1)$
 - $(x^2+1)(x-1)(x+1)$

 - $(x^2+1)(x^2-2x+1)$

한 근이 1+i이면

해설

다른 한 근은 1 - i이다.

 $(x^2 - 2x + 2)(x - \alpha)^2 = 0$.. ① 이 조건에 맞다

6. 연립방정식 $\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 을 풀 때, xy의 값은?

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

해설 $\begin{cases} x - y = 1 \cdots \bigcirc \\ x^2 + y^2 = 5 \cdots \bigcirc \end{cases}$ ①를 곱셈법칙에 의해 변형하면, $x^2 + y^2 = (x - y)^2 + 2xy$ $5 = 1^2 + 2xy$ $\therefore xy = 2$

7. 연립방정식 $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$ 을 만족하는 x, y에 대하여 x + y값이 될 수 <u>없는</u> 것은?

① $3\sqrt{2}$ **④** −4

해설

2 4

 $3 -3\sqrt{2}$

 \bigcirc $4\sqrt{2}$

 $x^2 - 3xy + 2y^2 = 0$ (x-y)(x-2y) $\Rightarrow (x - y)(x - 2y) = 0$ $\Rightarrow x = y \stackrel{\leftarrow}{=} x = 2y$ i) x = y $x^2 + 2y^2 = 3x^2 = 12$ $x = \pm 2 \implies y = \pm 2$ ii) x = 2y $x^2 + 2y^2 = 6y^2 = 12$ $y = \pm \sqrt{2} \implies x = \pm 2\sqrt{2}$ $x + y = (4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2})$ 8. 연립방정식 $\begin{cases} x^2 + y^2 = 5 \\ x^2 - xy + y^2 = 3 \end{cases}$ 의 해를 x = a, y = b라 할 때, ab의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1

해설

$$x^2 + y^2 = 5$$
 ··· ①
 $x^2 - xy + y^2 = 3$ ··· ②
①을 ②에 대입하면 $5 - xy = 3$, $xy = 2$

- $\therefore ab = 2$

- 9. 방정식 $2x^2 4xy + 4y^2 8x + 16 = 0$ 을 만족하는 실수 x, y에 대하여 *x*와 *y*의 곱은?

- ① -2 ② 3 ③ 4 ④8 ⑤ 10

해설

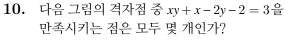
$$2x^{2} - 4xy + 4y^{2} - 8x + 16 = 0 \text{ old }$$

$$(x^{2} - 4xy + 4y^{2}) + (x^{2} - 8x + 16) = 0,$$

$$(x - 2y)^{2} + (x - 4)^{2} = 0$$

$$x = 2y, x = 4$$

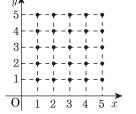
$$\therefore x = 4, y = 2 \quad \therefore xy = 8$$



②1 개 ① 0개

③ 2개

⑤ 4 개 ④ 3 개





해설

xy + x - 2y - 2 = x(y + 1) - 2(y + 1)=(x-2)(y+1) 이므로 (x-2)(y+1) = 3 에서 문제의 x, y는

i)x-2=1, y+1=3 일 때, x=3, y=2

ii) x-2=3, y+1=1 일 때, x=5, y=0iii) x-2=-1, y+1=-3 일 때, x=1, y=-4

iv) x-2=-3, y+1=-1 일 때,

x = -1, y = -2x, y는 자연수이므로 조건을 만족시키는 점은 (3, 2) 뿐이다.

- **11.** 이차방정식 $x^2 ax + a + 2 = 0$ 의 두 근이 모두 정수가 되게 하는 모든 상수 a에 대한 설명 중 옳은 것은?

 - ② a는 -2 이상 6 이하이다.

① a는 -10 이상 -2 이하이다.

- ③ *a*는 6 이상이다.
- ④ a는 0 이하이다.
- ⑤ a는 0 이상 8 이하이다.

두 정수근을 α, β 라 하면 (단, $\beta \ge \alpha$)

해설

 $\alpha + \beta = a, \ \alpha \beta = a + 2$ 이 두 식에서 a를 소거하면 $\alpha\beta - \alpha - \beta = 2$, $(\alpha - 1)(\beta - 1) = 3$

 α – 1, β – 1이 정수이므로 $\therefore \alpha = 2, \beta = 4 \stackrel{\mathsf{L}}{}_{\mathsf{L}} \alpha = -2, \beta = 0$

 $\therefore a = 6, -2$

- **12.** x에 관한 삼차방정식 $kx^3 + (1-2k)x^2 + (k-2)x 2k = 0$ 의 근이 모두 실수가 되기 위한 실수 k의 범위를 구하면?
- ① $0 < k \le \frac{1}{2}$ ② $0 < k \le 1$ ③ $-\frac{1}{2} < k \le 0$ ④ $-\frac{1}{2} < k \le \frac{1}{2}$

준식= $(x-2)(kx^2+x+k) = 0$ 에서 $kx^2+x+k = 0$ 이 실근이어야하므로 $D=1-4k^2 \ge 0$,

 $k \neq 0$ 이므로 $0 < |k| \le \frac{1}{2}$

13. 연립방정식
$$\begin{cases} x+y=xy\\ \frac{y}{x}+\frac{x}{y}=0 \end{cases}$$
 을 만족하는 x, y 의 합 $x+y$ 의 값은? (단, $xy \neq 0$)

-2 ② -1 ③ 0 ④ 1

2

$$\frac{y}{x} + \frac{x}{y} = 0 \text{ 에서}$$

$$\frac{y}{x} + \frac{x}{y} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{(x+y)^2 - 2xy}{xy} \text{ 이므로}$$

$$x + y = u, xy = v \text{ 라하면}$$
주어진 연립방정식은
$$\begin{cases} u - v = 0 & \cdots & \bigcirc \\ \frac{u^2 - 2v}{v} = 0 & \cdots & \bigcirc \\ \frac{u^2 - 2v}{v} = 0 & \cdots & \bigcirc \\ \end{pmatrix}$$
①을 ⓒ에 대입하면
$$\frac{u^2 - 2v}{v} = \frac{v(v-2)}{v} = 0$$

$$\therefore v = 0 \text{ 또는 } v = 2$$
그런데 주어진 조건에서
$$v = xy \neq 0 \text{ 이므로 } v = 2 \text{ 이다.}$$
따라서, ①에서 $u = v = 2$ 이므로
$$x + y = 2$$

14. 두 이차방정식 $3x^2 - (k+1)x + 4k = 0$, $3x^2 + (2k-1)x + k = 0$ 이 단 하나의 공통인 근 α 를 가질 때, $3k+\alpha$ 의 값은? (단, k는 실수인 상수)

<u>1</u>-1

② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설 공통근이 α 이므로

 $3\alpha^2 - (k+1)\alpha + 4k = 0$

 $3\alpha^2 + (2k-1)\alpha + k = 0$

두 식을 변변끼리 빼면 $3k(\alpha-1)=0$

k=0 또는 $\alpha=1$ k = 0이면 두 식이 같아지므로

조건에 맞지 않는다. ∴ α = 1을 대입하면

 $3 - (k+1) + 4k = 0, \quad k = -\frac{2}{3}$ $\therefore 3k + \alpha = -1$

15. 방정식 $x^4 + x^3 + x^2 + x + 1 = 0$ 의 한 근을 ω 라 할 때, $\omega^2 + \omega^4 +$ $\omega^5 + \omega^6 + \omega^8$ 의 값을 구하면?

- ① -i ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ i

준 방정식의 양변에 x - 1을 곱하면

 $x^5 - 1 = 0$ $\therefore x^5 = 1 \stackrel{\mathbf{Z}}{\lnot}, \, \omega^5 = 1$

- $\therefore \ \omega^2 + \omega^4 + \omega^5 + \omega^6 + \omega^8$
- $=\omega^2+\omega^4+1+\omega+\omega^3$
- $=1+\omega+\omega^2+\omega^3+\omega^4=0$