1. 두 이차방정식 $x^2 - 2x - 15 = 0$ 과 $x^2 - 9 = 0$ 의 공통인 근을 고르면?

- ① -6 ② -5 ③ -4
- \bigcirc -2

해설 (x+3)(x-5) = 0, x = -3, 5

(x+3)(x-3) = 0, x = -3, 3따라서 두 이차방정식의 공통근은 -3 이다.

이차방정식 $x^2 + ax + a - 1 = 0$ 이 중근을 갖기 위한 a 의 값을 구하면? **2**.

① 0 ② 1

중근을 가지려면 $x^2 + ax + a - 1$ 가 완전제곱식이 되어야 한다. $\therefore \left(a \times \frac{1}{2}\right)^2 = a - 1, \frac{a^2}{4} = a - 1$

$$(a \times \frac{1}{2}) = a - 1, \frac{1}{4} = a - 1$$

$$a^2 - 4a + 4 = 0, (a - 2)^2 = 0$$

$$a = 2$$

$$\therefore a = 2$$

3. 다음 이차방정식을 풀어라.

 $2x(x+3) = x^2 - 1$

답:

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $-3+2\sqrt{2}$ > 정답: $-3-2\sqrt{2}$

 $2x^2 + 6x = x^2 - 1$

 $x^2 + 6x + 1 = 0$ 근의 공식을 이용하면

 $x = \frac{-3 \pm \sqrt{9-1}}{1} = -3 \pm \sqrt{8} = -3 \pm 2\sqrt{2}$ 이다.

4. 다음 이차방정식의 두 근의 곱을 구하면?

$$0.3x^2 + 0.2x = 0.5$$

① -3 ② $-\frac{5}{3}$ ③ $-\frac{7}{8}$ ④ 2 ⑤ 5

$$3x^{2} + 2x - 5 = 0$$

$$3(x - 1) \left(x + \frac{5}{2}\right)$$

$$3x^{2} + 2x = 5$$
$$3x^{2} + 2x - 5 = 0$$
$$3(x - 1)\left(x + \frac{5}{3}\right) = 0$$

$$\therefore x = 1 또는 -\frac{5}{3}$$

따라서 두 근의 곱은 $-\frac{5}{3}$ 이다.

5. 이차방정식 $-x^2 + 2x + 8 = 0$ 의 두 근의 합이 $x^2 - 2x + a = 0$ 의 근일 때, a 의 값은?

①0 2 1 3 2 4 3 5 4

해설

 $-x^2 + 2x + 8 = 0$ 에서 두 근의 합은 2 이다. x = 2가 $x^2 - 2x + a = 0$ 의 근이므로 $2^2 - 2 \times 2 + a = 0$ $\therefore a = 0$

6. 이차방정식 $x^2 + x + a = 0$ 의 한 근이 -4 이고, 다른 한 근이 $3x^2 +$ bx + 21 = 0 의 한 근일 때, a - b 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④4 ⑤ 5

해설

x = -4 를 $x^2 + x + a = 0$ 에 대입하면

16 - 4 + a = 0, a = -12 이다. $x^2 + x - 12 = 0$ 에서 다른 한 근은 x = 3b = −16 이다. $\therefore a - b = -12 + 16 = 4$

- 7. 다음 중 이차방정식의 해가 모두 음수인 것은?
- $3x^2 27 = 0$
- ① $x^2 + x 2 = 0$ ② $x^2 + 4x = 0$ ③ $2x^2 + 5x + 2 = 0$ ④ $2x^2 7x + 6 = 0$

③ $x = -\frac{1}{2}$, x = -2 일 때 성립한다.

다음 이차방정식의 두 근을 a, b 라고 할 때, 3a-2b 의 값을 구하여라. 8. (단, a > b)

$$(2x-3)^2 = (2x+1)(x-9) + 25$$

▶ 답:

▷ 정답: 10

전개해서 정리하면

해설

 $2x^{2} + 5x - 7 = 0$ (2x + 7)(x - 1) = 0

$$x = -\frac{7}{2} \, \cancel{\Xi} \, - \frac{1}{2}$$

$$x = -\frac{1}{2} \, \mathbb{E} \stackrel{\sim}{=} 1$$

파라서
$$a = 1$$
, $b = -\frac{7}{2}$ 이므로
$$3a - 2b = 3 \times 1 - 2 \times \left(-\frac{7}{2}\right) = 3 + 7 = 10 \text{ 이다.}$$

- 이차방정식 $\frac{1}{10}x^2 0.4x + k = 0$ 의 한 근을 -5 라 할 때, 다른 한 9. 근은?
 - ① 4.5 ② 6 ③ 7 ④ 8

한 근 x = -5 를 방정식에 대입하면 $\frac{1}{10} \times (-5)^2 - 0.4 \times (-5) + k = 0 \qquad \therefore k = -\frac{9}{2}$

따라서 주어진 방정식은 $\frac{1}{10}x^2 - 0.4x - \frac{9}{2} = 0$

양변에 10 을 곱하고 정리하면 $x^2 - 4x - 45 = 0$ (x+5)(x-9) = 0

 $x = -5 \, \, \underline{\div} \, x = 9$ 따라서 구하는 다른 한 근은 9

- **10.** 이차방정식 $x^2 + 4x 1 = 0$ 을 $(x + a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, ab 의 값을 구하여라.
- ▶ 답:

▷ 정답: 10

 $x^{2} + 4x - 1 = (x+2)^{2} - 5 = 0$ $(x+2)^{2} = 5$

a = 2, b = 5 ab = 10

①
$$(x+1)^2 = 5 \rightarrow x = -1 \pm \sqrt{5}$$

② $3x^2 - 6x - 5 = 0 \rightarrow x = 1 + \frac{3}{2}$

$$(x+1) = 3 \Rightarrow x = 11 \text{ } \sqrt{3}$$

$$(2) 3x^2 - 6x - 5 = 0 \Rightarrow x = 1 \pm \frac{\sqrt{6}}{2}$$

$$(3) \frac{1}{2}x^2 - 3 = 0 \Rightarrow x = \pm \sqrt{6}$$

$$(4) \frac{1}{2}x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow x = 1 \pm \sqrt{3}$$

$$(5) 2(x-5)^2 - 1 = 0 \Rightarrow x = 5 \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$3 \quad \frac{1}{2}x^2 - 3 = 0 \rightarrow x = \pm \sqrt{2}$$

$$4 \frac{1}{2}x^2 - x - 1 = 0 \to x = 1 \pm \sqrt{2}$$

$$(3) \ 2(x-5)^2 - 1 = 0 \to x = 5 \pm \frac{1}{2}$$

$$2 3x^2 - 6x - 5 = 0, 3(x^2 - 2x) = 5$$

해설

$$3(x^2 - 2x + 1) = 5 + 3$$

$$3(x^{2} - 2x + 1) = 5 + 3$$
$$3(x - 1)^{2} = 8$$

$$3(x-1) = 8$$

$$2\sqrt{6}$$

$$\therefore x = 1 \pm \frac{2\sqrt{6}}{3}$$

- **12.** 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 근에 대한 설명 중 옳은 것은?
 - b = 0 이면 근이 없다.
 a = -4, b = -5 이면 중근을 가진다.
 - ③a > 0, b < 0 이면 서로 다른 2 개의 실근을 가진다.
 - ④ a < 0 이면 근이 없다.
 - ⑤ *b* > 0 이면 중근을 가진다.

③ $a>0,\ b<0$ 이면 $a^2-4b>0$ 이므로 서로 다른 2 개의 실근을 가진다.

13. 어떤 이차방정식의 일차항의 계수를 잘못 보고 풀었더니 근이 -2, 4 였고, 상수항을 잘못 보고 풀었더니 근이 -5, 3 이었다. 이차방정식의 옳은 근을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

> 정답: *x* = −4

> 정답: *x* = 2

 $(x+2)(x-4) = x^2 - 2x - 8 = 0$ $(x-3)(x+5) = x^2 + 2x - 15 = 0$

상수항은 -8, 일차항의 계수는 2 이므로 $x^2 + 2x - 8 = 0$

 $\therefore x = -4 \, \text{\Pi} \pm x = 2$

(x-2)(x+4) = 0

14. 연속하는 세 홀수의 제곱의 합이 251 일 때, 가장 큰 수는?

① 11 ② 13 ③ 15 ④ 17 ⑤ 19

연속하는 세 홀수를 각각 x - 2, x, x + 2 라 하면

 $(x-2)^2 + x^2 + (x+2)^2 = 251$ $3x^2 + 8 = 251$

 $3x^2 = 243$

 $3x^2 = 243$ $x^2 = 81$

해설

∴ x = 9 따라서 가장 큰 수는 11이다.

15. 이차방정식 $x^2-ax+2b=0$ 의 두 근을 α , β 라 하면, $x^2-2x-4=0$ 의 두 근은 $\alpha-1$, $\beta-1$ 이다. 이 때, 상수 a, b 의 곱 ab 의 값을 구하여라.

 달:

 ▷ 정답: -2

0_-

근과 계수와의 관계에서 $\alpha + \beta = a$, $\alpha\beta = 2b$ $x^2 - 2x - 4 = 0$ 의 두 근이 $\alpha - 1, \beta - 1$ 이므로 $\alpha - 1 + \beta - 1 = 2$, $\alpha + \beta = 4$ $\therefore a = 4$ $(\alpha - 1)(\beta - 1) = \alpha\beta - (\alpha + \beta) + 1 = -4$ 2b - 4 + 1 = -4, 2b = -1 $\therefore b = -\frac{1}{2}$ $\therefore a \times b = 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -2$

- 16. 이차방정식의 한 근이 $\frac{4}{3-\sqrt{5}}$ 인 이차방정식 A는 다음과 같다. 이때, 유리수 a , b 에서 $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.
 - $ax^2 x + b = 0$

▷ 정답: 4

한 근이 $\frac{4}{3-\sqrt{5}} = 3+\sqrt{5}$ 이므로 다른 한 근은 $3-\sqrt{5}$

- 17. 어느 반 학생들에게 공책 144권을 똑같이 나누어 주려고 한다. 한 사람에게 돌아가는 공책의 수가 전체 학생 수보다 7 이 적다고 할 때, 한 명에게 돌아가는 공책의 수는?
 - ① 6권 ②9권 ③ 12권 ④ 16권 ⑤ 24권

이라 하면, x(x+7)=144

한 명에게 돌아가는 공책의 수를 x권, 전체 학생 수를 (x+7) 명

 $\begin{vmatrix} x^2 + 7x - 144 = 0 \\ (x+16)(x-9) = 0 \end{vmatrix}$

해설

 $\therefore x = 9 \ (\because x > 0)$

18. 길이가 $10 \, \mathrm{cm}$ 인 선분 AB 위에 점 P 를 잡아 서 다음 그림과 같이 정사각형과 직각이등변 삼각형을 만들어 넓이의 합이 $36\,\mathrm{cm}^2$ 가 되게 하려고 한다. 선분 AP 의 길이를 구하여라. (단, 선분 AP 의 길이는 자연수이다.) ▶ 답: $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답: 2<u>cm</u>

선분 AP 의 길이를 x cm 라고 하면 (정사각형의 넓이) = x^2

(직각이등변삼각형의 넓이) = $\frac{1}{2}(10-x)^2$ $x^2 + \frac{1}{2}(10 - x)^2 = 36$

$$\frac{3}{2}x^2 - 10x + 50 - 36 = 0$$

$$3x^2 - 20x + 28 = 0$$

19. $A = x^2 + 2x - 3$, $B = x^2 - 8x + 7$ 에 대하여, A + B = 0, $AB \neq 0$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: x = 2

해설

 $A + B = (x^2 + 2x - 3) + (x^2 - 8x + 7)$ $= 2x^2 - 6x + 4 = 0 \text{ 이므로}$ $2x^2 - 6x + 4 = 0, (x - 1)(x - 2) = 0$ $\therefore x = 1 또는 x = 2 \cdots \bigcirc$ $AB \neq 0 \text{ 이므로 } A \neq 0 \text{ 이코 } B \neq 0 \text{ 이어야 한다.}$ $A = x^2 + 2x - 3 = (x - 1)(x + 3) \neq 0 \text{ 에서}$ $\therefore x \neq 1 \text{ 이코 } x \neq -3 \cdots \bigcirc$ $B = x^2 - 8x + 7 = (x - 1)(x - 7) \neq 0$ $\therefore x \neq 1 \text{ 이코 } x \neq 7 \cdots \bigcirc$ 마라서 \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc 에서 x = 2 이다.

20. 어떤 상품의 개당 가격을 x% 올리면 판매량은 $\frac{x}{3}\%$ 만큼 감소한다. 매출을 12% 증가시키기 위해서 올려야하는 개당 가격은 몇 % 인지 구하여라. (단, 0 < x < 50)

답: <u>%</u>> 정답: 20 <u>%</u>

он. 20<u>70</u>

처음 가격을 a 원, 판매량을 b 개라고 하면 가격을 x% 올린 후의 가격은 $a\left(1+\frac{x}{100}\right)$ 원, 판매량은 $b\left(1-\frac{x}{3}\over 100\right)$ 개이다. 따라서, 가격을 x% 올린 후의 매출은 $a\left(1+\frac{x}{100}\right)b\left(1-\frac{x}{300}\right)$ ab (원) 이다. 이때, 매출이 12% 증가해야 하므로 $\left(1+\frac{x}{100}\right)\left(1-\frac{x}{300}\right)ab=\frac{112}{100}ab$ $\left(1+\frac{x}{100}\right)\left(1-\frac{x}{300}\right)ab=\frac{112}{100}ab$ $\left(1+\frac{x}{100}\right)\left(1-\frac{x}{300}\right)=\frac{112}{100}$ $x^2-200x+3600=0$ (x-20)(x-180)=0 x=20 또는 x=180 0 x=20 또는 x=180 이 x=20 또는 x=20 또는 x=20 따라서 가격을 x=20 때라서 가격을 x=20 때라