

1. 다음 보기의 조건에서 $x + 3y = 10$ 일 확률을 구하면?

보기

A, B 두 개의 주사위를 동시에 던져 A 에서 나온 수를 x , B 에서 나온 수를 y 라고 한다.

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{5}$ ③ $\frac{1}{6}$ ④ $\frac{1}{18}$ ⑤ $\frac{5}{18}$

해설

모든 경우의 수는 $6 \times 6 = 36$ (가지) 이고, $x + 3y = 10$ 일 경우의 수는 $(1, 3)$, $(4, 2)$ 의 2가지이다.

따라서 구하는 확률은 $\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$ 이다.

2. 한 개의 주사위를 두 번 던져서 처음에 나온 눈의 수를 x , 나중에 나온 눈의 수를 y 라 할 때, $3x + y = 12$ 가 될 확률은?

① $\frac{1}{18}$

② $\frac{1}{12}$

③ $\frac{1}{9}$

④ $\frac{1}{6}$

⑤ $\frac{1}{4}$

해설

$3x + y = 12$ 를 만족하는 (x, y) 는 $(2, 6), (3, 3)$ 이다.

$$\therefore (\text{확률}) = \frac{2}{36} = \frac{1}{18}$$

3. 주사위를 두 번 던져서 처음에 나온 눈의 수를 x , 두 번째에 나온 눈의 수를 y 라고 할 때, $3x + y \geq 12$ 가 될 확률은?

① $\frac{1}{36}$

② $\frac{7}{36}$

③ $\frac{13}{36}$

④ $\frac{19}{36}$

⑤ $\frac{23}{36}$

해설

$3x + y \geq 12$ 를 만족하는 (x, y) 는

$(2, 6), (3, 3), (3, 4), (3, 5), (3, 6),$

$(4, 1), (4, 2), (4, 3), (4, 4), (4, 5), (4, 6),$

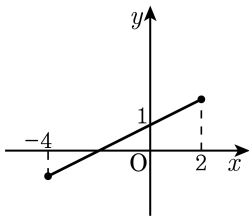
$(5, 1), (5, 2), (5, 3), (5, 4), (5, 5), (5, 6),$

$(6, 1), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5), (6, 6)$

$\therefore 23$ 가지

$$\therefore (\text{확률}) = \frac{23}{36}$$

4. x 의 범위가 $-4 \leq x \leq 2$, 함숫값의 범위가 $p \leq y \leq q$ 인 일차함수 $y = \frac{1}{2}x + b$ 의 그래프가 그림과 같을 때 알맞은 p, q 의 값을 순서대로 구한 것은?



- ① $-2, -6$ ② $-2, 3$ ③ $-1, 2$
④ $-2, 2$ ⑤ $2, -1$

해설

일차함수 $y = \frac{1}{2}x + b$ 의 y 절편이 1이므로 $y = \frac{1}{2}x + 1$

기울기가 양수이므로 함숫값의 범위는 $f(-4) \leq y \leq f(2)$

$$f(-4) = -2 + 1 = -1 \quad \therefore p = -1$$

$$f(2) = 1 + 1 = 2 \quad \therefore q = 2$$

5. 함숫값의 범위가 $-2 \leq y \leq 4$ 일 때, 일차함수 $y = -3x + 1$ 의 x 의 범위는 $a \leq x \leq b$ 이다. 이 때, $a + b$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

기울기가 음수이므로 $(a, 4), (b, -2)$ 지난다.

$$-3a + 1 = 4 \quad \therefore a = -1$$

$$-3b + 1 = -2 \quad \therefore b = 1$$

$$\therefore a + b = 0$$

6. x 의 범위가 $m \leq x \leq 3$ 인 일차함수 $y = -2x + 1$ 의 함숫값의 범위가 $n \leq y \leq 3$ 일 때, $m - n$ 의 값은?

① -6

② -4

③ 0

④ 4

⑤ 6

해설

기울기가 음수이므로

함숫값의 범위는 $f(3) \leq y \leq f(m)$

$$f(3) = -6 + 1 = -5 = n$$

$$f(m) = -2m + 1 = 3, m = -1$$

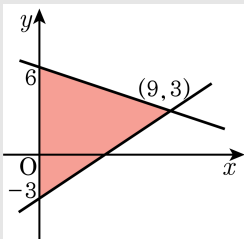
$$\therefore m - n = -1 - (-5) = 4$$

7. 세 방정식 $x+3y-18=0$, $2x-3y-9=0$, $x=0$ 의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- ① 24 ② 36 ③ $\frac{17}{2}$ ④ $\frac{35}{2}$ ⑤ $\frac{81}{2}$

해설

두 직선의 방정식 $x+3y-18=0$, $2x-3y-9=0$ 의 교점은 $(9, 3)$ 이고, 그래프를 그려보면



따라서 넓이를 구하면 $\frac{1}{2} \times 9 \times 9 = \frac{81}{2}$

8. 세 방정식 $y = 2$, $-x + y = -4$, $2x + y = -6$ 의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는?

① $\frac{100}{3}$

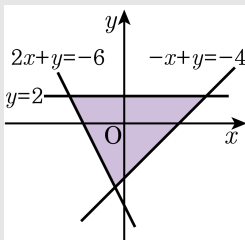
② $\frac{112}{3}$

③ $\frac{140}{3}$

④ $\frac{144}{3}$

⑤ $\frac{135}{3}$

해설



$y = 2 \cdots \textcircled{㉠}$

$-x + y = -4 \cdots \textcircled{㉡}$

$2x + y = -6 \cdots \textcircled{㉢}$

에서 ㉠, ㉡의 교점 $(6, 2)$, ㉡, ㉢의 교점 $\left(-\frac{2}{3}, -\frac{14}{3}\right)$, ㉠, ㉢의 교점 $(-4, 2)$

따라서 구하는 넓이는 $10 \times \left(\frac{14}{3} + 2\right) \times \frac{1}{2} = \frac{100}{3}$

9. 4개의 직선 $y = -x+3$, $y = -x-3$, $y = x-3$, $y = x+3$ 으로 둘러싸인 도형의 넓이는?

① 10

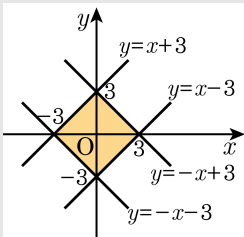
② 12

③ 14

④ 16

⑤ 18

해설



$$\therefore (\text{넓이}) = 6 \times 6 \times \frac{1}{2} = 18$$

10. A, B 두 사람이 만날 약속을 하였다. A가 약속 장소에 나갈 확률이 $\frac{2}{5}$, B가 약속 장소에 나가지 않을 확률이 $\frac{1}{4}$ 일 때, 두 사람이 약속 장소에서 만나지 못할 확률은?

① $\frac{3}{4}$

② $\frac{2}{5}$

③ $\frac{3}{5}$

④ $\frac{3}{10}$

⑤ $\frac{7}{10}$

해설

(만나지 못할 확률)

$= 1 - (\text{두 사람 모두 약속 장소에 나갈 확률})$

$$= 1 - \frac{2}{5} \times \left(1 - \frac{1}{4}\right)$$

$$= 1 - \frac{2}{5} \times \frac{3}{4}$$

$$= 1 - \frac{3}{10} = \frac{7}{10}$$

11. 어떤 시험에 ○, × 문제가 5 개나왔다. 이 문제를 어느 학생이 임의대로 답할 때, 적어도 두 문제 이상 맞힐 확률은?

① $\frac{3}{4}$

② $\frac{5}{8}$

③ $\frac{13}{16}$

④ $\frac{15}{16}$

⑤ $\frac{5}{32}$

해설

한 문제도 맞히지 못할 확률은 $\left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32}$, 한 문제만 맞힐 확률은 $5 \times \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{5}{32}$, 그러므로 구하는 확률은 $1 - \left(\frac{1}{32} + \frac{5}{32}\right) = \frac{13}{16}$ 이다.

12. 혜교랑 현빈이가 극장에서 만나기로 하였다. 혜교랑 현빈이가 공원에 가지 못할 확률이 각각 $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{4}$ 일 때, 두 사람이 공원에서 만나지 못할 확률은?

① $\frac{2}{8}$

② $\frac{3}{8}$

③ $\frac{5}{8}$

④ $\frac{6}{8}$

⑤ $\frac{7}{8}$

해설

1 - (둘 다 공원에 갈 경우의 확률)

$$= 1 - \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \right) = 1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$$