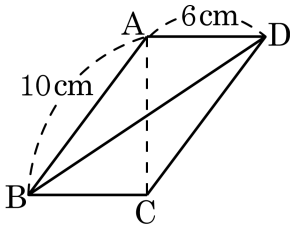


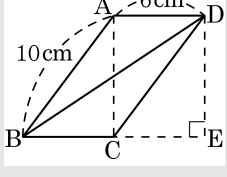
1. 다음과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{AD} = 6\text{cm}$ 일 때, $\overline{BD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $4\sqrt{13}$ cm

해설

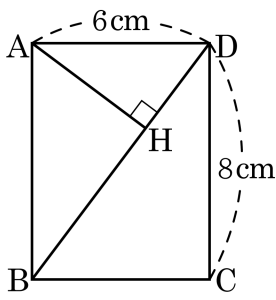


점 D에서 $\overline{BC}$ 의 연장선에 내린 수선의 발을 E 라고 하자.

$$\triangle ABC \text{ 에서 } \overline{AC} = \sqrt{10^2 - 6^2} = \sqrt{64} = 8(\text{cm})$$

$$\triangle BDE \text{ 에서 } \overline{BD} = \sqrt{12^2 + 8^2} = \sqrt{208} = 4\sqrt{13}(\text{cm})$$

2. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 6cm, 8cm 인 직사각형이 있다. $\overline{AH} \perp \overline{BD}$ 라고 할 때, $\overline{AH} + \overline{BD}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답 : $\frac{74}{5}$ cm

해설

$\triangle ABD$ 에 의해서

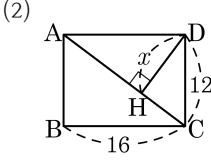
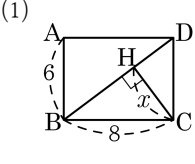
$$\overline{BD} = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{100} = 10(\text{cm})$$

$\triangle ABD$ 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = \frac{1}{2} \times \overline{AH} \times 10, \overline{AH} = \frac{24}{5}(\text{cm})$$

$$\overline{AH} + \overline{BD} = 10 + \frac{24}{5} = \frac{74}{5}(\text{cm})$$

4. 다음 직사각형 ABCD에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $\frac{24}{5}$

▷ 정답 : (2) $\frac{48}{5}$

해설

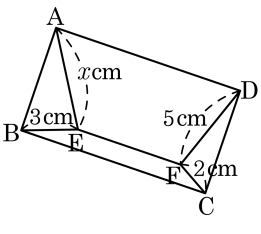
(1) $\triangle ABD$ 에서 $\overline{BD} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10$
 $\triangle ABD$ 의 넓이에서
 $8 \times 6 = x \times 10$
 $\therefore x = \frac{24}{5}$

(2) $\triangle ACD$ 에서 $\overline{AC} = \sqrt{16^2 + 12^2} = 20$
 $\triangle ACD$ 의 넓이에서
 $16 \times 12 = x \times 20$
 $\therefore x = \frac{48}{5}$

5. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 내부의 EF 는 $\overline{AD}$, $\overline{BC}$ 와 평행하다. 선분의 끝점과 꼭짓점 사이의 거리가 각각 다음과 같을 때, x 의 값은?

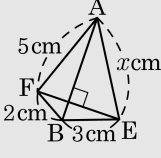
- ① 5 ② $3\sqrt{3}$ ③ $\sqrt{30}$

- ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{37}$



해설

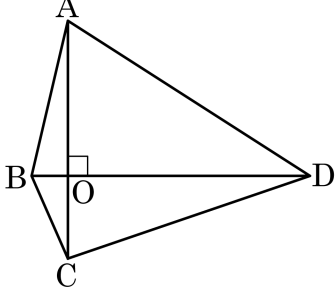
ABCD 의 두 삼각형을 오려 붙이면 다음과 같다.



그러므로 $x^2 + 2^2 = 3^2 + 5^2$, $x = \sqrt{30}$

6. 다음과 같이 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 를 만족하는 사각형 ABCD 는 이 성립한다.

안에 들어갈 식으로 가장 적절한 것을 고르면?

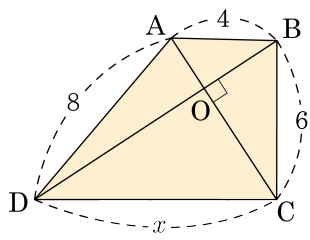


- ① $\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{CD}^2 + \overline{AD}^2$
- ② $\overline{AB}^2 + \overline{AD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{CD}^2$
- ③ $\overline{AB}^2 - \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 - \overline{AD}^2$
- ④ $\overline{AB}^2 - \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2$
- ⑤ $\overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2$

해설

$\triangle ABO$ 에서 $\overline{AB}^2 = \overline{AO}^2 + \overline{BO}^2$
 $\triangle CDO$ 에서 $\overline{CD}^2 = \overline{CO}^2 + \overline{DO}^2$
 $\triangle BCO$ 에서 $\overline{BC}^2 = \overline{BO}^2 + \overline{CO}^2$
 $\triangle ADO$ 에서 $\overline{AD}^2 = \overline{AO}^2 + \overline{DO}^2$

7. 사각형 ABCD 에서 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이고
 $\overline{AB} = 4$, $\overline{BC} = 6$, $\overline{AD} = 8$ 일 때,
 x 의 값을 구하여라.



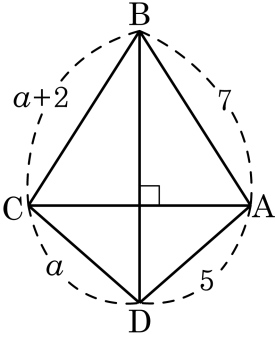
▶ 답 :

▷ 정답 : $2\sqrt{21}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 &= \overline{AO}^2 + \overline{BO}^2 + \overline{CO}^2 + \overline{DO}^2 = \overline{BO}^2 + \overline{CO}^2 + \\ \overline{AO}^2 + \overline{DO}^2 &= \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2 \\ 4^2 + x^2 &= 6^2 + 8^2 \\ x^2 &= 36 + 64 - 16 = 84 \\ \therefore x &= 2\sqrt{21} (\because x > 0)\end{aligned}$$

8. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 인 $\square ABCD$ 가 있다. 이때 a 의 값을 구하면?

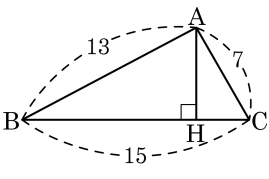


- ① 3 ② 3.5 ③ 4 ④ 4.5 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 &= \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2 \text{ 이므로} \\ a^2 + 7^2 &= (a + 2)^2 + 5^2 \\ a^2 + 49 &= a^2 + 4a + 4 + 25 \\ 4a &= 20 \quad \therefore a = 5 \end{aligned}$$

9. $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BH}$ 의 길이를 구하고 $\triangle ABC$ 의 넓이를 각각 바르게 구한 것은?



- ① $\frac{7}{4}, \frac{25\sqrt{29}}{4}$ ② $\frac{7}{2}, \frac{25\sqrt{29}}{4}$ ③ $\frac{7}{4}, \frac{75\sqrt{29}}{4}$
 ④ $\frac{23}{2}, \frac{105\sqrt{3}}{4}$ ⑤ $\frac{23}{2}, \frac{105\sqrt{3}}{2}$

해설

$\overline{BH} = x, \overline{CH} = 15 - x$ 라 하면

$$\overline{AH}^2 = 13^2 - x^2 = 7^2 - (15 - x)^2$$

$$169 - x^2 = 49 - 225 + 30x - x^2, 30x = 345 \text{ 이므로 } x = \frac{23}{2}$$

$$\overline{AH} = \sqrt{13^2 - \left(\frac{23}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{147}}{2} = \frac{7\sqrt{3}}{2}$$

따라서 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 15 \times \frac{7\sqrt{3}}{2} = \frac{105\sqrt{3}}{4}$ 이다.

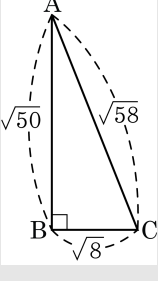
10. 세 점A(-3, -3), B(2, 2), C(0, 4) 를 꼭지점으로 하는 △ABC 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

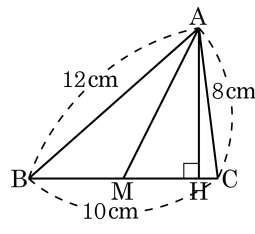
▷ 정답 : 10

해설

A(-3, -3), B(2, 2), C(0, 4)
 $\overline{AB} = \sqrt{(-3-2)^2 + (-3-2)^2} = \sqrt{50}$
 $\overline{BC} = \sqrt{(2-0)^2 + (2-4)^2} = \sqrt{8}$
 $\overline{AC} = \sqrt{(-3-0)^2 + (-3-4)^2} = \sqrt{58}$
 $(\sqrt{58})^2 = (\sqrt{50})^2 + (\sqrt{8})^2$
△ABC 는 직각삼각형이므로
따라서 넓이는 $5\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 10$ 이다.



11. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AH} \perp \overline{BC}$, $\overline{BM} = \overline{CM}$ 이고 $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때 $\triangle AHM$ 의 넓이를 구하여라.



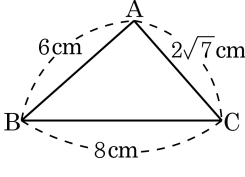
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $6\sqrt{7}\text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned} \overline{CH} &= x, \overline{BH} = 10 - x \text{라 하면,} \\ 8^2 - x^2 &= 12^2 - (10 - x)^2 \\ 64 - x^2 &= 144 - 100 + 20x - x^2 \\ x &= 1\text{cm} \\ \overline{AH} &= \sqrt{8^2 - 1^2} = 3\sqrt{7}(\text{cm}), \\ \overline{MH} &= 5 - 1 = 4(\text{cm}) \\ \triangle AMH &= \frac{1}{2} \times 3\sqrt{7} \times 4 = 6\sqrt{7}(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

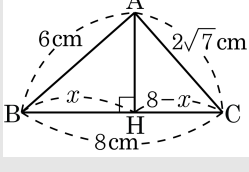
12. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $6\sqrt{7}\text{cm}^2$

해설



$\overline{BH} = x$ 라고 하면 $\overline{CH} = 8 - x$

$\overline{AH} = \sqrt{6^2 - x^2} = \sqrt{(2\sqrt{7})^2 - (8 - x)^2}$

$36 - x^2 = 28 - 64 + 16x - x^2, 16x = 72,$

$\therefore x = \frac{9}{2}$

$\overline{AH} = \sqrt{36 - \left(\frac{9}{2}\right)^2} = \sqrt{36 - \frac{81}{4}}$

$= \sqrt{\frac{144 - 81}{4}} = \sqrt{\frac{63}{4}}$

$= \frac{3\sqrt{7}}{2}$

따라서 $\triangle ABC$ 의 넓이는

$8 \times \frac{3\sqrt{7}}{2} \times \frac{1}{2} = 6\sqrt{7}(\text{cm}^2)$ 이다.