

1.  $n$ 이 자연수 일 때,  $2^{10n}, 1000^n$  의 대소를 비교하면?

- ①  $2^{10n} < 1000^n$       ②  $2^{10n} \leq 1000^n$       ③  $2^{10n} > 1000^n$   
④  $2^{10n} \geq 1000^n$       ⑤  $2^{10n} = 1000^n$

2. 부등식  $|x + y| \leq |x| + |y|$ 에서 등호가 성립할 필요충분조건은?

- ①  $x = y$
- ②  $xy > 0$
- ③  $xy \geq 0$

- ④  $x \geq 0, y \geq 0$
- ⑤  $x \leq 0, y \leq 0$

3.  $x$ 가 양의 실수 일 때,  $x^2 + 1 + \frac{1}{x^2}$  의 최솟값과 그 때의  $x$ 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

4.  $a + b = 9$ 를 만족하는 양수  $a, b$ 에 대하여  $[ab]$ 의 최댓값을 구하여라.  
(단,  $[x]$ 는  $x$ 를 넘지않는 최대의 정수이다.)

▶ 답: \_\_\_\_\_

5. 세 변의 길이가 6, 8, 10인 삼각형의 내부의 한 점 P에서 각 변에  
이르는 거리를 각각  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$ 라 할 때,  $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2$ 의 최솟값은?

①  $-\frac{288}{25}$     ②  $\frac{144}{15}$     ③  $\frac{144}{25}$     ④  $\frac{288}{25}$     ⑤  $\frac{576}{25}$

6. 실수 전체의 집합에서 정의된 두 함수  $f, g$ 에 대하여  $f(x)$ 는 항등함수이고,  $g(x) = -2$  일 때,  $f(4) + g(-1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

7. 집합  $X = \{x \mid -1 \leq x \leq 3\}$ 에 대하여  $X$ 에서  $X$ 로의 일차함수  $f(x) = ax + b$ 의 정의역과 치역이 일치할 때, 두 실수  $a$ 와  $b$ 의 합  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

8. 함수  $f(x)$ 가  $f(x) = x^2 + 2x - 3$ 이고 임의의 실수  $x$ 에 대하여  $g(x+1) = f(x-1)$ 이 성립할 때,  $g(0)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

9. 함수  $f : A \rightarrow B$  에서  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $B = \{1, \sqrt{2}, \sqrt{3}\}$  이고,

$f(1) + f(2) + f(3) + f(4) = 1 + \sqrt{2} + 2\sqrt{3}$  일 때,  $\{f(1)\}^2 + \{f(2)\}^2 +$

$\{f(3)\}^2 + \{f(4)\}^2$  의 값을 구하면?

▶ 답: \_\_\_\_\_

10.  $a > 0$ ,  $b > 0$  일 때, 다음 네모 속에서 옳은 것은 모두 몇 개인가?

I.  $1 + a > \sqrt{1 + 2a}$

II.  $\sqrt{2(a+b)} \geq \sqrt{a} + \sqrt{b}$

III.  $a + \frac{1}{a} \geq 2$

IV.  $\frac{2ab}{a+b} \leq \sqrt{ab}$

V.  $(a+b) \left( \frac{2}{a} + \frac{2}{b} \right) \geq 4$

VI.  $(2a+b) \left( \frac{8}{a} + \frac{1}{b} \right) \geq 25$

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

11.  $x > 0, y > 0$  일 때,  $\left(x + \frac{1}{4y}\right) \left(\frac{1}{x} + 8y\right)$  의 최솟값을 다음과 같이

구하였다. 이 과정에서 최초로 잘못된 부분과 옳은 답을 구하면?

$$\left(x + \frac{1}{4y}\right) \left(\frac{1}{x} + 8y\right) \geq 2\sqrt{\frac{x}{4y}} \times 2\sqrt{\frac{8y}{x}} : \text{①}$$

$$\left(\because x + \frac{1}{4y} \geq \sqrt{x \times \frac{1}{4y}}, : \text{②}\right)$$

$$\frac{1}{x} + 8y \geq 2\sqrt{\frac{1}{x} \times 8y} : \text{③}$$

따라서 최솟값은  $4\sqrt{2} : \text{④}$

- ① ①,  $4\sqrt{2} + 3$       ② ②,  $2 + 2\sqrt{2}$       ③ ③,  $3 + 2\sqrt{2}$

- ④ ④,  $4 + 3\sqrt{2}$       ⑤ ⑤,  $3 + 2\sqrt{2}$

12. 뚜껑이 없는 직육면체 모양의 물탱크를 만들려고 한다. 물탱크를 만드는 데 드는 비용은 밑면이  $8000 \text{ 원}/\text{m}^2$ 이고 옆면은  $4000 \text{ 원}/\text{m}^2$ 이다. 밑면의 가로의 길이가 4m, 부피가  $36 \text{ m}^3$ 인 물탱크를 만들 때, 가장 적은 비용으로 물탱크를 만든다면 그 비용은 얼마인가?

- ① 240000 원      ② 248000 원      ③ 256000 원  
④ 264000 원      ⑤ 272000 원

13. 일차함수  $f(x)$ 는 실수  $x$ 에 대하여 다음을 만족한다.  $xf(x) + f(1-x) = x^2 + 2$  이 때,  $f(100)$ 의 값은?

- ① -101      ② -100      ③ 0      ④ 100      ⑤ 101