

1. 다음 연립방정식을 대입법을 이용하여 풀어라.

$$\begin{cases} x = 3y - 4 \\ x + 2y = 21 \end{cases}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 11$

▷ 정답 : $y = 5$

해설

$$\begin{cases} x = 3y - 4 & \cdots ① \\ x + 2y = 21 & \cdots ② \end{cases}$$

①을 ②에 대입하면,

$$3y - 4 + 2y = 21$$

$$\therefore y = 5$$

$$\therefore x = 3y - 4 = 3 \times 5 - 4 = 11$$

따라서 $x = 11$, $y = 5$ 이다.

2. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = 1 \\ bx - ay = -3 \end{cases}$ 의 해가 $(-1, 2)$ 일 때,
 $a + b$ 의 값은?

- ① -3 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 5

해설

$(-1, 2)$ 를 연립방정식에 대입하면 $\begin{cases} -a + 2b = 1 \\ -2b - 4a = -6 \end{cases}$

두 식을 변끼리 더하면 $-5a = -5$

$$a = 1, b = 1$$

$$\therefore a + b = 2$$

3. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 4y = -3 \\ ax + 2y = 2 \end{cases}$ 의 해가 존재하지 않을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a = 1$

해설

연립방정식의 해가 존재하지 않는 것은 두 직선이 평행한 것이다.
따라서 기울기는 같고 y 절편이 다르다.

따라서 $\frac{2}{a} = \frac{4}{2} \neq \frac{-3}{2}$ 이므로 $a = 1$ 이다.

4. 연립방정식 $\begin{cases} a = x + 2y \\ bx + 4y = 22 \end{cases}$ 의 해가 (2, 3) 일 때, a, b의 값은?

- ① $a = 2, b = 5$
- ② $a = 5, b = 2$
- ③ $a = 2, b = 8$
- ④ $a = 5, b = 8$
- ⑤ $a = 8, b = 5$

해설

(2, 3) 을 $a = x + 2y$ 에 대입하면 $a = 2 + 6 = 8$

(2, 3) 을 $bx + 4y = 22$ 에 대입하면 $2b + 12 = 22, \therefore b = 5$

5. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} 5(x - 2) + y = 0 \\ 0.4x - 0.3y = 0.8 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $y = 0$

해설

첫번째 식을 전개하면 $5x + y = 10$

두번째 식에 $\times 10$ 을 하면 $4x - 3y = 8$

따라서 두 식을 연립하면 $x = 2, y = 0$ 이다.

6. 다빈이와 엄마의 나이의 합은 60살이고, 5년 후에는 엄마의 나이가
다빈이의 나이의 3배보다 2살이 더 많다. 엄마의 나이를 구하여라.

▶ 답 : 세

▶ 정답 : 48세

해설

현재 다빈의 나이 : x , 엄마의 나이 : y

$$\begin{cases} x + y = 60 \\ 3(x + 5) + 2 = y + 5 \end{cases}$$
 를 풀면

$$\therefore x = 12, y = 48$$

따라서 엄마의 나이는 48세이다.

7. 사람이가 집에서 10km 떨어진 예은이네 집까지 자전거를 타고 가려고 출발하였다. 자전거를 타고 시속 12km로 달리다가 도중에 자전거가 고장나서 시속 4km로 걸어갔더니 모두 2시간이 걸렸다. 자전거를 타고 간 거리는 몇 km인가?

- ① 3km ② 4km ③ 6km ④ 7km ⑤ 8km

해설

자전거를 타고 간 거리를 $x\text{km}$, 걸어간 거리를 $y\text{km}$ 라 하면
사람이 집에서 예은이의 집까지의 거리가 총 10km 이므로 $x+y = 10$ 이고 총 2시간이 소요되었기 때문에

$$\begin{cases} x + y = 10 & \cdots (1) \\ \frac{x}{12} + \frac{y}{4} = 2 & \cdots (2) \end{cases}$$

$$(2) \text{의 양변에 } 12 \text{를 곱하면 } x + 3y = 24 \cdots (3)$$

$$(3) - (1) \text{하면}$$

$$2y = 14$$

$$y = 7$$

$y = 7$ 을 (1)에 대입하면 $x = 3$ 이다.

따라서 자전거를 타고간 거리는 3km이다.

8. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{y}{6} - \frac{x}{2} + 2 = 0 \\ 2x + y = 3 \end{cases}$ 의 해가 일차방정식 $2y = -x + a$ 를 만족할 때, 상수 a 의 값은?

- ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

해설

$$\begin{cases} y - 3x + 12 = 0 \\ 2x + y = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} -3x + y = -12 \cdots \textcircled{1} \\ 2x + y = 3 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$ 을 하면 $x = 3, y = -3$ 이다.

따라서 $2y = -x + a$ 에서

$$2 \times (-3) = -3 + a$$

$$-6 = -3 + a$$

$$\therefore a = -6 + 3 = -3$$

9. 연립방정식 $3x + 2y - 1 = 2(x + y) + 10 = 3y + 4$ 를 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 11$

▷ 정답: $y = 28$

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y - 1 = 2(x + y) + 10 \\ 2(x + y) + 10 = 3y + 4 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} x = 11 \\ 2x - y = -6 \end{cases}$$

$$\therefore x = 11, y = 28$$

10. 10% 의 소금물에 물을 섞어서 8% 의 소금물 $500g$ 을 만들려고 한다.
이 때, 10% 의 소금물의 양을 구하여라.

▶ 답 : g

▶ 정답 : 400g

해설

10% 소금물 xg , 물 yg

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ \frac{10}{100} \times x = \frac{8}{100} \times 500 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ x = 400 \end{cases}$$