

1. x 에 대한 다항식 $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- Ⓐ 내림차순으로 정리하면
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
- Ⓑ 오름차순으로 정리하면
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
- Ⓒ 주어진 다항식은 x 에 대한 3 차식이다.
- Ⓓ x^3 의 계수는 3이다.
- Ⓔ 상수항은 -4이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

③ Ⓑ, Ⓕ

④ Ⓐ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

해설

Ⓓ x^3 의 계수는 $3y$ 이다.

Ⓔ 상수항은 $5y - 4$ 이다.

2. 다항식 $2x^3 + x^2 + 3x$ 를 $x^2 + 1$ 로 나눈 나머지는?

- ① $x - 1$ ② x ③ 1
④ $x + 3$ ⑤ $3x - 1$

해설

직접 나누어보면
 $(2x + 1) + \frac{x - 1}{x^2 + 1}$
몫 : $2x + 1$, 나머지 : $x - 1$

3. x 에 대한 다항식 $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$ 를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 $2x + 1$ 이고, 나머지가 $-6x + 2$ 이다. 이 때, 다항식 B 를 구하면?

① $x^2 + 2x + 2$ ② $x^2 + x + 2$ ③ $x^2 - x + 2$

④ $x^2 - 2x + 2$ ⑤ $x^2 - 3x + 2$

해설

$$\begin{aligned} A &= B(2x + 1) - 6x + 2 \text{에서} \\ B(2x + 1) &= 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2 \\ \therefore B &= (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1) \\ &= x^2 + 2x + 2 \end{aligned}$$

4. $(a + b - c)(a - b + c)$ 를 전개하면?

- ① $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$
② $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$
③ $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$
④ $\textcircled{④} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$
⑤ $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a + b - c)(a - b + c) \\ &= \textcolor{red}{(a + (b - c))}(a - (b - c)) \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

5. $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0
이 되게 하는 상수 a, b 에 대하여 $a + b$ 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$$(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$$

$$= x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$$

$(x^2 \text{의 계수}) = (x^3 \text{의 계수}) = 0$ 이므로

$$ab + 2 = 0, a + 2 = 0$$

따라서 $a = -2, b = 1$

$$\therefore a + b = -1$$

6. $a^2 + b^2 + c^2 = 9$, $ab + bc + ca = 9$, $a + b + c$ 의 값은?

- ① $-3\sqrt{2}$ ② $-2\sqrt{3}$ ③ $\pm 3\sqrt{3}$
④ $\pm 3\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

7. 세 다항식 $A = x^2 + 3x - 2$, $B = 3x^2 - 2x + 1$, $C = 4x^2 + 2x - 3$ 에 대하여
 $3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$ 를 간단히 하면?

- ① $3x^2 + 12x - 13$ ② $-3x^2 + 24x + 21$
③ $3x^2 - 12x + 21$ ④ $\textcircled{4} -3x^2 - 24x + 21$
⑤ $x^2 + 12x + 11$

해설

$$\begin{aligned}3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B \\= -2A + 5B - 4C \\= -2(x^2 + 3x - 2) + 5(3x^2 - 2x + 1) - 4(4x^2 + 2x - 3) \\= -3x^2 - 24x + 21\end{aligned}$$

8. 두 다항식 A , B 에 대하여 $A + 3B = 2x^2 - 7x - 1$, $B - A = 2x^2 - 5x - 7$ 일 때, $A + B$ 는?

- Ⓐ $-x + 3$ Ⓑ $x - 3$ Ⓒ $x^2 + x + 3$
Ⓑ $x^2 - x - 3$ Ⓓ $x^2 - x + 3$

해설

$$A = -x^2 + 2x + 5, B = x^2 - 3x - 2$$
$$A + B = (-x^2 + 2x + 5) + (x^2 - 3x - 2) = -x + 3$$

해설

$$\begin{cases} A + 3B = 2x^2 - 7x - 1 \\ B - A = 2x^2 - 5x - 7 \end{cases}$$

9. $P = a^3 + 4a^2b + 2ab^2$, $Q = -2a^2b + 3ab^2 - b^3$ 일 때, $3P - 2Q$ 를 계산하면?

① $3a^3 + 12a^2b + 2b^3$ ② $3a^3 - 12a^2b + 2b^3$

③ $3a^3 + 16a^2b + 2b^3$ ④ $3a^3 + 8a^2b + 2b^3$

⑤ $3a^3 - 8a^2b + 2b^3$

해설

$$\begin{aligned} & 3(a^3 + 4a^2b + 2ab^2) - 2(-2a^2b + 3ab^2 - b^3) \\ &= 3a^3 + 12a^2b + 6ab^2 + 4a^2b - 6ab^2 + 2b^3 \\ &= 3a^3 + 16a^2b + 2b^3 \end{aligned}$$

10. 다음 식 중에서 옳지 않은 것을 고르면?

- ① $(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ② $(a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$
- ③ $(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
- ④ $(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
- ⑤ $(a^2 + a + 1)(a^2 - a + 1) = a^4 - a^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \quad (a^2 + a + 1)(a^2 - a + 1) &= (a^2 + 1)^2 - a^2 \\ &= a^4 + a^2 + 1 \end{aligned}$$

11. $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$ 를 전개한 식에서 x^2 의 계수를 구하면?

- ① 10 ② 15 ③ 19 ④ 21 ⑤ 25

해설

전개식에서 x^2 항은

i) (이차항) \times (삼차항)에서 $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii) (일차항) \times (일차항)에서 $6x^2$

$\therefore x^2$ 의 계수는 $19 + 6 = 25$

12. $x + y = 4$, $xy = 3$ 일 때, $x^2 - xy + y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$x^2 - xy + y^2 = (x + y)^2 - 3xy = 7$$

13. $x+y+z=3$, $xy+yz+zx=-1$ 일 때 $x^2+y^2+z^2$ 의 값을 구하면?

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

$$x^2+y^2+z^2 = (x+y+z)^2 - 2(xy+yz+xz)$$

$$= 9 + 2 = 11$$

14. 다항식 $2x^3 + x^2 - 5x + 3$ 을 $x^2 + x - 1$ 로 나눌 때, 몫과 나머지의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

직접 나누어 보면
 \therefore 몫 : $2x - 1$, 나머지 : $-2x + 2$
몫과 나머지의 합은 1

15. 다음 식에 대한 설명으로 옳지 않은 것을 고르면?

$$-2ax^2y^2 + xy - 3$$

- ① 항이 모두 3개로 이루어진 식이다.
- ② x 에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ③ y 에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ④ x 에 관한 4차식이다.
- ⑤ xy 의 계수는 1이다.

해설

- ④ x 에 관한 2차식이다.

16. $(2x^3 - 3x + 1) \div (x^2 + 2)$ 의 계산에서 나머지는?

- ① $-5x + 1$ ② $-x + 1$ ③ $5x + 1$
④ $x + 1$ ⑤ $-7x + 1$

해설

$2x^3 - 3x + 1$ 을 $x^2 + 2$ 로 직접 나누어서 구한다.

몫 : $2x$, 나머지 : $-7x + 1$

17. 다음 중 다항식의 사칙연산이 잘못된 것은?

- ① $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x - 5$
- ② $(x^2 + 2y^2) - 2(y^2 - 3x^2) = 7x^2$
- ③ $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$
- ④ $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$
- ⑤ $(x^3 + 1) \div (x + 1) = x^2 - x + 1$

해설

① $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x + 5$

18. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 $x - 1$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{c|cccc} k & 1 & a & -1 & b \\ \hline 1 & c & d & a \\ \hline 1 & 4 & 3 & 5 \end{array}$$

① $a = 3$ ② $b = 2$ ③ $c = 1$

④ $d = 4$ ⑤ $k = -1$

해설

다항식 $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 $x - 1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{c|cccc} 1 & 1 & a & -1 & b \\ & & 1 & a+1 & a \\ \hline 1 & a+1 & a & b+a \end{array}$$

$k = 1, a = 3, b = 2, c = 1, d = 4$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

19. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 $x + 1$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{c|cccc} k & 1 & a & b & 1 \\ & & c & d & 1 \\ \hline 1 & 1 & 3 & -1 & 2 \end{array}$$

- Ⓐ $a = 3$ Ⓑ $b = 2$ Ⓒ $c = -1$
Ⓑ $d = -3$ Ⓓ $k = -1$

해설

다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{c|ccccc} -1 & 1 & a & b & 1 \\ & & -1 & -a+1 & -b+a-1 \\ \hline 1 & a-1 & b-a+1 & \hline & & -b+a \end{array}$$

이때 $k = -1, c = -1, d = -a + 1, b - a + 1 = -1, -b + a = 2$
이므로

$k = -1, c = -1, a = 4, b = 2, d = -3$
따라서 옳지 않은 것은 ①이다.

20. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 $x - 3$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. $a + b + c + d + k$ 의 값을 구하면?

$$\begin{array}{c|cccc} k & 1 & a & -1 & b \\ & & c & d & 33 \\ \hline 1 & 1 & 4 & 11 & 37 \end{array}$$

- ① 19 ② 20 ③ 21 ④ 22 ⑤ 23

해설

다항식 $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 $x - 3$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{c|cccc} 3 & 1 & a & -1 & b \\ & & 3 & 3a + 9 & 9a + 24 \\ \hline 1 & a + 3 & 3a + 8 & 9a + 24 \end{array}$$

○|때 $k = 3$, $c = 3$, $a + 3 = 4$, $3a + 9 = d$, $9a + b + 24 = 37$
○|므로

$k = 3$, $c = 3$, $a = 1$, $d = 12$, $b = 4$

따라서 $a + b + c + d + k = 1 + 4 + 3 + 12 + 3 = 23$