

1. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구한 것은?

- ① 80°
- ② 90°
- ③ 100°
- ④ 110°
- ⑤ 120°



2. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\angle BAD = \angle CAD$, $\angle ACE = 110^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

3. 다음 그림에서 x 의 길이를 구하여라.



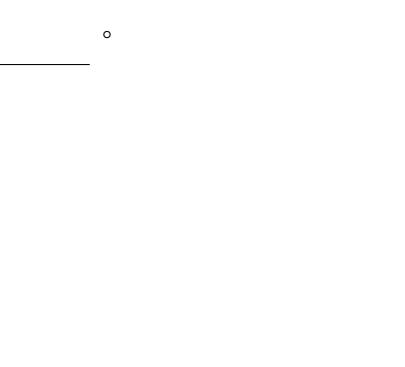
▶ 답: _____ cm

4. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\angle BAC = 70^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 와 크기가 같은 각은?



- ① $\angle ABC$ ② $\angle ACB$ ③ $\angle EAC$
④ $\angle BAD$ ⑤ $\angle EAD$

5. 다음 두 직각삼각형의 합동조건을 쓰고 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ 합동

▶ 답: _____ °

6. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle ACD = 138^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기는?



- ① 40° ② 42° ③ 44° ④ 46° ⑤ 48°

7. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle A = 62^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 120° ② 121° ③ 122° ④ 123° ⑤ 124°

8. 다음 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. 그림을 보고 옳은 것을 모두 고른 것은?

Ⓛ $\overline{AC} = 10\text{cm}$ Ⓜ $\angle B = 60^\circ$

Ⓝ $\angle C = 30^\circ$



- Ⓐ Ⓛ Ⓜ Ⓝ Ⓞ Ⓛ, Ⓝ Ⓟ Ⓜ, Ⓝ

9. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 가 되도록 AC 위에 점 D 를 잡을 때, $\angle x$ 의 값은?



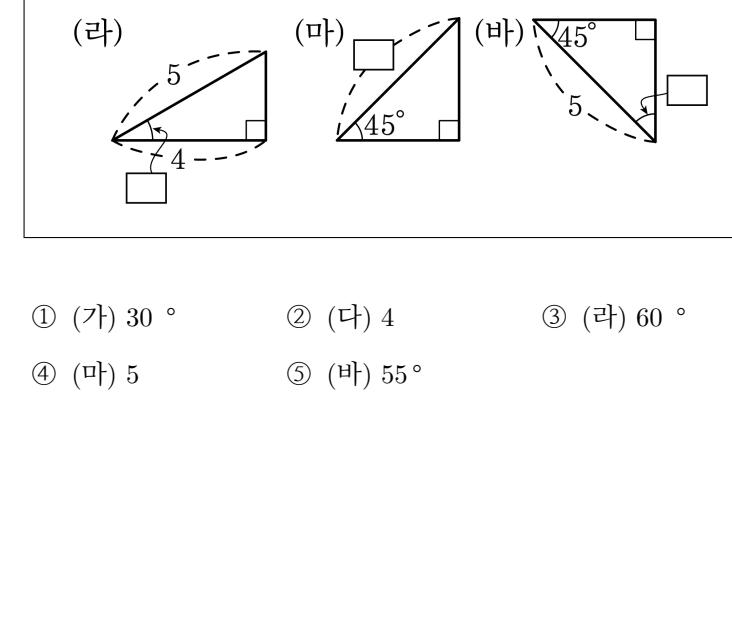
- ① 20° ② 30° ③ 40° ④ 50° ⑤ 60°

10. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답: _____

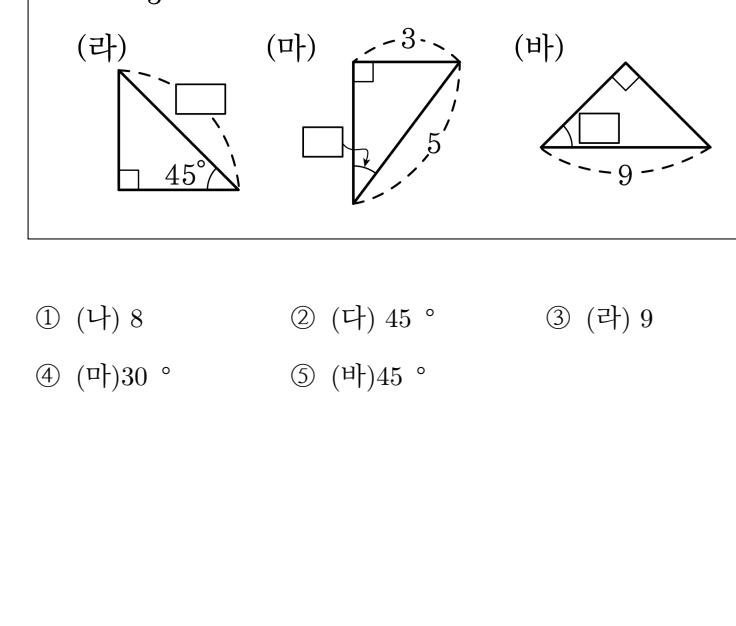
11. 다음 삼각형 중에서 (가)와 (다), (나)와 (라), (마)와 (바)가 서로 합동이다. 빈 칸에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것을 모두 고르면?



- ① (가) 30° ② (다) 4 ③ (라) 60°

- ④ (마) 5 ⑤ (바) 55°

12. 다음 삼각형 중에서 (가)와(마), (나)와(다), (라)와(바)가 서로 합동이다. 빈 칸에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것을 모두 고르면?



- ① (나) 8 ② (다) 45° ③ (라) 9
④ (마) 30° ⑤ (바) 45°

13. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 \overline{BC} 의 중점을 M이라 하자. 점 M에서 \overline{AB} , \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 할 때, $\overline{MD} = \overline{ME}$ 임을 나타내는 과정에서 필요한 조건이 아닌 것은?



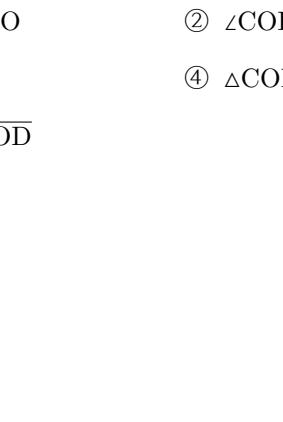
- ① $\overline{BM} = \overline{CM}$
② $\angle B = \angle C$
③ $\overline{BD} = \overline{CE}$
④ $\angle BDM = \angle CEM$
⑤ RHA 합동

14. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle FDC = 28^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



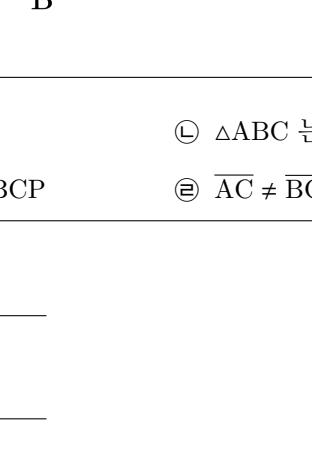
▶ 답: _____ °

15. 다음 그림과 같이 $\angle AOB$ 의 이등분선 위의 한 점 P에서 두 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 C, D라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle PCO = \angle PDO$ ② $\angle COP = \angle DOP$
③ $\overline{PC} = \overline{PD}$ ④ $\triangle COP \cong \triangle DOP$
⑤ $\overline{OC} = \overline{OP} = \overline{OD}$

16. 다음 그림과 같이 $\overline{AP} = \overline{BP}$, $\overline{AB} \perp \overline{CP}$ 인 삼각형 ABC를 보고 옳은 것을 모두 골라라.



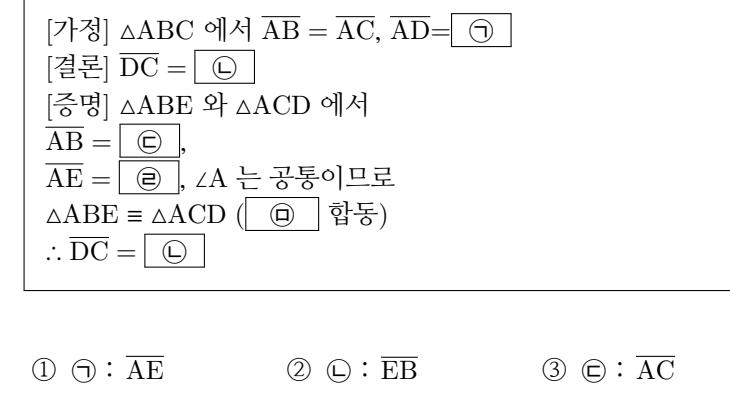
① $\angle A = \angle B$ ④ $\triangle ABC$ 는 직각삼각형

② $\angle ACP = \angle BCP$ ⑤ $\overline{AC} \neq \overline{BC}$

▶ 답: _____

▶ 답: _____

17. 다음은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 변 AB, AC 위의 두 점 D, E에 대하여 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 이면 $\overline{DC} = \overline{EB}$ 이다. 를 증명한 것이다. 다음 ① ~ ⑤에 짹지은 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{AD} = \boxed{\textcircled{1}}$

[결론] $\overline{DC} = \boxed{\textcircled{2}}$

[증명] $\triangle ABE$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$\overline{AB} = \boxed{\textcircled{3}}$,

$\overline{AE} = \boxed{\textcircled{4}}$, $\angle A$ 는 공통이므로

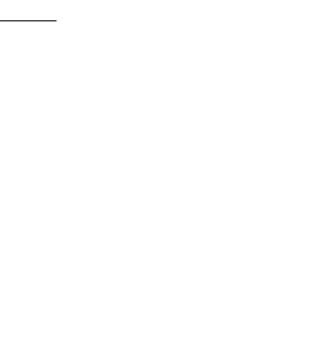
$\triangle ABE \cong \triangle ACD$ ($\boxed{\textcircled{5}}$ 합동)

$\therefore \overline{DC} = \boxed{\textcircled{6}}$

① ⑦ : \overline{AE} ② ⑧ : \overline{EB} ③ ⑨ : \overline{AC}

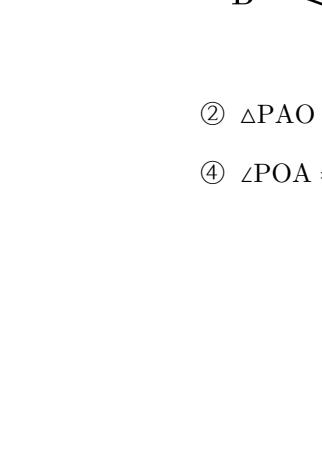
④ ⑩ : \overline{AD} ⑤ ⑪ : ASA

18. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle DCE = 50^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

19. 다음 그림에 대한 설명 중 옳은 것은?



- ① $\overline{AP} = \frac{1}{2}\overline{AO}$

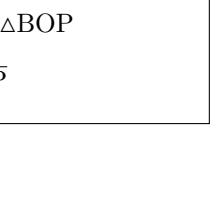
② $\triangle PAO \cong \triangle PBO$

③ $\angle APB = 30^\circ$

④ $\angle POA = 60^\circ$

⑤ $\overline{PO} = \overline{AP}$

20. 다음 그림에서 $\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ$ 이고 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 일 때, 다음 중 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.



[보기]

Ⓐ $\overline{AO} = \overline{BO}$

Ⓑ $\angle APO = \angle BPO$

Ⓒ $\angle AOB = \angle APB$

Ⓓ $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

Ⓔ $\angle AOP = \angle BOP$

Ⓕ $\overline{OA} = \overline{OP}$

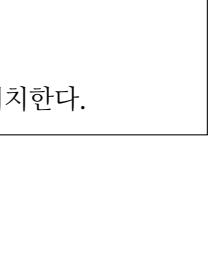
▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

21. 다음의 도형에서 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이면 점 P는 $\angle AOB$ 의 이등분선 위에 위치함을 증명하려고 한다.
증명의 과정 중 옳지 않은 것을 골라라.

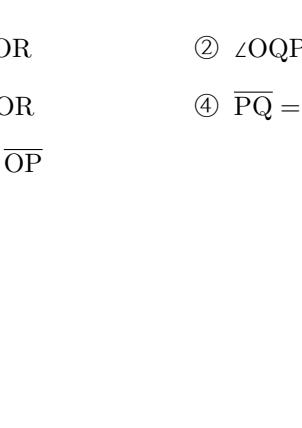


(증명)
 $\triangle PAO$ 와 $\triangle PBO$ 에서 ① $\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ$ 이고,
② $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이고, \overline{OP} 는 공통이므로
 $\triangle PAO \cong \triangle PBO$ (③ RHA 합동)이다.

그러므로 ④ $\angle POA = \angle POB$ 이다.
따라서 ⑤ 점 P는 $\angle AOB$ 의 이등분선 위에 위치한다.

▶ 답: _____

22. 다음 그림에서 $\angle AOB$ 의 이등분선 \overline{OC} 위의 점 P로부터 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 Q, R 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle POQ = \angle POR$ ② $\angle OQP = \angle ORP$
③ $\triangle POQ \cong \triangle POR$ ④ $\overline{PQ} = \overline{PR}$
⑤ $\overline{OQ} = \overline{OR} = \overline{OP}$

23. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.
 $\angle ACD = \angle DCE$, $\angle ABD = 2\angle DBC$, $\angle A = a$ 일 때, $\angle BDC$ 의 크기를 a 로 나타내면?



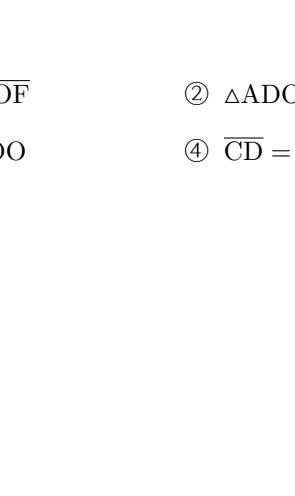
- ① $15^\circ - \frac{5}{12}a$ ② $15^\circ + \frac{5}{12}a$ ③ $-15^\circ + \frac{5}{12}a$
④ $15^\circ + \frac{5}{14}a$ ⑤ $15^\circ - \frac{5}{14}a$

24. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 이고 변 AB, AC 의 길이가 각각 10cm, 6cm 인 직각삼각형 ABC 에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 D 라 한다. 선분 DC 의 길이가 3cm 일 때, 선분 BD 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

25. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 $\angle A$, $\angle C$ 의 외각의 이등분선의 교점을 O 라 하고, 점 O에서 각 변의 연장선 위에 내린 수선의 발을 D, E, F 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{OD} = \overline{OE} = \overline{OF}$
② $\triangle ADO \cong \triangle CDO$
③ $\triangle AEO \cong \triangle ADO$
④ $\overline{CD} = \overline{CF}$
⑤ $\overline{AD} = \overline{AE}$