

1.  $(-1)^n + (-1)^{n+1}$ 의 값은? ( $n$ 은 자연수)

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -2      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} n = 2k : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k} + (-1)^{2k+1} \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} n = 2k - 1 : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k-1} + (-1)^{2k} \\ &= 0 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned} n = \text{홀수일 때}, n+1 = \text{짝수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = -1 + 1 = 0 \\ n = \text{짝수일 때}, n+1 = \text{홀수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0 \end{aligned}$$

2.  $x^2y(-xy)^3$  을 간단히 하면?

- ①  $-x^4y^5$     ②  $xy^5$     ③  $-x^5y^4$     ④  $-xy^5$     ⑤  $x^2y^5$

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

3. 다음 식을 계산했을 때, 몫은?

$$(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$$

- ①  $4x^2 - 3x + 2$       ②  $4x^2 - x - 2$       ③  $4x^2 - 2x + 1$

- ④  $-4x^2 - x - 2$       ⑤  $-4x^2 + x - 2$

해설

$\therefore$  몫 :  $4x^2 - x - 2$ , 나머지 :  $-5x + 3$

4.  $x$ 에 대한 다항식  $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- Ⓐ 내림차순으로 정리하면  
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
- Ⓑ 오름차순으로 정리하면  
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
- Ⓒ 주어진 다항식은  $x$ 에 대한 3 차식이다.
- Ⓓ  $x^3$ 의 계수는 3이다.
- Ⓔ 상수항은 -4이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

③ Ⓑ, Ⓕ

④ Ⓐ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

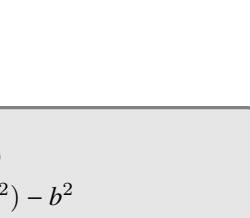
⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

해설

Ⓓ  $x^3$ 의 계수는  $3y$ 이다.

Ⓔ 상수항은  $5y - 4$ 이다.

5. 다음 그림의 사각형 AGHE, 사각형 EFCD는 정사각형이고,  $\overline{AD} = a$ ,  $\overline{AB} = b$  일때, 사각형 GBFH의 넓이는?



①  $a^2 - 2ab - b^2$       ②  $a^2 + 3b^2 - 2ab$

③  $-a^2 + 3ab - 2b^2$       ④  $-a^2 + 3ab - b^2$

⑤  $-a^2 + 2ab - b^2$

해설

$$\begin{aligned}\square GBFH &= \square ABCD - \square AGHE - \square EFCD \\ &= ab - (a-b)^2 - b^2 = ab - (a^2 - 2ab + b^2) - b^2 \\ &= -a^2 + 3ab - 2b^2\end{aligned}$$

6. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

①  $(x+1)(x^2-x+1) = x^3 + 1$

②  $(a+2b-3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$

③  $(x+2)(x^2-2x+4) = x^3 + 8$

④  $(x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$

⑤  $(x-1)^2(x+1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) \\ &= (x^2+y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4 + x^2y^2 + y^4 \end{aligned}$$

7.  $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서  $x^3$ 의 계수는?

- ① 31      ② 33      ③ 35      ④ 37      ⑤ 39

해설

$$2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$$

8. 세 다항식  $A = x^2 + 3x - 2$ ,  $B = 3x^2 - 2x + 1$ ,  $C = 4x^2 + 2x - 3$ 에 대하여  
 $3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$ 를 간단히 하면?

- ①  $3x^2 + 12x - 13$       ②  $-3x^2 + 24x + 21$   
③  $3x^2 - 12x + 21$       ④  $\textcircled{4} -3x^2 - 24x + 21$   
⑤  $x^2 + 12x + 11$

해설

$$\begin{aligned}3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B \\= -2A + 5B - 4C \\= -2(x^2 + 3x - 2) + 5(3x^2 - 2x + 1) - 4(4x^2 + 2x - 3) \\= -3x^2 - 24x + 21\end{aligned}$$

9. 두 다항식  $A = a + 2b$ ,  $B = 2a + 3b$  일 때,  $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \text{ ⑦ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \text{ ⑧ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \text{ ⑨ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \text{ ⑩ 교환법칙} \\&= (2+2)a + (4+3)b \text{ ⑪ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: ⑩

해설

⑩  $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$ : 결합법칙

10. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 7x^2 + 5x + 2$ 를  $3x - 1$ 로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?

① 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 3

② 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 2

③ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 3

④ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 2

⑤ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 1

해설

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

$$f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$$

$$\therefore \text{몫} : x^2 - 2x + 1, \text{나머지} : 3$$

11. 다항식  $x^3 - 3x - 3$ 을 다항식  $x^2 - 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫이  $ax + b$ 이고, 나머지가  $cx + d$ 이었다. 이 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^3 - 3x - 3 = (x^2 - 2x - 1)(ax + b) + cx + d$$

에서 계수를 비교하면

$$a = 1, -b + d = -3, -a - 2b + c = -3, b - 2a = 0$$

에서  $a = 1, b = 2, d = -1, c = 2$

$$\therefore a + b + c + d = 1 + 2 + (-1) + 2 = 4$$

12.  $x^3 + x^2 + 2$ 를 다항식  $x^2 + 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  나머지를  $R(x)$  라 할 때,  $Q(x) + R(x)$ 의 값은?

- ①  $2x - 3$       ②  $2x$       ③  $3x + 2$   
④  $4x$       ⑤  $4x + 1$

해설

$x^3 + x^2 + 2$  를  $x^2 + 2x - 1$  로 직접 나누면

$$Q(x) = x - 1, \quad R(x) = 3x + 1$$

$$\therefore Q(x) + R(x) = 4x$$

13.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 2$ 를  $x^2 - x + 1$ 로 나눈 나머지가  $x + 3$ 이 되도록  $a, b$ 의 값을 정할 때,  $ab$  값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $ab = -6$

해설

검산식을 사용

$$x^3 + ax^2 + bx + 2 = (x^2 - x + 1) \cdot A + (x + 3)$$

$$A = (x + p)$$

$$x^3 + ax^2 + bx + 2 - (x + 3) = (x^2 - x + 1)(x + p)$$

$$x^3 + ax^2 + (b - 1)x - 1 = (x^2 - x + 1)(x - 1) \therefore p = -1$$

우변을 정리하면

$$\therefore a = -2, b = 3$$

$$\therefore ab = -6$$

14. 다항식  $2x^2 + 5ax - a^2$ 을 다항식  $P(x)$ 로 나눈 몫이  $x + 3a$ , 나머지가  $2a^2$  일 때, 다항식  $(x + a)P(x)$ 를 나타낸 것은?

- ①  $x^2 + 2ax - 2a^2$       ②  $x^2 - a^2$   
③  $2x^2 + 3ax + a^2$       ④  $2x^2 - 3ax - a^2$   
⑤  $2x^2 + ax - a^2$

해설

$$\begin{aligned} 2x^2 + 5ax - a^2 &= P(x)(x + 3a) + 2a^2 \quad \text{이므로} \\ P(x)(x + 3a) &= 2x^2 + 5ax - 3a^2 \\ \text{따라서, } \text{다항식 } P(x) \text{는 } 2x^2 + 5ax - 3a^2 &\text{을 } x + 3a \text{로 나눈 몫이므로} \\ P(x) &= 2x - a \\ \therefore (x + a)P(x) &= (x + a)(2x - a) \\ &= 2x^2 + ax - a^2 \end{aligned}$$

15. 다항식  $f(x)$ 를  $x - \frac{1}{2}$ 으로 나눌 때의 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 라고 할 때,  $f(x)$ 를  $2x - 1$ 으로 나눌 때의 몫과 나머지는?

① 몫 :  $2Q(x)$  나머지 :  $\frac{1}{2}R$       ② 몫 :  $2Q(x)$  나머지 :  $R$

③ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $\frac{1}{2}R$       ④ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $R$

⑤ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $2R$

해설

$$x - \frac{1}{2} \parallel 2\text{를 곱하면 } 2x - 1$$

$$f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)Q(x) + R = (2x - 1)\frac{1}{2}Q(x) + R$$

16.  $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때,  $x^2$ 과  $x^3$ 의 계수를 모두 0  
이 되게 하는 상수  $a, b$ 에 대하여  $a + b$ 의 값은?

① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤  $\frac{3}{2}$

해설

$$(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$$

$$= x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$$

$(x^2 \text{의 계수}) = (x^3 \text{의 계수}) = 0$  이므로

$$ab + 2 = 0, a + 2 = 0$$

따라서  $a = -2, b = 1$

$$\therefore a + b = -1$$

17.  $\frac{2005^3 + 1}{2005 \times 2004 + 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2006

해설

$$\begin{aligned} 2005 &= x \text{ 로 놓으면} \\ (\text{준 식}) &= \frac{x^3 + 1^3}{x(x-1) + 1} \\ &= \frac{(x+1)(x^2 - x + 1)}{x^2 - x + 1} \\ &= x + 1 \\ &= 2006 \end{aligned}$$

18.  $x^2 + \frac{1}{x^2} = 14$  ( $x > 0$ ) 일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① 36      ② 44      ③ 52      ④ 68      ⑤ 82

해설

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = (x + \frac{1}{x})^2 - 2 \circ \text{므로}$$

$$x + \frac{1}{x} = 4 (\because x > 0)$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = (x + \frac{1}{x})^3 - 3(x + \frac{1}{x}) = 52$$

19. 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + b + c = 6$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 12$ 를 만족할 때,  
 $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

- ① 8      ② 16      ③ 24      ④ 36      ⑤ 42

해설

공식  $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$ 에 주어진  
수를 대입하여

$(ab + bc + ca)$ 의 값을 구하면  $(ab + bc + ca) = 12$

$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$

에서

$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$ 으로

$$\frac{1}{2} \{(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2\} = 0$$

$$\therefore a = b = c = 2$$
으로  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$

20.  $a + b + c = 7$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 21$ ,  $abc = 8$  일 때,  $a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2$ 의 값은?

- ① 26      ② 48      ③ 84      ④ 96      ⑤ 112

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\49 &= 21 + 2(ab + bc + ca) \\∴ ab + bc + ca &= 14 \\a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 &= (ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c) \\&= (14)^2 - 2(8 \times 7) \\&= 84\end{aligned}$$

21.  $a(a+1) = 1$  일 때,  $\frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1}$ 의 값은?

- ① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{4}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

해설

$$\begin{aligned} a(a+1) &= 1 \text{에서} \\ a^2 &= -a + 1 \\ a^4 &= (-a+1)^2 = a^2 - 2a + 1 \\ &= (-a+1) - 2a + 1 = -3a + 2 \\ a^6 &= a^4 \times a^2 = (-3a+2)(-a+1) \\ &= 3a^2 - 5a + 2 = 3(-a+1) - 5a + 2 \\ &= -8a + 5 \\ \therefore \frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1} &= \frac{-3a + 2 - (-a + 1)}{-8a + 5 - 1} \\ &= \frac{-2a + 1}{-8a + 4} = \frac{-2a + 1}{4(-2a + 1)} \\ &= \frac{1}{4} \end{aligned}$$

22.  $x + \frac{1}{x} = 1$  일 때,  $x^{101} + \frac{1}{x^{101}}$ 의 값은?

- ① 1      ② -1      ③ -2      ④ 2      ⑤ 101

해설

$$x + \frac{1}{x} = 1 \text{ 이면 } x^2 + 1 = x$$

$$\therefore x^2 - x + 1 = 0, x^3 = -1$$

$$\begin{aligned} (\text{준 식}) &= (x^3)^{33} \cdot x^2 + \frac{1}{(x^3)^{33} \cdot x^2} \\ &= -x^2 + \frac{-1}{x^2} = -\frac{x^4 + 1}{x^2} = -\frac{-x + 1}{x^2} \\ &= \frac{x - 1}{x^2} = 1 \end{aligned}$$

23. 다항식  $(a - b)(a^2 + ab + b^2)$  을 전개하면?

①  $a^2 - b^2$

②  $a^3 - b^3$

③  $a^3 + b^3$

④  $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

⑤  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

해설

공식 :  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

24.  $(a - b + c)(a - b - c)$  를 전개하면?

- ①  $-a^2 + b^2 - c^2 + 2ca$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 + 2ab$   
③  $a^2 + b^2 + c^2 + abc$       ④  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$   
⑤  $a^2 + b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a - b - c) &= [(a - b) + c][(a - b) - c] \\ &= (a - b)^2 - c^2 \\ &= a^2 + b^2 - c^2 - 2ab\end{aligned}$$

25.  $x^2 - x - 1 = 0$  일 때,  $x^3 - \frac{1}{x^3}$ 의 값과  $y + \frac{1}{y} = 1$  일 때,  $\frac{y^{10} + 1}{y^2}$ 의 값은?

- ① 4, -1    ② 4, 18    ③ 8, -1    ④ 9, -1    ⑤ 4, 27

해설

(1)  $x^2 - x - 1 = 0$ 의 양변을  $x$ 로 나누면

$$x - 1 - \frac{1}{x} = 0$$

$$\therefore x - \frac{1}{x} = 1$$

$$\begin{aligned} \therefore x^3 - \frac{1}{x^3} &= \left(x - \frac{1}{x}\right)^3 + 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x - \frac{1}{x}\right) \\ &= 1^3 + 3 \cdot 1 \cdot 1 = 4 \end{aligned}$$

(2)  $y + \frac{1}{y} = 1$  일 때

$$y + \frac{1}{y} = 1 \text{에서 } \frac{y^2 + 1}{y} = 1$$

$$\therefore y^2 - y + 1 = 0 \dots\dots \textcircled{\text{1}}$$

양변에  $(y+1)$ 을 곱하면  $(y+1)(y^2 - y + 1) = 0$

$$y^3 + 1 = 0 \therefore y^3 = -1 \dots\dots \textcircled{\text{2}}$$

①, ②에서

$$\frac{y^{10} + 1}{y^2} = \frac{(y^3)^3 \cdot y + 1}{y^2} = \frac{-y + 1}{y^2}$$

$$= \frac{-y^2}{y^2} = -1$$