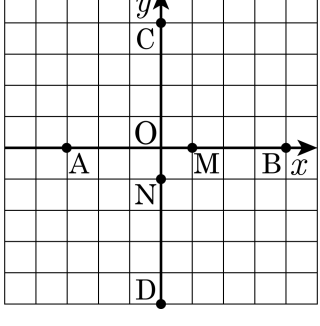


1. 다음 그림과 같이 좌표평면 위의 두 선분 $\overline{AM}$ 과 $\overline{DN}$ 의 중점을 각각 P , Q 라고 할 때, $\triangle OPQ$ 의 넓이는? (단, 점 O 는 원점이고, 모눈 한 칸의 길이는 1이다.)



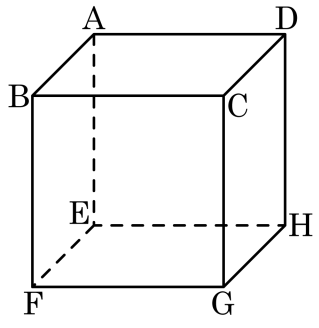
- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

해설

$\overline{AM}$ 의 중점이 점 P 이고 $\overline{DN}$ 의 중점이 점 Q 이므로 $P = (-1, 0)$, $Q = (0, -3)$ 이다.

따라서 $\triangle OPQ$ 의 넓이는 $1 \times 3 \times \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$ 이다.

2. 다음 그림과 같은 정육면체에 대한 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?



보기

- ㉠ 모서리 AB 와 모서리 BC 는 한 점에서 만난다.
- ㉡ 모서리 AD 와 모서리 FG 는 꼬인 위치에 있다.
- ㉢ 모서리 AB 와 모서리 FG 는 수직으로 만난다.
- ㉣ 모서리 BC 와 모서리 DH 는 꼬인 위치에 있다.
- ㉤ 모서리 EH 와 모서리 EF 는 수직으로 만난다.

① ㉠, ㉢

② ㉠, ㉤

③ ㉠, ㉣, ㉤

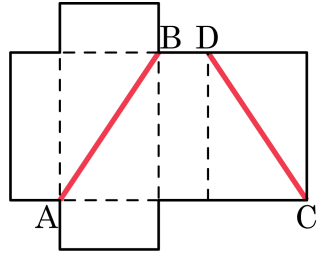
④ ㉠, ㉣, ㉤

⑤ ㉠, ㉢, ㉤

해설

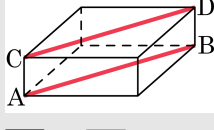
- ㉡ 모서리 AD 와 모서리 FG 는 평행하다.
- ㉢ 모서리 AB 와 모서리 FG 는 꼬인 위치에 있다.

3. 다음 그림은 직육면체의 전개도이다. $\overline{AB}$ 와 $\overline{CD}$ 의 위치 관계는?



- ① 평행하다.
- ② 수직이다.
- ③ 한 점에서 만난다.
- ④ 일치한다.
- ⑤ 꼬인 위치이다.

해설



$\overline{AB}$ 와 $\overline{CD}$ 는 평행하다.

4. 다음 중 삼각형이 하나로 결정되는 것은?

보기

- ㉠ 세 각의 크기를 알 때
- ㉡ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기를 알 때
- ㉢ 세 변의 길이를 알 때
- ㉤ 두 변의 길이와 한 각의 크기를 알 때

① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉡, ㉢ ④ ㉡, ㉤ ⑤ ㉢, ㉤

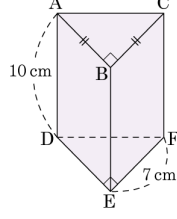
해설

삼각형이 하나로 결정되는 조건

- 세 변의 길이가 주어질 때
- 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어질 때
- 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때

삼각형의 세 각만 주어지거나, 두 변과 그 끼인각이 아닌 다른 각이 주어진 경우, 삼각형이 하나로 결정되지 않는다.

5. 다음 그림을 보고 틀린 것을 고르면?

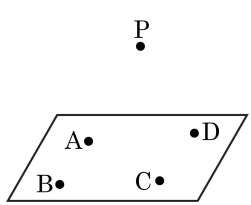


- ① 점 A 와 면 DEF 사이의 거리는 10cm 이다.
- ② 점 B 와 면 DEF 사이의 거리는 점 F 와 면 ABC 사이의 거리와 같다.
- ③ 점 C 와 면 ABED 사이의 거리는 $\overline{CB}$ 의 길이와 같다.
- ④ 점 D 와 면 BCFE 사이의 거리는 $\overline{DE}$ 의 길이와 같다.
- ⑤ 점 E 와 면 ADFC 사이의 거리는 7cm 이다.

해설

점 E 와 면 ADFC 사이의 거리는 그림만으로는 구할 수 없다.
(점 E 와 면 ADFC 사이의 거리는 $\overline{DE}$ 를 밑변으로 하는 $\triangle DEF$ 의 높이의 길이와 같다.)

6. 다음 그림과 같이 3 차원 공간에 점 5개가 있다. 이 점들로 만들 수 있는 평면의 개수는?

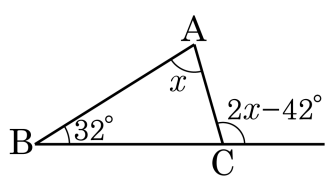


- ① 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

해설

④ 면 PAB , 면 PAC , 면 PAD , 면 PBC , 면 PBD , 면 PCD , 면 ABCD 의 7 개이다.

7. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



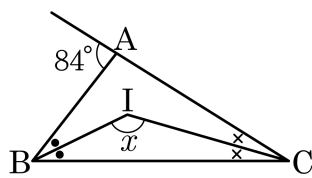
- ① 44° ② 54° ③ 64° ④ 74° ⑤ 84°

해설

$$2x - 42^\circ = x + 32^\circ$$

$$\therefore \angle x = 74^\circ$$

8. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 132° ② 136° ③ 138° ④ 142° ⑤ 146°

해설

$$84^\circ = \angle B + \angle C$$

$$\angle IBC + \angle BCI = \frac{1}{2}(\angle B + \angle C) = 42^\circ$$

$$\triangle BIC \text{에서 } \angle x = 180^\circ - 42^\circ = 138^\circ$$

9. 내각의 크기의 합이 2520° 인 다각형의 대각선 총수는?

① 54개

② 84개

③ 104개

④ 124개

⑤ 144개

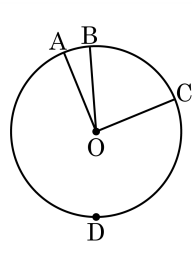
해설

$$180^\circ \times (n - 2) = 2520^\circ$$

$$n - 2 = 14$$

$n = 16$ 이므로 십육각형의 대각선의 총수는 $\frac{16(16 - 3)}{2} = 104$ (개)이다.

10. 다음 그림에서 $\widehat{5.0ptBC}$ 의 길이는 $\widehat{5.0ptAB}$ 의 4배이고 $\widehat{5.0ptADC}$ 의 길이는 $\widehat{5.0ptABC}$ 의 3배이다. $\angle BOC$ 의 크기는?



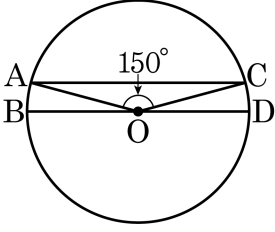
- ① 36° ② 54° ③ 72°
 ④ 84° ⑤ 96°

해설

$$\widehat{5.0ptAB} = x \text{ 라고 하면 } \widehat{5.0ptBC} = 4x, \widehat{5.0ptADC} = 15x$$

$$\therefore \angle BOC = 360^\circ \times \frac{4}{20} = 72^\circ$$

11. 다음 그림과 같이 원 O에서 $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$, $\angle AOC = 150^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 는 원의 둘레의 몇 배인가?



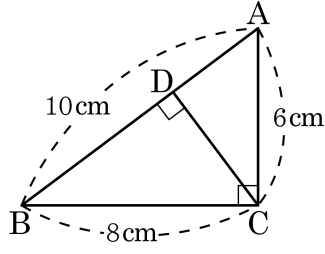
- ① $\frac{1}{6}$
- ② $\frac{1}{8}$
- ③ $\frac{1}{12}$
- ④ $\frac{1}{18}$
- ⑤ $\frac{1}{24}$

해설

$\overline{BD}$ 는 지름, $\triangle AOC$ 가 이등변삼각형이고 $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$ 이므로 $\angle CAO = \angle AOB = 15^\circ$ 이다.

따라서 $\frac{15^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{24}$ 이다.

12. 다음 그림과 같이 세 변의 길이가 각각 6cm, 8cm, 10cm 이고 $\overline{AB} \perp \overline{CD}$, $\overline{AC} \perp \overline{BC}$ 일 때, 점 C와 AB 사이의 거리를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 4.8cm

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABC \text{의 넓이} &= \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times \overline{AC} \\ &= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{CD}\end{aligned}$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 8 \times 6 = \frac{1}{2} \times 10 \times \overline{CD}$$

$$\overline{CD} = \frac{48}{10} = 4.8(\text{cm})$$

점 C와 $\overline{AB}$ 사이의 거리는 $\overline{CD}$ 와 같으므로 $\overline{CD} = 4.8(\text{cm})$ 이다.

13. 다음 보기는 평면에 있는 직선과 점에 대해 학생들이 나눈 대화이다. 틀린 말을 한 사람을 모두 찾아라.

보기

지성: 한 직선에 있지 않은 점 3 개만 있으면 평면을 하나 만들 수 있어.
민호: 서로 다른 세 점을 지나는 직선은 최대 2 개 까지 만들 수 있기도 해.
승원: 한 직선과 교점이 2 개인 직선이 존재해.
재은: 서로 수직하는 두 직선이라면 평면 하나를 만들 수 있어.
광수: 두 직선의 교점이 무수히 많은 경우는 없어.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 민호

▷ 정답: 승원

▷ 정답: 광수

해설

지성: (○) 한 직선 위에 있지 않은 점 3 개로 평면을 만들 수 있다.
민호: (×) 서로 다른 세 점을 지나는 직선은 최대 3 개 까지 만들 수 있다.
승원: (×) 한 직선과 교점이 2 개인 직선은 존재하지 않는다.
재은: (○) 서로 수직하는 두 직선으로 평면을 만들 수 있다.
광수: (×) 두 직선의 교점이 무수히 많은 경우는 두 직선이 일치하는 경우이다.

14. 세 변 a, b, c 에 대하여 $a \geq b, b \geq c$ 이고 $a + b = 13, b + c = 9, c + a = 12$ 일 때, $3a + 2b - 5c$ 를 구하면?

① 13 ② 14 ③ 15 ④ 16 ⑤ 17

해설

$$a + b = 13$$

$$b + c = 9$$

$$c + a = 12$$

좌변과 양변을 각각 더 하면

$$a + b + b + c + c + a = 13 + 9 + 12$$

$$2a + 2b + 2c = 34 \text{ 이다. 양변을 } 2 \text{ 로 나누면 } a + b + c = 17$$

이므로 $c = 4, a = 8, b = 5$ 이다.

따라서 $3a + 2b - 5c = 14$ 이다.

15. 정다각형의 한 내각과 그 외각의 크기의 비가 3 : 1 일 때, 이 다각형의 대각선의 총수를 구하여라.

▶ 답: 개

▶ 정답 : 20 개

해설

외각의 크기를 구하면

$$180^\circ \times \frac{1}{4} = 45^\circ$$

$$\frac{360^\circ}{45^\circ} = 8$$

정팔각형의 대각선의 총수를 구하면

$$\frac{8 \times (8 - 3)}{2} = 20 \text{ (개)}$$

16. 중심각이 60° 이고 넓이가 $24\pi\text{cm}^2$ 인 부채꼴의 호의 길이와 반지름이 $y\text{cm}$ 인 원의 둘레가 같은 값을 가질 때, y 는 얼마인가?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

중심각이 60° 이고 넓이가 $24\pi\text{cm}^2$ 인 부채꼴의 호의 길이의 반지름을 r 이라 하면

$r^2\pi \times \frac{60}{360} = 24\pi$ 이므로 $r^2 = 144$ 이고, $r = 12\text{cm}$ ($\because r > 0$) 이다.

이 부채꼴의 호의 길이를 구하면

$S = \frac{1}{2} \times 12 \times l = 24\pi(\text{cm}^2)$

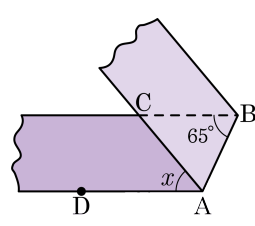
$l = 4\pi(\text{cm})$ 이다.

원의 둘레가 $4\pi\text{cm}$ 인 원의 반지름을 찾아야 하므로

$2\pi r = 4\pi$

따라서 $y = 2$ 이다.

17. 다음 그림과 같이 $\overleftrightarrow{CB} // \overleftrightarrow{DA}$ 인 종이 테이프를 $\angle ABC = 65^\circ$ 가 되도록 접었다. 이 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 법: 1

▶ 정답 : 50°

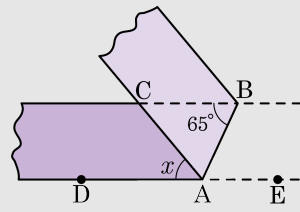
해설

$\overleftrightarrow{DA}$ 의 연장선 위의 점을 E 라 하면 $\angle CBA = \angle BAE = 65^\circ$ (엇각)

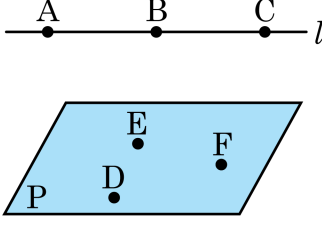
 $\angle CAB = \angle BAE$ 이므로

$$x + \angle CAB + \angle BAE = x + 65^\circ + 65^\circ = 180^\circ.$$

$$\therefore \angle x = 50^\circ$$



18. 다음 그림과 같이 세 점 A,B,C 는 직선 l 위에 있고, 세 점 D,E,F 는 평면 P 위에 있으며 일직선 위에 있지 않을 때, 이들 중 세 점으로 결정되는 평면의 개수를 구하여라.



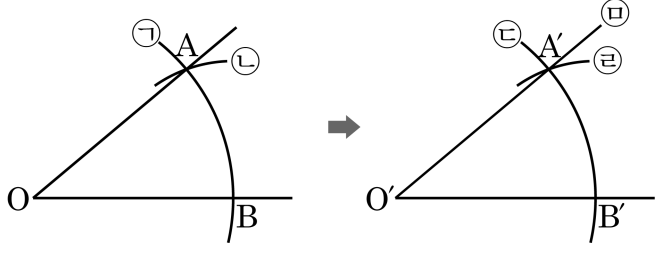
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 13 개

해설

(1) 직선 l 위의 두 점과 평면 P 위의 한 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 : $1 \times 3 = 3$ (개)
점 A,B (또는 점 B,C , 또는 점 A,C)와 평면 P 의 한 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개
(2) 직선 l 위의 한 점과 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 : $3 \times 3 = 9$ (개)
점 A 와 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개
점 B 와 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개
점 C 와 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개
(3) 평면 P 위의 세 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 : 1 개
따라서 평면의 개수는 $3 + 9 + 1 = 13$ (개)

19. 다음 그림은 $\angle AOB$ 와 크기가 같은 각을 작도한 것이다. 작도 순서가 옳은 것은?

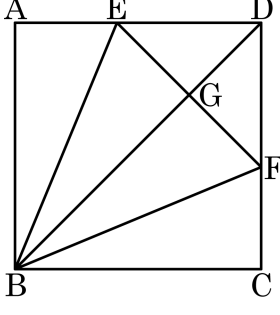


- ① ㉠-㉡-㉢-㉣-㉤
- ② ㉡-㉠-㉢-㉣-㉤
- ③ ㉠-㉣-㉢-㉤-㉡
- ④ ㉠-㉣-㉡-㉢-㉤
- ⑤ ㉠-㉡-㉣-㉢-㉤

해설

㉠ 꼭짓점 O 에 컴퍼스의 한 끝을 고정하고 각의 두 변과 만나는 원을 그린다.
㉡ 그대로 점 O' 을 중심으로 하는 원을 그린다.
㉢ 점 B 에 컴퍼스의 끝을 고정하고 $\overline{AB}$ 를 반지름으로 하는 원을 그린다.
㉣ 점 B' 를 중심으로 하는 원을 그린다.
㉤ 점 O' 과 A' 을 이어 $\angle AOB$ 와 크기가 같은 $\angle A'O'B'$ 를 찾는다.
따라서 ㉠-㉣-㉡-㉢-㉤이다.

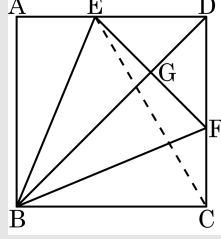
20. 다음은 정사각형 ABCD 의 $\angle B$ 의 4 등분선이 변 AD 와 만나는 점을 E , 변 CD 와 만나는 점을 F 라고 한 것이다. 점 G 는 선분 EF 와 BD 의 교점이고, 선분 AE 의 길이는 5 일 때, 삼각형 DEG 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{25}{2}$

해설



$\triangle AEB$ 와 $\triangle CFB$ 에서
 $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle EAB = \angle BCF = 90^\circ$, $\angle ABE = \angle CBF$ 이므로
 $\triangle AEB \equiv \triangle CFB$ (RHA 합동)
 $\therefore \overline{AE} = \overline{CF} = 5$
 $\triangle ABD \equiv \triangle CBD$ 이고 $\triangle AEB \equiv \triangle CFB$ 이므로 $\triangle BED \equiv \triangle BFD$
 $\triangle DEG$ 와 $\triangle DFG$ 에서
 $\overline{DG}$ 는 공통, $\overline{DE} = \overline{DF}$, $\angle EDG = \angle GDF = 45^\circ$ 이므로
 $\triangle DEG \equiv \triangle DFG$ (SAS 합동)
 $\triangle BED \equiv \triangle BFD$, $\triangle DEG \equiv \triangle DFG$ 이므로 $\triangle BEG \equiv \triangle BFG$
 $\therefore \angle EGB = \angle FGB = 90^\circ$
 따라서 $\triangle DEG$ 는 직각이등변삼각형
 $\triangle AEB$ 와 $\triangle GBE$ 에서
 $\overline{BE}$ 는 공통, $\angle EAB = \angle EGB = 90^\circ$, $\angle ABE = \angle EBG$ 이므로
 $\triangle ABE \equiv \triangle BEG$ (RHA 합동)
 $\therefore \overline{AE} = \overline{EG} = \overline{GD} = 5$
 $\therefore \triangle DEG = \frac{1}{2} \times 5 \times 5 = \frac{25}{2}$