

1. 다음은 피타고라스 정리를 설명하는 과정을 차례로 써놓은 것이다.
밑 줄에 들어갈 알맞은 것은?

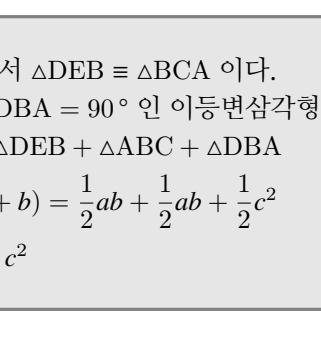
⑦ 다음 그림에서 $\triangle DEB \cong \triangle BCA$ 이다.

⑧ $\triangle DBA$ 는 $\angle DBA = 90^\circ$ 인 이등변삼각형이다.

⑨ _____

⑩ $\frac{1}{2}(a+b)(a+b) = \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2$

⑪ $\therefore a^2 + b^2 = c^2$



- ① $\square DECA = \triangle DEB + \triangle DBA$
② $\square DECA = \triangle ABC + \triangle DBA$
③ $\square DECA = \triangle DEB + \triangle ABC$
④ $\square DEBA = \triangle DEB + \triangle ABC + \triangle DBA$
⑤ $\square DECA = \triangle DEB + \triangle ABC + \triangle DBA$

해설

⑦ 다음 그림에서 $\triangle DEB \cong \triangle BCA$ 이다.

⑧ $\triangle DBA$ 는 $\angle DBA = 90^\circ$ 인 이등변삼각형이다.

⑨ $\square DECA = \triangle DEB + \triangle ABC + \triangle DBA$

⑩ $\frac{1}{2}(a+b)(a+b) = \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}ab + \frac{1}{2}c^2$

⑪ $\therefore a^2 + b^2 = c^2$

2. 삼각형의 세 변의 길이가 다음 보기와 같을 때, 직각삼각형을 모두 골라라.

[보기]

Ⓐ 1 cm, 1 cm, $\sqrt{5}$ cm ⓒ 4 cm, 7 cm, 8 cm

Ⓑ 1 cm, 3 cm, 4 cm Ⓝ 2 cm, 4 cm, 5 cm

Ⓒ 8 cm, 15 cm, 17 cm Ⓞ 5 cm, 12 cm, 13 cm

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

▷ 정답: Ⓞ

[해설]

Ⓐ $64 + 225 = 289$

Ⓑ $25 + 144 = 169$

3. 다음 한 변의 길이가 8인 마름모 ABCD 의 대각선 AC 와 BD 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\overline{AC} = 8\sqrt{3}$

▷ 정답: $\overline{BD} = 8$

해설

마름모는 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분 하므로
 $\triangle ABO$ 에서 $\overline{AB} : \overline{BO} : \overline{AO} = 2 : 1 : \sqrt{3} = 8 : \overline{BO} : \overline{AO}$
따라서 $\overline{BO} = 4$, $\overline{AO} = 4\sqrt{3}$ 이고, $\overline{AC} = 8\sqrt{3}$, $\overline{BD} = 8$ 이다.

4. 한 변의 길이가 12 인 정사면체의 부피를 구하면?

- ① $124\sqrt{2}\text{cm}^3$ ② $144\sqrt{2}\text{cm}^3$ ③ $169\sqrt{2}\text{cm}^3$
④ $225\sqrt{2}\text{cm}^3$ ⑤ $256\sqrt{2}\text{cm}^3$

해설

$$\text{정사면체의 부피는 } \frac{\sqrt{2}}{12}a^3 = \frac{\sqrt{2}}{12} \times 12^3 = 144\sqrt{2}$$

5. 다음 보기에서 삼각비의 값이 무리수인 것을 모두 골라라.

[보기]

- | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|
| Ⓐ $\sin 0^\circ$ | Ⓑ $\cos 0^\circ$ | Ⓒ $\tan 45^\circ$ |
| Ⓓ $\cos 90^\circ$ | Ⓔ $\tan 60^\circ$ | Ⓕ $\sin 90^\circ$ |

▶ 답:

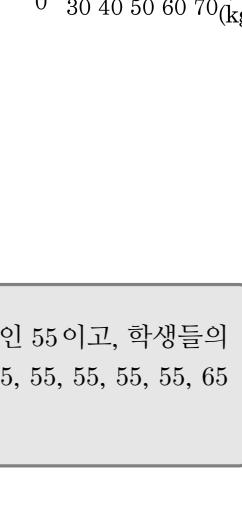
▷ 정답: Ⓑ

[해설]

$$\tan 45^\circ = 1$$

$$\tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

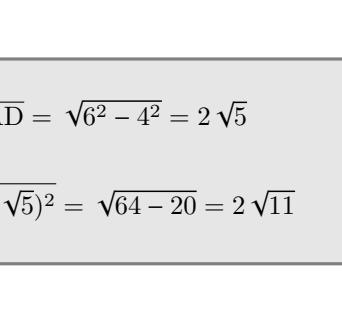
6. 다음 그림은 영희네 분단 학생 9 명의 몸무게를 조사하여 그린 히스토그램이다. 학생들 9 명의 몸무게의 중앙값과 최빈값은?
- ① 중앙값 : 35, 최빈값 : 45
② 중앙값 : 45, 최빈값 : 55
③ 중앙값 : 55, 최빈값 : 55
④ 중앙값 : 55, 최빈값 : 65
⑤ 중앙값 : 65, 최빈값 : 55



해설

최빈값은 학생 수가 4 명으로 가장 많을 때인 55이고, 학생들의 몸무게를 순서대로 나열하면 35, 45, 45, 45, 55, 55, 55, 55, 65 이므로 중앙값은 55이다.

7. 다음 그림에서 x 의 값은?



- ① 4 ② 8 ③ $2\sqrt{11}$ ④ $10\sqrt{2}$ ⑤ 12

해설

$$\triangle ADC \text{에서 } \overline{AD} = \sqrt{6^2 - 4^2} = 2\sqrt{5}$$

$\triangle ABD$ 에서

$$x = \sqrt{8^2 - (2\sqrt{5})^2} = \sqrt{64 - 20} = 2\sqrt{11}$$

8. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 6\text{ cm}$, $\overline{AD} = 10\text{ cm}$ 인 직사각형 모양의 종이를 점 D
가 \overline{BC} 위에 오도록 접었을 때, \overline{BE} 의
길이는?



- ① $2\sqrt{2}\text{ cm}$ ② 8 cm
④ 5 cm ⑤ 7 cm

해설

$$\overline{AE} = \overline{AD} \text{ 이므로 피타고라스 정리에서 } \\ \overline{BE} = \sqrt{10^2 - 6^2} = \sqrt{64} = 8(\text{ cm})$$

9. 두 점 사이의 거리가 가장 짧은 것은 어느 것인가?

- Ⓐ (1, 1), (2, 3) Ⓑ (-3, -2), (0, 0)
Ⓑ (-2, 0), (0, 5) Ⓒ (2, 1), (3, -5)
Ⓒ (-4, 4), (2, -2)

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} & \sqrt{(2-1)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{5} \\ \textcircled{2} & \sqrt{(-3-0)^2 + (-2-0)^2} = \sqrt{13} \\ \textcircled{3} & \sqrt{(-2-0)^2 + (0-5)^2} = \sqrt{29} \\ \textcircled{4} & \sqrt{(3-2)^2 + (-5-1)^2} = \sqrt{37} \\ \textcircled{5} & \sqrt{(-4-2)^2 + (4+2)^2} = \sqrt{72} \end{aligned}$$

10. 다음 삼각비의 값을 크기가 작은 것부터 차례로 나열한 것은?

[보기]

- | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|
| Ⓐ $\sin 90^\circ$ | Ⓑ $\cos 60^\circ$ | Ⓒ $\cos 90^\circ$ |
| Ⓓ $\tan 60^\circ$ | Ⓔ $\sin 60^\circ$ | |

- ① ⒶⒷⒸⒹⒺ ② ⒷⒹⒶⒸⒷⒺ ③ ⒸⒺⓁⒹⒶⒷⒺ
- ④ ⒷⒶⒹⒷⒸⒺ ⑤ ⒷⒶⒹⓁⒸⒺⒶ

[해설]

$$\begin{aligned} \textcircled{A} \sin 90^\circ &= 1 \\ \textcircled{B} \cos 60^\circ &= \frac{1}{2} \\ \textcircled{C} \cos 90^\circ &= 0 \\ \textcircled{D} \tan 60^\circ &= \sqrt{3} \\ \textcircled{E} \sin 60^\circ &= \frac{\sqrt{3}}{2} \end{aligned}$$

$\textcircled{C} \cos 90^\circ < \textcircled{B} \cos 60^\circ < \textcircled{E} \sin 60^\circ < \textcircled{A} \sin 90^\circ < \textcircled{D} \tan 60^\circ$

11. 다음과 같은 직각삼각형 ABC에서 \overline{AC} 의 길이는?

- ① 40 ② 50 ③ 60
④ 70 ⑤ 80



해설

$$\begin{aligned}\overline{AC} &= 100 \sin 30^\circ \\ &= 100 \times \frac{1}{2} = 50\end{aligned}$$

12. 세 수 a, b, c 의 평균이 6 일 때, 5개의 변량 8, $a, b, c, 4$ 의 평균은?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$a, b, c \text{의 평균이 } 6 \text{ 이므로 } \frac{a+b+c}{3} = 6$$

$$\therefore a+b+c = 18$$

따라서 5개의 변량 8, $a, b, c, 4$ 의 평균은

$$\frac{8+a+b+c+4}{5} = \frac{8+18+4}{5} = 6$$

13. 정호, 제기, 범진, 성규 4 명의 사격선수가 10 발씩 사격한 후의 결과가 다음과 같다. 표준편차가 가장 적은 사람은 누구인지 구하여라.

1 2 3	• 1 • 2 3	1 2 3	1 • 2 • • 3
4 • 5 • 6 •	4 5 • 6	4 • 5 • 6 •	4 • 5 • 6
7 8 9	7 8 9 •	7 8 • 9	7 • 8 9

〈정호〉 〈제기〉 〈범진〉 〈성규〉

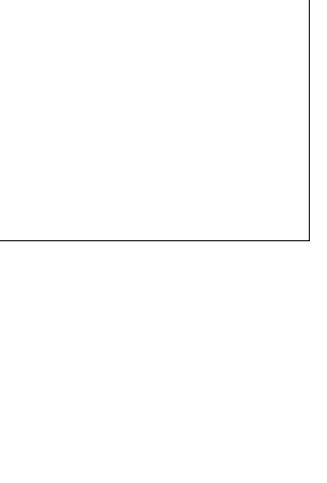
▶ 답:

▷ 정답: 정호

해설

평균 근처에 가장 많이 발사한 선수는 정호이다.

14. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 1인 원 위의 점 C에서 지름 AB에 내린 수선의 발을 D라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것을 골라라.



- Ⓐ $\overline{CD} = \cos 80^\circ$
Ⓑ $\overline{OD} = \cos 80^\circ$
Ⓒ $\overline{AD} = 1 + \cos 80^\circ$
Ⓓ $\triangle COD = \frac{\sin 80^\circ \times \cos 80^\circ}{2}$

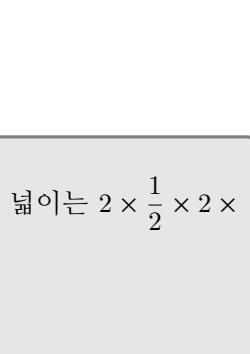
▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

해설

$$\text{Ⓐ } \sin 80^\circ = \frac{\overline{CD}}{\overline{OC}} = \frac{\overline{CD}}{1} = \overline{CD}$$

15. 다음 그림은 여덟 개의 합동인 마름모로 이루어진 별모양이다. 마름모의 한 변의 길이가 2 일 때, 별의 넓이의 제곱값은?



- ① $16\sqrt{2}$ ② 128 ③ $128\sqrt{2}$
④ 512 ⑤ $512\sqrt{2}$

해설

$360^\circ \div 8 = 45^\circ$ 이므로 마름모 한 개의 넓이는 $2 \times \frac{1}{2} \times 2 \times 2 \sin 45^\circ = 2\sqrt{2}$ 이다.
따라서, 별의 넓이는 $2\sqrt{2} \times 8 = 16\sqrt{2}$
 $\therefore (16\sqrt{2})^2 = 512$ 이다.