

1. 일차함수 $y = ax + b$ 는 점 $\left(2, -\frac{5}{2}\right)$ 를 지나고 $\frac{f(m) - f(n)}{m - n} = -\frac{3}{4}$ 이다. 이 때, $f(-4) + f(6)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{7}{2}$

해설

기울기 $a = -\frac{3}{4}$ 이므로

$$y = -\frac{3}{4}x + b \text{에 점 } \left(2, -\frac{5}{2}\right) \text{를 대입하면}$$

$$-\frac{5}{2} = -\frac{3}{2} + b, b = -1$$

$$y = -\frac{3}{4}x - 1$$

$$\therefore f(-4) + f(6) = 3 - 1 + \left(-\frac{9}{2}\right) - 1 = -\frac{7}{2}$$

2. 어떤 일을 태희와 지현이가 함께 하면 6 일 걸리고 지현과 혜교가 함께 하면 9 일, 태희와 혜교가 함께 하면 12 일 걸린다고 한다. 세 명이 함께 일을 하여 완료하는 데 걸리는 일수를 구하여라.

▶ 답 : 일

▷ 정답 : $\frac{72}{13}$ 일

해설

일의 양을 1로 보고 태희, 지현, 혜교 세 명이 일을 완료하는 데 걸리는 일수를 각각 a 일, b 일, c 일이라 하면, 하루에 하는 일의 양은 각각 $\frac{1}{a}, \frac{1}{b}, \frac{1}{c}$ 이다.

$$6 \times \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) = 1 \quad \therefore \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{6} \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$9 \times \left(\frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right) = 1 \quad \therefore \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{1}{9} \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$12 \times \left(\frac{1}{c} + \frac{1}{a} \right) = 1 \quad \therefore \frac{1}{c} + \frac{1}{a} = \frac{1}{12} \cdots \textcircled{\text{③}}$$

$$\textcircled{\text{①}} + \textcircled{\text{②}} + \textcircled{\text{③}} \text{ 을 하면 } 2 \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right) = \frac{1}{6} + \frac{1}{9} + \frac{1}{12}$$

따라서 세 명이 함께 일할 때 하루에 하는 일의 양은

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{9} + \frac{1}{12} \right) \times \frac{1}{2} = \frac{13}{72}$$

(세 명이 함께 일을 하여 완료하는데 걸리는 일 수)

$$= 1 \div \frac{13}{72} = \frac{72}{13} (\text{일})$$

3. 어느 인터넷 유료 정보사이트는 한 달 기본 가입비가 19,000 원이고 정보 건당 이용료가 50 원이다. 한 달 사용 요금이 25,000 원 이상 30,000 원 이하가 되게 하려고 할 때, 옳지 않은 정보 이용 건수는?

- ① 120 건 ② 160 건 ③ 200 건
④ 220 건 ⑤ 240 건

해설

한 달 동안 x 건의 정보를 이용할 때, 사용하는 요금을 식으로 나타내면 $19000 + 50x$ 이다. 한 달 요금이 25,000 원 이상 30,000 원 이하가 되기 위해서는 $25000 \leq 19000 + 50x \leq 30000$ 이다.

이를 연립방정식으로 나타내면 $\begin{cases} 19000 + 50x \geq 25000 \\ 19000 + 50x \leq 30000 \end{cases}$ 이고,

정리하면 $\begin{cases} x \geq 120 \\ x \leq 220 \end{cases}$ 이다.

따라서 $120 \leq x \leq 220$ 이다.

그러므로, 120 건 이상 220 건 이하로 사용하여야 한다.

4. 민희는 과학시간에 5%의 소금물과 10%의 소금물을 섞어 7% 이하의 소금물을 500g을 만들려고 한다. 5%의 소금물은 몇 g 이상이 되어야 하는가?

▶ 답: g이상

▷ 정답: 300g이상

해설

5%의 소금물의 양을 xg 이라고 하면 10%의 소금물의 양을 $(500 - x)g$ 이라고 할 수 있다. 5%의 소금물의 소금의 양은

$$\frac{5}{100} \times x = \frac{1}{20}x(g), 10\% \text{의 소금물의 소금의 양은 } \frac{10}{100} \times (500 - x) = \frac{500 - x}{10}(g) \text{이다.}$$

7% 소금물 500g에 들어있는 소금의 양은 $\frac{7}{100} \times 500(g)$ 이다.

실제로는 7% 이하로 만들어야 하므로

$$\frac{1}{20}x + \frac{500 - x}{10} \leq \frac{500 \times 7}{100}$$

$$5x + 5000 - 10x \leq 3500$$

$$-5x \leq -1500$$

$$x \geq 300$$

5% 소금물은 300g 이상 필요하다.

5. 자동차 판매 사원인 A 는 기본급 60 만 원과 한 달 동안 판매한 자동차 금액의 10% 를 월급으로 받는다. 자동차 한 대의 가격이 1000 만 원이라 할 때, A 가 다음 달 월급을 250 만 원 이상 받으려면 최소한 몇 대의 자동차를 팔아야 하는지 구하여라.

▶ 답 : 대

▷ 정답 : 2대

해설

판매한 자동차 수 : x (대)

$$60만 + x \times 1000만 \times \frac{10}{100} \geq 250만$$

$$60만 + x \times 100만 \geq 250만$$

$$100만 \times x \geq 190만$$

$$x \geq \frac{190만}{100만} = 1.9$$

정수 x 의 최솟값 : 2

6. 다음 연립부등식 $\begin{cases} 3x - 3 \leq x + 5 \\ 2x + 3 \leq 0.5(6x + 9) \end{cases}$ 의 해는?

- ① $-\frac{3}{2} \leq x \leq 1$ ② $-\frac{3}{2} \leq x \leq 4$ ③ $-\frac{1}{2} \leq x \leq 1$
 ④ $-\frac{1}{2} \leq x \leq 4$ ⑤ $\frac{3}{2} \leq x \leq 4$

해설

i) $3x - 3 \leq x + 5, x \leq 4$

ii) $2x + 3 \leq 0.5(6x + 9)$ 의 양변에 10 을 곱하면

$$20x + 30 \leq 5(6x + 9), x \geq -\frac{3}{2}$$

$$\therefore -\frac{3}{2} \leq x \leq 4$$

7. 연립부등식 $\begin{cases} 0.5 - 0.3x < 0.1x - 0.3 \\ 4 - x \geq \frac{x - 8}{3} \end{cases}$ 을 만족하는 자연수 x 의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

i) $0.5 - 0.3x < 0.1x - 0.3$ 의 양변에 10을 곱하면

$$5 - 3x < x - 3, x > 2$$

ii) $4 - x \geq \frac{x - 8}{3}$ 의 양변에 3을 곱하면

$$12 - 3x \geq x - 8, x \leq 5$$

$\therefore 2 < x \leq 5$ 이므로 만족하는 자연수는 3, 4, 5 즉, 3개이다.

8. 다음 부등식을 푼 것으로 틀린 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ① $a > 0$ 일 때, $ax + 1 > 3 \Rightarrow x > \frac{2}{a}$
- ② $a > 0$ 일 때, $-ax + 2 > 4 \Rightarrow x < -\frac{2}{a}$
- ③ $a < 0$ 일 때, $-ax + 2 > 4 \Rightarrow x > \frac{2}{a}$
- ④ $a > 0$ 일 때, $-ax + 4 > 2 \Rightarrow x > \frac{2}{a}$
- ⑤ $a < 0$ 일 때, $-ax + 4 > 2 \Rightarrow x > \frac{2}{a}$

해설

③ $-ax + 2 > 4$

$-ax > 2$

$a < 0$ 이므로 $-a > 0$, 양변을 $-a$ 로 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

$$\therefore x > -\frac{2}{a}$$

④ $-ax + 4 > 2$

$-ax > -2$

$a > 0$ 이므로 $-a < 0$, 양변을 $-a$ 로 나누어 주면 부등호의 방향이 바뀌어야 한다.

$$\therefore x < \frac{2}{a}$$

9. $a > 0$ 일 때, x 에 대한 일차부등식 $ax \geq -1$ 의 해는?

- ① $x \leq \frac{1}{a}$
- ② $x \geq \frac{1}{a}$
- ③ $x \leq -\frac{1}{a}$
- ④ $x \geq -\frac{1}{a}$
- ⑤ 해가 없다.

해설

$a > 0$ 이므로 양변을 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

$$\therefore x \geq -\frac{1}{a}$$

10. 10% 의 소금물에 물을 섞어서 8% 의 소금물 $500g$ 을 만들려고 한다.
이 때, 10% 의 소금물의 양을 구하여라.

▶ 답 : g

▶ 정답 : 400g

해설

10% 소금물 xg , 물 yg

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ \frac{10}{100} \times x = \frac{8}{100} \times 500 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ x = 400 \end{cases}$$

11. 어느 공원의 산책로 길이 11km 이다. 이 길을 처음에는 시속 3km로 걷다가 도중에 시속 12km로 뛰었더니 총 2시간 40분이 걸렸다. 이 때, 뛴 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 4 km

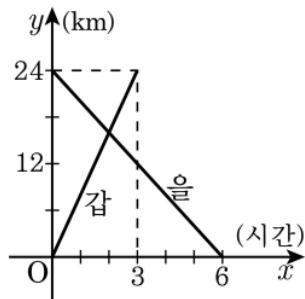
해설

시속 3km로 걸어 간 거리 $x\text{km}$, 시속 12km로 달려 간 거리 $y\text{km}$ 라고 하면,

$$\begin{cases} x + y = 11 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{12} = \frac{160}{60} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 11 & \dots \textcircled{①} \\ 4x + y = 32 & \dots \textcircled{②} \end{cases}$$

에서 $\textcircled{②} - \textcircled{①}$ 을 하면 $x = 7$ 이다. x 를 $\textcircled{①}$ 에 대입하면 $y = 4$ 이다. 따라서 달린 거리는 4km이다.

12. 갑과 을은 24km 떨어진 두 지점 A, B에서 각각 동시에 출발하여 갑은 B로 향하고 을은 A로 향하고 있다. 다음 그림은 두 사람이 출발한 지 x 시간 후에 각각 A 지점으로부터 y km 떨어진 곳에 있음을 나타낸 그래프이다. 두 사람이 만난 시각과 그때의 위치를 구하면?



- ① 1시간 후, 8km
- ② 2시간 후, 8km
- ③ 2시간 후, 16km
- ④ 3시간 후, 18km
- ⑤ 4시간 후, 20km

해설

$$\text{갑} : y = 8x$$

$$\text{을} : y = -4x + 24$$

의 교점을 구하면

$$8x = -4x + 24 \text{ 이다.}$$

따라서 $x = 2, y = 16$ 이다.

13. A 지점을 출발하여 $0.4(\text{km}/\text{분})$ 의 속도로 12km 떨어진 B 지점까지 자전거를 타고 가는 사람이 있다. 출발하여 x 분 후의 이 사람이 간거리를 $y\text{km}$ 라고 할 때, x 와 y 의 관계식은?

- ① $y = 12x(0 \leq x \leq 1)$
- ② $y = 4x(0 \leq x \leq 3)$
- ③ $y = -4x(0 \leq x \leq 3)$
- ④ $y = 0.4x(0 \leq x \leq 30)$
- ⑤ $y = -0.4x(0 \leq x \leq 30)$

해설

(거리) = (속력) \times (시간)이므로

x 분 동안 간 거리를 $y\text{km}$ 라고 하면,

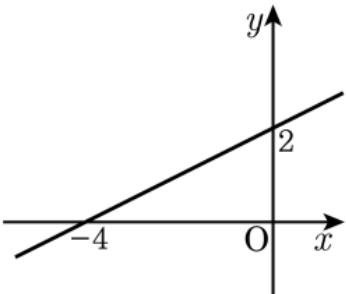
$y = 0.4x$ 가 된다.

단, x 값의 범위는 A와 B사이의

거리가 12km 이므로

0분부터 30분까지이다.

14. 다음 그림은 일차함수 $y = ax - 2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 b 만큼 평행이동한 것이다. 이 때, 상수 a , b 의 곱 ab 의 값은?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

i) $y = ax - 2 + b$ 의 y 절편이 2이므로

$$-2 + b = 2 \therefore b = 4$$

ii) $y = ax + 2$ 의 x 절편이 -4이므로

$$0 = -4a + 2 \therefore a = \frac{1}{2}$$

따라서 $ab = 2$ 이다.

15. 다음은 일차함수 $y = 2x + 4$ 에 대한 설명이다. 옳은 것은?

- ① x 절편은 2이다.
- ② y 절편은 -4이다.
- ③ x 가 1만큼 증가할 때, y 는 4만큼 증가한다.
- ④ $f(-1) = -5$
- ⑤ $y = 2x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 4만큼 평행이동한 직선이다.

해설

- ① x 절편은 -2
- ② y 절편은 4
- ③ x 가 1만큼 증가할 때 y 는 2만큼 증가한다.
- ④ $f(-1) = 2$

16. 세 점 A(2, -3), B(4, 1), C(2m, 3m + 1) 가 한 직선 위에 있을 때,
일차함수 $y = 2x + m$ 의 그래프의 x 절편의 값은?

① 5

② 4

③ -2

④ -4

⑤ $-\frac{5}{2}$

해설

세 점 A, B, C가 한 직선 위에 있으므로

$$\frac{1 - (-3)}{4 - 2} = \frac{3m + 1 - 1}{2m - 4}$$

$$2 = \frac{3m}{2m - 4}$$

$$4m - 8 = 3m$$

$m = 8$ 이므로 주어진 일차함수는 $y = 2x + 8$ 이고 이 그래프의 x 절편은 y 값이 0일 때의 x 값과 같으므로

$$0 = 2x + 8$$

$$\therefore x = -4$$

17. 일차함수 $f(x) = \frac{1}{3}x - 2$ 에 대하여 $f(2a) = a$ 를 만족하는 a 의 값은?

- ① -2 ② -4 ③ -6 ④ -8 ⑤ -10

해설

$f(2a) = a$ $\circ|$ 므로 $x = 2a$, $f(x) = a$ 를 대입하면

$$a = \frac{2a}{3} - 2$$

$$\frac{1}{3}a = -2$$

$$\therefore a = -6$$

18. 현주는 50000 원이 있고 연희는 30000 원이 있다. 현주는 매일 1000 원씩 쓰고 연희는 매일 500 원씩 쓴다고 할 때, 연희가 가지고 있는 돈의 액수가 현주가 가지고 있는 돈의 액수보다 많아질 때는 몇 일부터 후인지 구하여라.

▶ 답 : 일

▷ 정답 : 41일

해설

현주는 1000 원씩 쓰므로 x 일이 지나면 $50000 - 1000x$ (원) 이 된다.

연희는 500 원씩 쓰므로 x 일이 지나면 $30000 - 500x$ (원) 이 된다.

$$30000 - 500x > 50000 - 1000x$$

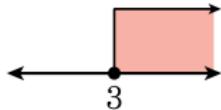
$$500x > 20000$$

$$x > 40$$

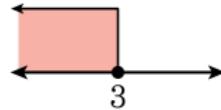
따라서 41 일 후부터 연희의 돈이 더 많아진다.

19. $4x - 1 \geq -7 + 6x$ 의 해를 수직선 위에 바르게 나타낸 것은?

①



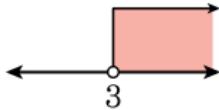
②



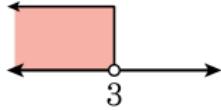
③



④



⑤



해설

$$4x - 1 \geq -7 + 6x$$

$$6 \geq 2x$$

$$x \leq 3$$

20. 부등식 $2x + 3 \leq 4x - 11$ 을 만족하는 가장 작은 정수 x 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$$2x + 3 \leq 4x - 11$$

$$2x - 4x \leq -11 - 3$$

$$-2x \leq -14$$

$$x \geq 7$$

21. $a < b$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

① $\frac{3}{5}a + 1 < \frac{3}{5}b + 1$

② $3 - 4a > 3 - 4b$

③ $-3a - 1 < -3b - 1$

④ $-0.1 - 2a < -0.1 - 2b$

⑤ $\frac{1-a}{3} > \frac{1-b}{3}$

해설

양변에 같은 음수를 곱하면 부등호는 바뀐다.

③ $-3a - 1 > -3b - 1$

④ $-0.1 - 2a > -0.1 - 2b$

22. 농도가 5% 인 소금물 xg 과 8% 인 소금물 yg 을 섞어서 농도가 7% 인 소금물 600g 을 만들었다. 농도가 5% 인 소금물 yg 과 농도가 8% 인 소금물 xg 을 섞으면 소금물의 농도는?

- ① 5.2% ② 5.5% ③ 6% ④ 6.4% ⑤ 7.5%

해설

$$\begin{cases} x + y = 600 \\ \frac{5}{100} \times x + \frac{8}{100} \times y = \frac{7}{100} \times 600 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} x + y = 600 \\ 5x + 8y = 4200 \end{cases}$$

$$\therefore x = 200, y = 400$$

소금의 양은 $\frac{5}{100} \times 400 + \frac{8}{100} \times 200 = 36$

따라서 구하는 농도는 $\frac{36}{600} \times 100 = 6(\%)$

23. 속력이 일정한 어느 기차가 길이 1km 인 터널을 지나는데 1분 40초가 걸리고, 길이 400m 인 다리를 지나는데 50초가 걸린다고 한다. 이 기차의 길이를 구하여라.

▶ 답 : m

▶ 정답 : 200 m

해설

기차의 길이 $x\text{m}$, 기차의 속력 $y\text{m}/\text{분}$ 이라 하면

$$\begin{cases} 1000 + x = \frac{5}{3}y \cdots \textcircled{1} \\ 400 + x = \frac{5}{6}y \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$ 을 하면

$$600 = \frac{5}{6}y$$

$$y = 720$$

$$x = 200$$

\therefore 기차의 길이 : 200m

24. 정효네 반이 미사리 조정경기장에서 2인용 보트와 3인용 보트 7대를 빌려 17명이 탔을 때, 2인용 보트는 몇 대 빌렸는가?

① 3대

② 4대

③ 5대

④ 6대

⑤ 7대

해설

2인용 보트 : x 대, 3인용 보트 : y 대라 하면

$$\begin{cases} x + y = 7 \\ 2x + 3y = 17 \end{cases}$$
에서 $x = 4, y = 3$

25. 점 $(1, 5)$ 를 지나는 일차함수 $y = ax + b$ 가 $y = -2x - 8$ 과 x 축 위에서 만난다고 한다. $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$y = -2x - 8$ 의 x 절편은 -4 이므로 일차함수 $y = ax + b$ 는 점 $(1, 5)$ 와 점 $(-4, 0)$ 을 지난다.

따라서 $y = x + 4$ 이고 $a = 1$, $b = 4$ 이므로 $a + b = 5$ 이다.

26. 두 일차함수의 그래프 $y = ax - 4$ 와 $y = 3x + b$ 가 y 축 위에서 서로 만난다고 한다. 두 그래프가 만나는 점의 좌표는?

① $(0, 4)$

② $(0, -4)$

③ $(3, 0)$

④ $(-3, 0)$

⑤ 알 수 없다.

해설

두 그래프가 y 축 위에서 서로 만나므로 두 그래프의 y 절편이 같다.

따라서 $b = -4$ 이고, 두 그래프가 만나는 점의 좌표는 $(0, -4)$ 이다.

27. 일차함수 $y = -\frac{1}{2}x + 1$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 4 만큼 평행이동한
그래프의 x 절편은?

① 2

② 4

③ 5

④ 7

⑤ 10

해설

$$y = -\frac{1}{2}x + 1 + 4$$

$$y = -\frac{1}{2}x + 5$$

$$0 = -\frac{1}{2}x + 5$$

$$\therefore x = 10$$

28. 일차함수 $y = 3x + 2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 k 만큼 이동한
그레프가 점 $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$ 을 지날 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{2}$

해설

$y = 3x + 2 + k$ 에 $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$ 을 대입하면

$$-\frac{3}{2} = 3 \times (-2) + 2 + k$$

$$-\frac{3}{2} = -4 + k$$

$$\therefore k = 4 - \frac{3}{2} = \frac{5}{2}$$

29. x 의 범위가 $0 \leq x < 6$ 인 일차함수 $y = 25x - 100$ 의 함숫값의 범위를 구하면?

- ① $0 \leq y < 50$
- ③ $-100 \leq y < 150$
- ⑤ y 는 수 전체

- ② $-100 \leq y < 50$
- ④ $-100 \leq y \leq 50$

해설

기울기가 양수이므로 $f(0) \leq y < f(6)$
따라서 함숫값의 범위는 $-100 \leq y < 50$

30. 다음 중 y 가 x 에 관한 일차함수인 것을 고르면?

㉠ $x = 2x + 3$

㉡ $y = 2x + 3$

㉢ $y = \frac{2}{x}$

㉣ $y = -6$

㉤ $y = -\frac{3}{4}x - 1$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉤

④ ㉢, ㉣

⑤ ㉣, ㉤

해설

함수 $y = f(x)$ 에서 y 가 x 에 관한 일차식 $y = ax + b$ (a, b 는 상수, $a \neq 0$)의 꼴로 나타내어질 때, 이 함수 f 를 일차함수라 한다.

31. 어떤 자연수의 4 배에서 1 을 뺀 수는 그 수를 3 배하여 3 을 더한 수 보다 크다. 이러한 조건을 만족시키는 자연수 중 제일 작은 자연수를 구하면?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ 5

해설

어떤 자연수를 x 라 하면

$$4x - 1 > 3x + 3$$

$$x > 4$$

범위를 만족하는 제일 작은 자연수는 5 이다.

32. 연립부등식 $\begin{cases} 3x - 2 \leq x + a \\ 2x - b \leq 3x \end{cases}$ 의 해가 4 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$\begin{cases} 3x - 2 \leq x + a & \cdots ① \\ 2x - b \leq 3x & \cdots ② \end{cases}$$
이라 하면

$$① \text{에서 } x \leq \frac{a+2}{2}$$

$$② \text{에서 } x \geq -b$$

$$\therefore -b \leq x \leq \frac{a+2}{2}$$

이 부등식의 해가 4 이려면 $4 \leq x \leq 4$ 이어야 하므로

$$-b = 4 \text{에서 } b = -4, \frac{a+2}{2} = 4 \text{에서 } a = 6$$

따라서 $a - b = 6 - (-4) = 10$ 이다.

33. 연립부등식 $2x + a < x + 2 < 4(x - 1)$ 의 해가 $b < x < 5$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① -5 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

해설

$$2x + a < x + 2 < 4(x - 1)$$

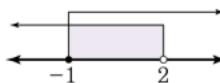
$$2x + a < x + 2 \rightarrow x < 2 - a$$

$$x + 2 < 4(x - 1) \rightarrow x > 2$$

$$2 < x < 2 - a \text{ } \ntriangleright b < x < 5 \text{ } \circ] \text{므로 } a = -3, b = 2$$

$$\therefore a + b = -1$$

34. 연립부등식 $\begin{cases} 3x > 5x - 4 \\ 3x + a \geq 2x \end{cases}$ 의 해가 다음과 같을 때, a 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

해는 $-1 \leq x < 2$ 이다.

$$\begin{cases} 3x > 5x - 4 \\ 3x + a \geq 2x \end{cases} \quad \begin{cases} x < 2 \\ x \geq -a \end{cases}$$

$$-a = -1 \quad \therefore a = 1$$

35. 연립부등식 $\begin{cases} 5(2+x) + 9 \leq -1 \\ 3(ax+1) - 2x \geq -1 \end{cases}$ 을 풀었더니 그 해가 $x = -4$

이었을 때, a 값을 구하면?

- ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 5

해설

$$5(2+x) + 9 \leq -1$$

$$10 + 5x + 9 \leq -1$$

$$5x \leq -1 - 19$$

$$x \leq -4$$

이므로 해가 $x = -4$ 이기 위해서는 다음 부등식의 해는 $x \geq -4$ 이어야 하므로

$$3(ax+1) - 2x \geq -1$$

$$3ax + 3 - 2x \geq -1$$

$$(3a - 2)x \geq -4$$

$$3a - 2 = 1 \quad \therefore a = 1$$

36. 연립부등식 $2x + 1 \geq x + 5 > -3x + 1$ 의 해는?

- ① $x \leq -4$
- ② $x \leq -1$
- ③ $-1 \leq x \leq 4$
- ④ $x \geq 1$
- ⑤ $x \geq 4$

해설

$$2x + 1 \geq x + 5, x \geq 4$$

$$x + 5 > -3x + 1, x > -1$$

$$\therefore x \geq 4$$

37. 다음 중 연립부등식 $\begin{cases} 4x - 3 > 3x - 1 \\ x + 5 \geq 2x - 1 \\ -x < 1 \end{cases}$ 의 해가 아닌 것은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\begin{cases} 4x - 3 > 3x - 1 \\ x + 5 \geq 2x - 1 \\ -x < 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 2 \\ x \leq 6 \\ x > -1 \end{cases}$$

$$\therefore 2 < x \leq 6$$