

1. 다음 이차방정식의 두 근을  $\alpha, \beta$  라고 할 때,  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$  의 값은?

$$2x^2 + 6x + 10 = 0$$

①  $\frac{3}{5}$

② 3

③  $-\frac{3}{5}$

④  $\frac{1}{5}$

⑤  $-\frac{1}{3}$

해설

근과 계수의 관계로부터

$$\alpha + \beta = -3, \quad \alpha\beta = 5$$

$$\therefore \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = -\frac{3}{5}$$

2. 평행이동에 의하여 포물선  $y = \frac{1}{2}x^2 + 1$  의 그래프와 완전히 포개어지지 않는 것은?

①  $y = \frac{1}{2}(x - 1)^2$

③  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

⑤  $y = \frac{1}{2}x^2 + 2x + 3$

②  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

④  $y = \frac{1}{2}(x + 1)^2 - 1$

해설

이차항의 계수가 같은 것을 찾는다.

3. 이차함수  $y = -2x^2 + 4x$  의 그래프와  $x$  축과의 교점의  $x$  좌표를  $a$ ,  $y$  축과 교점의  $y$  좌표를  $b$  라 할 때,  $a$  와  $b$  의 값을 구하면?

- ①  $a : -2$  또는  $0$ ,  $b : 0$
- ②  $a : -5$  또는  $-1$ ,  $b : -5$
- ③  $a : 1$  또는  $-3$ ,  $b : \frac{3}{2}$
- ④  $a : 1$  또는  $5$ ,  $b : 5$
- ⑤  $a : 0$  또는  $2$ ,  $b : 0$

해설

$$y = 0 \text{ 을 대입하면 } -2x^2 + 4x = 0$$

$$x^2 - 2x = x(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 2$$

$$x = 0 \text{ 을 대입하면 } y = 0$$

4. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 다른 하나는?

①  $x^2 + 2x - 5 = 0$

②  $x^2 - 8x = 10$

③  $6x^2 = 4x + 9$

④  $(x + 2)^2 = 0$

⑤  $(x + 1)^2 = 10$

해설

(완전제곱식) = 0 꼴의 이차방정식의 근의 개수는 하나이다.

따라서 ④이다.

나머지 모두 해의 갯수는 2개이다.

5. 다음 이차방정식이 중근을 가질 때, 상수  $m$ 의 값은? (단,  $m > 0$ )

$$x^2 - m(2x - 1) + 2 = 0$$

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^2 - m(2x - 1) + 2 = 0 \text{에서 } x^2 - 2mx + m + 2 = 0$$

$$D = (2m)^2 - 4(m + 2) = 0$$

$$4m^2 - 4m - 8 = 0$$

$$m = 2 \text{ 또는 } m = -1$$

따라서  $m = 2$  이다. ( $\because m > 0$ )

6. 이차방정식  $x^2 - 14x + k = 0$  의 두 근의 비가 2 : 5 일 때,  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 40

해설

$x^2 - 14x + k = 0$  의 두 근을  $2\alpha, 5\alpha$  라고 하면  $2\alpha + 5\alpha = 14$ ,  
 $7\alpha = 14$ ,  $\alpha = 2$ ,  
따라서 두 근은 4, 10 이므로  $k$  는 두 근의 곱으로  $k = 40$  이다.

7. 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$  의 해가  $-\frac{3}{4}$ ,  $\frac{1}{2}$  일 때,  $ax^2 + bx + 1 = 0$  의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{3}{2}$

해설

근과 계수의 관계로부터

$$-a = -\frac{3}{4} + \frac{1}{2}, \quad a = \frac{1}{4}$$

$$b = -\frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = -\frac{3}{8}$$

$ax^2 + bx + 1 = 0$  에  $a = \frac{1}{4}$ ,  $b = -\frac{3}{8}$  대입하면

$$\frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{8}x + 1 = 0$$

따라서 두 근의 합은  $-\frac{\left(-\frac{3}{8}\right)}{\frac{1}{4}} = \frac{3}{2}$  이다.

8.  $n$  명 중 대표 2명을 뽑는 경우의 수는  $\frac{n(n-1)}{2}$  이다. 어떤 모임의 회원 중 대표 2명을 뽑는 경우의 수는 91 가지일 때, 이 모임의 전체 회원은 몇 명인가?

- ① 11 명      ② 12 명      ③ 13 명      ④ 14 명      ⑤ 15 명

해설

$$\frac{n(n-1)}{2} = 91 \text{ 이므로}$$

$$n^2 - n - 182 = 0 \text{ 이다.}$$

$$(n - 14)(n + 13) = 0$$

$$n = 14 (\because n > 0)$$

9. 지면으로부터 100m 되는 높이에서 초속 40m로 위에 던져 올린 물체의  $t$  초 후의 높이를  $hm$ 라고 하면  $t$ 와  $h$  사이에는  $h = -5t^2 + 40t + 100$ 인 관계가 성립한다. 이 물체의 높이가 180m인 순간은 던져 올린 지 몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답 : 초

▶ 정답 : 4초

해설

$$h = -5t^2 + 40t + 100$$

$$-5t^2 + 40t + 100 = 180$$

$$t^2 - 8t + 16 = 0$$

$$(t - 4)^2 = 0$$

$$\therefore t = 4$$

10. 다음 보기의 이차함수의 그래프를 포물선의 폭이 넓은 순서대로 나열 하여라.

보기

㉠  $y = 4x^2$

㉡  $y = -\frac{5}{2}x^2$

㉢  $y = -\frac{4}{3}x^2$

㉣  $y = \frac{1}{4}x^2$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ④

▷ 정답 : ③

▷ 정답 : ②

▷ 정답 : ①

해설

$a$ 의 절댓값이 작을수록 포물선의 폭이 넓다.  $\frac{1}{4} < \frac{4}{3} < \frac{5}{2} < 4$

이므로 ④, ③, ②, ① 순으로 폭이 넓다.

11. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + 5$  의 그래프와 직선  $y = ax + b$  가 두 점  $(-2, m), (4, n)$ 에서 만날 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$y = \frac{1}{2}x^2 + 5$ 에 두 점  $(-2, m), (4, n)$ 을 대입하면

$$m = \frac{1}{2} \times (-2)^2 + 5 = 7$$

$$n = \frac{1}{2} \times 4^2 + 5 = 13$$

$y = ax + b$ 가  $(-2, 7), (4, 13)$ 을 지나므로

$$\begin{array}{r} 7 = -2a + b \\ -) 13 = 4a \\ \hline -6 = -6a \end{array}$$

$a = 1, b = 9$

$$\therefore a + b = 1 + 9 = 10$$

12. 이차함수  $y = 2(x + 1)^2 - 3$  의 그래프를  $y$  축에 대하여 대칭이동하면 점  $(4, k)$  를 지난다. 이 때,  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 15

해설

$$y = 2(-x + 1)^2 - 3$$

$$y = 2(x - 1)^2 - 3$$

점  $(4, k)$  를 대입하면

$$2(4 - 1)^2 - 3 = k$$

$$\therefore k = 15$$

13. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + ax + b$  의 꼭짓점의 좌표가  $(-2, 3)$  일 때,  $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

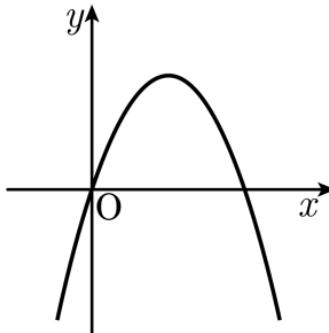
$y = \frac{1}{2}x^2 + ax + b$  의 꼭짓점의 좌표가  $(-2, 3)$  이므로

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2}(x + 2)^2 + 3 \\&= \frac{1}{2}(x^2 + 4x + 4) + 3 \\&= \frac{1}{2}x^2 + 2x + 5\end{aligned}$$

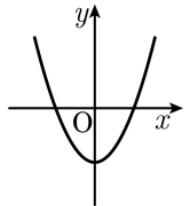
$$a = 2, b = 5$$

$$\therefore a - b = 2 - 5 = -3$$

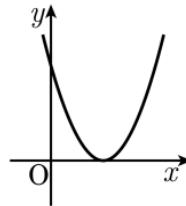
14.  $y = -x^2 + bx + c$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중에서  $y = x^2 + cx + b$  의 그래프는?



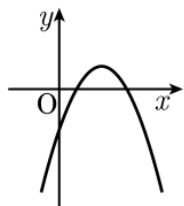
①



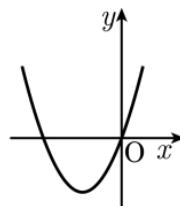
②



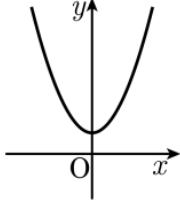
③



④



⑤



해설

주어진 그래프가 위로 볼록하고, 축이  $y$  축의 오른쪽에 있으므로  $b > 0$ ,  $y$  절편이 0 이므로  $c = 0$  이다. 따라서  $y = x^2 + cx + b$  이고,  $c = 0$  이므로  $y = x^2 + b$  이다.

15. 이차함수  $y = -(x - 3)^2 + 4$  의 그래프에서 꼭짓점을 A, x 축과 만나는 두 점을 각각 B, C 라고 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

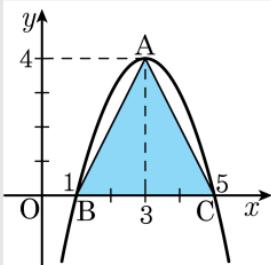
해설

$y = -(x - 3)^2 + 4$  의 그래프에서 꼭짓점은 (3, 4) 이다.

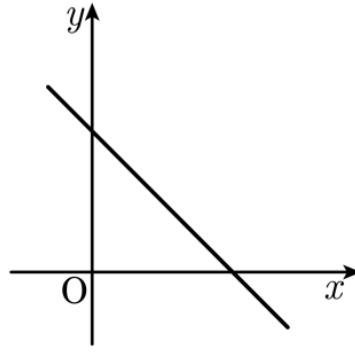
$$\begin{aligned}y &= -(x - 3)^2 + 4 \\&= -(x^2 - 6x + 9) + 4 \\&= -(x^2 - 6x + 5) \\&= -(x - 1)(x - 5)\end{aligned}$$

따라서 x 축과의 교점은 (1, 0), (5, 0) 이다

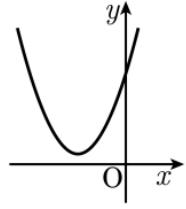
$$\therefore \triangle ABC \text{의 넓이} = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$



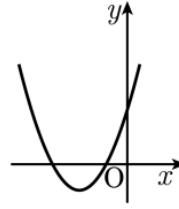
16. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 이차함수  $y = x^2 + ax + b$  의 그래프가 될 수 있는 것은?



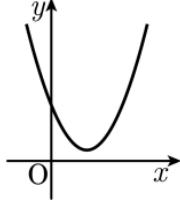
①



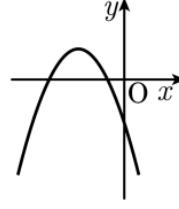
②



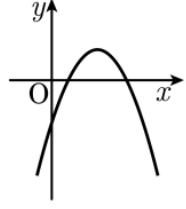
③



④

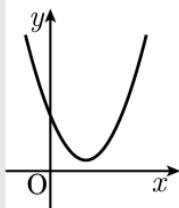


⑤



### 해설

일차함수의 그래프의 기울기가 음수이므로  $a < 0$ ,  $y$  절편이 양수이므로  $b > 0$  이다.



$y = x^2 + ax + b$  에서  $a < 0, b > 0$  이면 아래로 볼록이고 축은  $y$  축 오른쪽에 있으며  $y$  축과의 교점은  $x$  축보다 위쪽에 있다.

17. 이차함수  $y = -x^2 + ax + b$  의 그래프가  $x$  축과 두 점  $(-1, 0), (-4, 0)$ 에서 만날 때, 꼭짓점의 좌표는?

- ①  $\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{4}\right)$       ②  $\left(-\frac{1}{3}, \frac{5}{4}\right)$       ③  $\left(-5, \frac{9}{4}\right)$   
④  $(-2, 3)$       ⑤  $\left(-\frac{5}{2}, \frac{9}{4}\right)$

해설

$y = -x^2$  과 계수는 같고,  $x$  절편이  $-1, -4$  인 식의 꼭짓점이므로

$$y = -(x + 1)(x + 4)$$

$$y = -(x^2 + 5x + 4) = -\left(x + \frac{5}{2}\right)^2 + \frac{9}{4}$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $\left(-\frac{5}{2}, \frac{9}{4}\right)$  이다.

18. 이차함수  $y = -2x^2 + 2ax$ 의 최댓값이 8일 때, 상수  $a$ 의 값을 구하면?  
(단,  $a > 0$ )

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$y = -2x^2 + 2ax$$

$$= -2 \left( x - \frac{a}{2} \right)^2 + \frac{a^2}{2}$$

최댓값이 8이므로  $\frac{a^2}{2} = 8$ 이다.

$a > 0$ 이므로  $a = 4$ 이다.

19.  $x^2 - mx + n = 0$  의 해를  $\alpha, \beta$  라 할 때,  $\alpha + \beta, \alpha\beta$  를 두 근으로 하는 이차방정식은  $x^2 - 5x + 6 = 0$  이다. 실수  $m, n$  에 대해  $m+n$  의 값을 구하여라. (단,  $m > n$ )

▶ 답:

▶ 정답: 5

해설

$$x^2 - mx + n = 0 \text{ 에서 } \begin{cases} \alpha + \beta = m \\ \alpha\beta = n \end{cases} \cdots \textcircled{\text{7}}$$

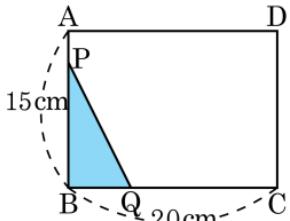
또  $x^2 - 5x + 6 = 0$  에서

$$\begin{cases} \alpha + \beta + \alpha\beta = 5 \\ (\alpha + \beta)\alpha\beta = 6 \end{cases} \cdots \textcircled{\text{L}}$$

⑦ 을 ⑧에 대입하면  $m + n = 5, mn = 6$

$$\therefore m + n = 5$$

20. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = 15\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 20\text{ cm}$ 인 직사각형 ABCD가 있다. 점 P는 변 AB 위를 점 A로부터 B까지 매초 1cm의 속력으로 움직이고, 점 Q는 변 BC 위를 점 B로부터 C까지 매초 2cm의 속력으로 움직이고 있다. 두 점 P, Q가 동시에 출발하였다면 몇 초 후에  $\triangle BPQ$ 의 넓이가  $36\text{ cm}^2$ 가 되는지 구하여라.



▶ 답:  $x$

▷ 정답: 3  $x$

### 해설

$x$  초 후에  $\overline{PB} = (15 - x)\text{ cm}$ ,  $\overline{BQ} = 2x\text{ cm}$   $\triangle BPQ$ 의 넓이는

$$\frac{1}{2}\overline{PB} \times \overline{BQ} \text{ 이므로}$$

$$\frac{1}{2}(15 - x)2x = 36$$

$$2x^2 - 30x + 72 = 0$$

$$x^2 - 15x + 36 = 0$$

$$(x - 3)(x - 12) = 0$$

$$\therefore x = 3 (\text{초})(\text{단}, 0 < x < 10)$$

21. 이차함수  $y = -2x^2 - 12x + 3$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $p$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동하였더니 점  $(-2, 0)$ ,  $(0, -16)$  을 지났다.  $p + q$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: -19

해설

평행이동한 그래프의 식을

$y = -2x^2 + bx + c$  라고 하자.

$y = -2x^2 + bx + c$  의 그래프가  $(-2, 0)$ ,  $(0, -16)$  을 지나므로

$$0 = -8 - 2b + c, \quad -16 = c$$

$$0 = -8 - 2b - 16 \quad \therefore b = -12$$

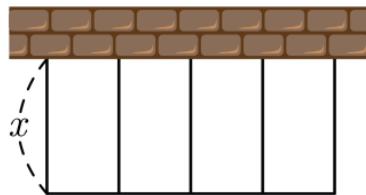
$$y = -2x^2 - 12x - 16 = -2(x+3)^2 + 2$$

$$y = -2x^2 - 12x + 3 = -2(x+3)^2 + 21$$

꼭짓점의 좌표가  $(-3, 21)$ 에서  $(-3, 2)$ 로 이동하였으므로  $p = 0$ ,  $q = -19$  이다.

$$\therefore p + q = 0 - 19 = -19$$

22. 60m 의 철망으로 다음 그림과 같이 담장을 이용하여 똑같은 크기의 직사각형 모양의 담장을 4 개 만들려고 한다. 4 개의 담장의 넓이의 합의 최댓값은?



- ①  $140\text{m}^2$       ②  $160\text{m}^2$       ③  $180\text{m}^2$   
④  $200\text{m}^2$       ⑤  $240\text{m}^2$

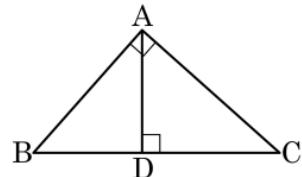
해설

담장 한 개의 가로의 길이는  $\frac{60 - 5x}{4}$

담장의 넓이의 합은  $x \left( \frac{60 - 5x}{4} \right) \times 4 = x(60 - 5x)$  이다.

$$\begin{aligned}\therefore -5x^2 + 60x &= -5(x^2 - 12x + 36) + 180 \\ &= -5(x - 6)^2 + 180\end{aligned}$$

23. 다음 그림과 같이 삼각형 ABC에서  $\angle BAC = 90^\circ$ ,  $\angle ADC = 90^\circ$ 이다. 선분 AD의 길이는 6 cm, 선분 BD의 길이는 4 cm이고, 선분 AB의 길이와 선분 DC의 길이는 같다고 한다. 선분 AC의 길이가 선분 DC의 길이보다 1 cm 더 길 때, 선분 AB의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 8 cm

### 해설

$$\overline{AB} = \overline{DC} = x \text{ cm} \text{라고 하면 } \overline{AC} = x + 1$$

$$\frac{1}{2}x(x+1) = \frac{1}{2} \times 6(x+4)$$

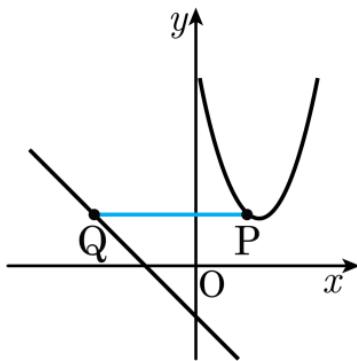
$$\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x - 3x - 12 = 0$$

$$x^2 - 5x - 24 = 0$$

$$(x-8)(x+3) = 0$$

$$x = 8 \quad (\because x > 0)$$

24. 다음 그림에서 포물선  $y = x^2 - 5x + 8$  위의 한 점 P 와 직선  $y = -x - 2$  위의 한 점 Q 에 대하여  $\overline{PQ}$  가 x 축에 평행할 때,  $\overline{PQ}$  의 최솟값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$y = x^2 - 5x + 8$  에서 점 P 의 좌표는  $P(a, a^2 - 5a + 8)$

$y = -x - 2$  에서 점 Q 의 좌표는  $Q(b, -b - 2)$

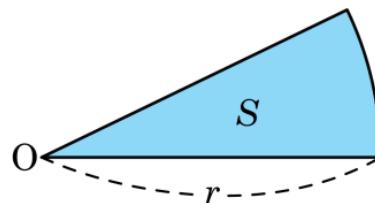
점 P 와 점 Q 의 y 좌표가 같으므로

$a^2 - 5a + 8 = -b - 2, b = -a^2 + 5a - 10$  이다.

$$\overline{PQ} = a - b = a^2 - 4a + 10 = (a - 2)^2 + 6$$

$\overline{PQ}$  의 최솟값은 6 이다.

25. 둘레의 길이가 12cm인 부채꼴의 반지름의 길이가  $r$ cm 일 때, 넓이를  $S \text{ cm}^2$ 라고 한다.  $S$  가 최대일 때,  $r$  의 값은? (단, 반지름의 길이가  $r$ , 호의 길이가  $l$ 인 부채꼴의 넓이는  $\frac{1}{2}lr$ 임을 이용하여라.)



- ① 3      ② 6      ③ 7      ④ 9      ⑤ 10

### 해설

둘레의 길이가 12cm인 부채꼴의 반지름을  $r$ cm이라 하면 호의 길이는  $(12 - 2r)$ cm이다.

$$(\text{부채꼴의 넓이}) = \frac{1}{2}r(12 - 2r) = -r^2 + 6r$$

$$= -(r - 3)^2 + 9$$

따라서  $r = 3$  일 때, 부채꼴의 최대의 넓이는 9이다.