

1. $2a^2b^3 \div (2ab)^3$ 을 간단히 한 것으로 옳은 것은?

Ⓐ $\frac{1}{4a}$

Ⓑ $\frac{1}{4ab}$

Ⓒ $\frac{1}{4a^2b}$

해설

$$2a^2b^3 \div (2ab)^3 = 2a^2b^3 \div 8a^3b^3 = \frac{1}{4a}$$

2. $18a^3b^3 \div 3a^2b \times 2b$ 를 간단히 하면?

- ① $3ab$ ② $6ab^2$ ③ $12ab^2$ ④ $3ab^3$ ⑤ $12ab^3$

해설

$$18a^3b^3 \times \frac{1}{3a^2b} \times 2b = 12ab^3$$

3. 다음 식에서 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식은?
 $\boxed{\quad} \div (-6a^2b^2) \times (2ab^2)^3 = -12a^5b^6$

- ① $-3a^2b$ ② $-3a^2b$ ③ $9a^4b^2$
④ $-9a^4b^2$ ⑤ $6a^4b^2$

해설

$$\boxed{\quad} \div (-6a^2b^2) \times (2ab^2)^3 = -12a^5b^6$$

$$\boxed{\quad} = -12a^5b^6 \times (-6a^2b^2) \div (2ab^2)^3$$

$$\boxed{\quad} = -12a^5b^6 \times (-6a^2b^2) \times \frac{1}{8a^3b^6} = 9a^4b^2$$

4. $\left(\frac{4}{3}x + \frac{5}{12}y - \frac{7}{4}\right) + \left(-\frac{1}{4}x - \frac{7}{6}y + \frac{2}{3}\right)$ 를 간단히 했을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

① -3 ② $-\frac{11}{4}$ ③ $-\frac{4}{3}$ ④ 0 ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned}& \left(\frac{4}{3}x + \frac{5}{12}y - \frac{7}{4}\right) + \left(-\frac{1}{4}x - \frac{7}{6}y + \frac{2}{3}\right) \\&= \left(\frac{16}{12}x + \frac{5}{12}y - \frac{21}{12}\right) + \left(-\frac{3}{12}x - \frac{14}{12}y + \frac{8}{12}\right) \\&= \left(\frac{16x + 5y - 21 - 3x - 14y + 8}{12}\right) \\&= \frac{13x - 9y - 13}{12} \\&= \frac{13}{12}x - \frac{9}{12}y - \frac{13}{12}\end{aligned}$$

$$x \text{ 의 계수 : } \frac{13}{12}, \text{ 상수항 : } -\frac{13}{12}$$

$$\therefore \frac{13}{12} + \left(-\frac{13}{12}\right) = 0$$

5. 다음 식 중에서 이차식을 모두 고르면?

Ⓐ ① $3(2a^2 - 1)$

Ⓑ ③ $6a^2 - a + 1 - 6a^2$

Ⓒ ⑤ $\frac{1}{2}y^2 - \frac{1}{2}y - 1$

Ⓓ ② $1 + \frac{1}{x^2}$

Ⓔ ④ $x\left(x - \frac{1}{x}\right) - x^2 + 1$

해설

$3(2a^2 - 1) = 6a^2 - 3$

6. $\frac{4a - 3b}{5} - \frac{5a - 4b}{7}$ 를 간단히 하면?

- ① $\frac{a - b}{35}$ ② $\frac{a - 2b}{35}$ ③ $\frac{a - 3b}{35}$
④ $\frac{3a - b}{35}$ ⑤ $\frac{b - a}{35}$

해설

$$\begin{aligned}& \frac{4a - 3b}{5} - \frac{5a - 4b}{7} \\&= \frac{7(4a - 3b)}{35} - \frac{5(5a - 4b)}{35} \\&= \frac{28a - 21b - 25a + 20b}{35} \\&= \frac{3a - b}{35}\end{aligned}$$

7. 다음 $\boxed{\quad}$ 에 들어갈 알맞은 식을 구하여라.

$$x - 6y - \boxed{\quad} = -2(2x - y)$$

▶ 답:

▷ 정답: $5x - 8y$

해설

$$\begin{aligned}\boxed{\quad} &= x - 6y + 2(2x - y) \\ &= x - 6y + 4x - 2y = 5x - 8y\end{aligned}$$

8. $(Ax^2 - 3x + 1) - (-x^2 + Bx + 4) = 3x^2 + 2x + C$ 에서 A, B, C 의 값을 각각 맞게 구한 것은?

① $A = 2, B = -1, C = 3$ ② $A = 4, B = -1, C = 5$

③ $A = 4, B = -5, C = -5$ ④ $A = 2, B = 5, C = 3$

⑤ $A = 2, B = -5, C = -3$

해설

$$(Ax^2 - 3x + 1) - (-x^2 + Bx + 4) = 3x^2 + 2x + C$$

$$Ax^2 - 3x + 1 + x^2 - Bx - 4 = 3x^2 + 2x + C$$

$$Ax^2 + x^2 - 3x - Bx + 1 - 4 = 3x^2 + 2x + C$$

$$A + 1 = 3 \quad \therefore A = 2$$

$$-3 - B = 2 \quad \therefore B = -5$$

$$1 - 4 = C \quad \therefore C = -3$$

9. 어떤 다항식 A 에서 $-x - 2y + 4$ 를 더하였더니 $4x + y - 3$ 이 되었다.
다항식 A 는?

- ① $-x + 2y - 7$ ② $-x + 3y - 3$ ③ $5x - 2y + 4$
④ $5x + 3y - 7$ ⑤ $5x + 3y + 7$

해설

$$\begin{aligned} A + (-x - 2y + 4) &= 4x + y - 3 \text{ } \circ] \text{므로} \\ A &= (4x + y - 3) - (-x - 2y + 4) \\ &= 4x + y - 3 + x + 2y - 4 \\ &= 5x + 3y - 7 \end{aligned}$$

10. $(5x - y + 1) - (\quad) = 2x + y - 3$ 에서 (\quad) 안에 알맞은 식은?

- ① $3x - 2y + 4$ ② $-3x + 2y + 4$ ③ $-3x - 2y - 4$
④ $3x + y - 4$ ⑤ $3x - y$

해설

$$(5x - y + 1) - (2x + y - 3) = (\quad) \text{ } \circ | \text{므로}$$

$$(\quad) = 5x - y + 1 - 2x - y + 3 \\ = 3x - 2y + 4$$

11. 식 $(5a^2 - 7a + 4) - (11a^2 + 2a - 3)$ 을 간단히 하면?

- ① $-6a^2 - 5a + 1$ ② $\textcircled{2} -6a^2 - 9a + 7$ ③ $-6a^2 + 9a + 1$
④ $16a^2 - 5a - 7$ ⑤ $16a^2 - 7a + 1$

해설

$$\begin{aligned}(5a^2 - 7a + 4) - (11a^2 + 2a - 3) \\= 5a^2 - 7a + 4 - 11a^2 - 2a + 3 \\= -6a^2 - 9a + 7\end{aligned}$$

12. $2a - [2b - \{a - (a + 3b) + 2b\}] - a$ 를 간단히 하면?

- ① $2a + 3b$ ② $3a - 3b$ ③ $2a - 3b$
④ $a - 3b$ ⑤ $5a - b$

해설

$$\begin{aligned} & 2a - [2b - \{a - (a + 3b) + 2b\}] - a \\ &= 2a - \{2b - (-b)\} - a \\ &= 2a - 3b - a = a - 3b \end{aligned}$$

13. 상수 a, b 에 대하여 $x - \{5x - 2(x - 3y)\} = ax + by$ 일 때, a, b 의 값을 각각 구하여라.

- ① $a = -2, b = 5$ ② $a = -1, b = 6$
③ $a = 2, b = 6$ ④ $a = -2, b = -6$
⑤ $a = 2, b = -6$

해설

$$\begin{aligned}x - \{5x - 2(x - 3y)\} &= x - (5x - 2x + 6y) \\&= x - (3x + 6y) \\&= x - 3x - 6y \\&= -2x - 6y\end{aligned}$$

$\therefore ax + by = -2x - 6y$
따라서 $a = -2, b = -6$

14. 어떤 식에서 $-3x^2 - 1$ 을 더해야 할 것을 뺏더니 답이 $7x^2 + 5$ 가 되었다.
옳게 계산한 식을 구하면?

① x^2

② $x^2 + 3$

③ $x^2 - 3x - 2$

④ $4x^2 - 3x - 1$

⑤ $4x^2 - x + 5$

해설

어떤 식을 A 라 하면

$$A - (-3x^2 - 1) = 7x^2 + 5$$

$$A = (7x^2 + 5) + (-3x^2 - 1) = 4x^2 + 4$$

\therefore 바르게 계산한 식 : $(4x^2 + 4) + (-3x^2 - 1) =$

$$x^2 + 3$$

15. $\frac{6a^2 + 2ab}{3a} - \frac{ab + 4b^2}{2b}$ 을 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{2}a - \frac{4}{3}b$

해설

$$\begin{aligned}\frac{6a^2 + 2ab}{3a} - \frac{ab + 4b^2}{2b} &= 2a + \frac{2}{3}b - \frac{1}{2}a - 2b \\ &= \frac{3}{2}a - \frac{4}{3}b\end{aligned}$$

16. $(3x^2 - 9xy) \div 3x - (8xy - 4y^2) \div (-2y)$ 를 간단히 하면?

- ① $-5x - y$ ② $3x - y$ ③ $3x - 5y$
④ $-3x - 5y$ ⑤ $5x - 5y$

해설

$$\begin{aligned}\frac{3x^2 - 9xy}{3x} - \frac{8xy - 4y^2}{-2y} &= x - 3y + \frac{8xy - 4y^2}{2y} \\ &= x - 3y + 4x - 2y \\ &= 5x - 5y\end{aligned}$$

17. 부피가 $100\pi a^3 b$ 인 원기둥의 밑면은 지름이 $10a$ 인 원이다. 이 원기둥의 높이를 구하여라.

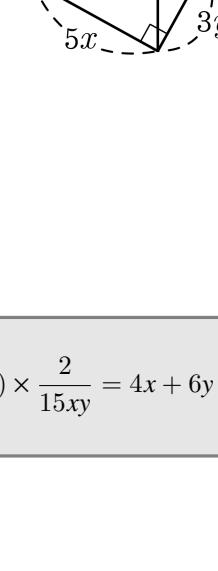
▶ 답:

▷ 정답: $4ab$

해설

$$\begin{aligned}\pi \times 5a \times 5a \times (\frac{1}{2}\pi \times 10a) &= 100\pi a^3 b \\ (\frac{1}{2}\pi \times 10a) &= 100\pi a^3 b \div 5a \div 5a \div \pi = 4ab\end{aligned}$$

18. 다음 그림의 삼각기둥의 부피가 $30x^2y + 45xy^2$ 일 때, 이 삼각기둥의 높이 h 를 구하여라.



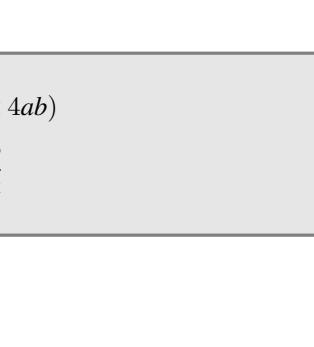
▶ 답:

▷ 정답: $4x + 6y$

해설

$$h = (30x^2y + 45xy^2) \times \frac{2}{15xy} = 4x + 6y$$

19. 다음 그림은 가로의 길이가 $3a^2b$, 높이가 $4ab$ 인 직육면체이다. 이 입체도형의 부피가 $9a^2b^3$ 일 때 세로의 길이는?



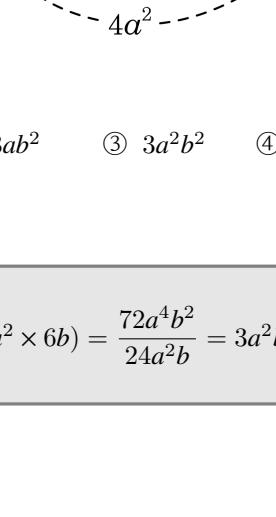
- ① $\frac{2}{3b}$ ② $\frac{3b}{4a}$ ③ $\frac{2b}{3}$ ④ $\frac{4a}{3b}$ ⑤ $\frac{4b}{3a}$

해설

$$9a^2b^3 \div (3a^2b \times 4ab)$$

$$= \frac{9a^2b^3}{12a^3b^2} = \frac{3b}{4a}$$

20. 다음 그림과 같이 밑면의 가로의 길이가 $4a^2$, 세로의 길이가 $6b$ 인
직육면체의 부피가 $72a^4b^2$ 일 때, 이 직육면체의 높이는?

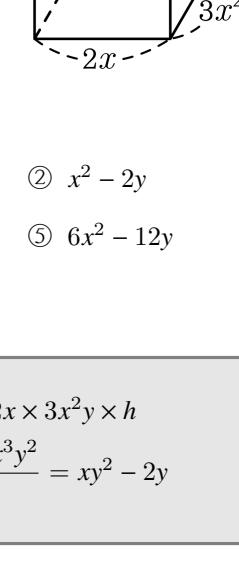


- ① $3a^2b$ ② $3ab^2$ ③ $3a^2b^2$ ④ a^2b ⑤ ab^2

해설

$$h = 72a^4b^2 \div (4a^2 \times 6b) = \frac{72a^4b^2}{24a^2b} = 3a^2b$$

21. 가로, 세로의 길이가 $2x$, $3x^2y$ 인 직육면체의 부피가 $6x^4y^3 - 12x^3y^2$ 일 때, 직육면체의 높이는?



- ① $xy^2 - 12y$ ② $x^2 - 2y$ ③ $\textcircled{3} xy^2 - 2y$
④ $6xy^2 - 2y$ ⑤ $6x^2 - 12y$

해설

$$6x^4y^3 - 12x^3y^2 = 2x \times 3x^2y \times h$$
$$\therefore h = \frac{6x^4y^3 - 12x^3y^2}{6x^3y} = xy^2 - 2y$$